บทที่ 5 วิธีการคำนวณหาประสิทธิภาพในการหล่อลื่น

จากการวิเคราะห์ปัญหาจะเห็นว่าสมการเรย์โนลด์เป็นสมการเชิงอนุพันธ์แบบไม่เชิงเส้น ดังนั้นการแก้สมการ โดยวิธีการหาค่าผลเฉลยแบบแม่นตรงจะยังทำการหาค่าไม่ได้ เมื่อเปรียบเทียบ กับวิธีประมาณค่าเชิงตัวเลงแล้วไม่ยากเท่ากับวิธีการหาผลเฉลยแบบแม่นตรง

5.1 สมการเรย์โนลด์แบบไร้มิติ[16]

$$\frac{\partial}{\partial X} \left[\overline{\rho} H^{3} \left(\frac{1}{\overline{\mu}_{e,2}} - \frac{\overline{\mu}_{e,0}}{\overline{\mu}_{e,1}^{2}} \right) \frac{\partial P}{\partial X} \right] = K \frac{\partial}{\partial X} (\overline{\rho} H) + K \frac{S}{2} \frac{\partial}{\partial X} \left[\overline{\rho} H \left(1 - 2 \frac{\overline{\mu}_{e,0}}{\overline{\mu}_{e,1}} \right) \right] + K \frac{\partial}{\partial t^{*}} (\overline{\rho} H) \quad (5.1)$$

$$\lim_{n \to \infty} \varepsilon = \overline{\rho} H^{3} \left(\frac{1}{\overline{\mu}_{e,2}} - \frac{\overline{\mu}_{e,0}}{\overline{\mu}_{e,1}^{2}} \right)$$

ดังนั้นจะได้

$$\frac{\partial}{\partial X} \left[\varepsilon \frac{\partial P}{\partial X} \right] = K \frac{\partial}{\partial X} \left(\overline{\rho} H \right) + K \frac{S}{2} \frac{\partial}{\partial X} \left[\overline{\rho} H \left(1 - 2 \frac{\overline{\mu}_{e,0}}{\overline{\mu}_{e,1}} \right) \right] + K \frac{\partial}{\partial t^*} \left(\overline{\rho} H \right)$$
(5.2)

การแก้สมการเรย์โนลด์โดยวิธีผลต่างสืบเนื่อง (Finite Difference Method) สามารถแก้ได้โดย พิจารณาจากรูป 5.1



รูปที่ 5.1 แสดงขนาดและความกว้างระหว่างโนด

ที่ตำแหน่ง i พจน์ทางซ้ายมือของสมการที่ (5.1) จะแทนก่าด้วยผลต่างแบบกึ่งกลาง (Central Difference) และพจน์ทางขวามือจะแทนด้วยผลต่างแบบถอยหลัง (Backward Difference) จะได้

$$\frac{\varepsilon \frac{dP}{dX}\Big|_{i+\frac{1}{2}} - \varepsilon \frac{dP}{dX}\Big|_{i-\frac{1}{2}}}{X_{i+\frac{1}{2}} - X_{i-\frac{1}{2}}} = K \left[\frac{\rho_i H_i - \rho_{i-1} H_{i-1}}{X_i - X_{i-1}} \right] + K \frac{S}{2} \left[\frac{\overline{\rho_i} H_i \left(1 - \frac{2\overline{\mu}_{e,0}}{\mu_{e,1}} \right)_i - \overline{\rho_{i-1}} H_{i-1} \left(1 - \frac{2\overline{\mu}_{e,0}}{\mu_{e,1}} \right)_{i-1}}{X_i - X_{i-1}} \right] + K \frac{S}{2} \left[\frac{\overline{\rho_i} H_i \left(1 - \frac{2\overline{\mu}_{e,0}}{\mu_{e,1}} \right)_i - \overline{\rho_{i-1}} H_{i-1} \left(1 - \frac{2\overline{\mu}_{e,0}}{\mu_{e,1}} \right)_{i-1}}{X_i - X_{i-1}} \right]$$

$$(5.3)$$

เมื่อตัวอักษรยก 0 ในพจน์สุดท้ายแทนค่าที่เวลาเก่า แทนค่าผลต่างแบบกึ่งกลางของ $rac{dP}{dX}$ จะได้

$$P_{i+1}\left(\frac{\varepsilon_{i+\frac{1}{2}}}{X_{i+1}-X_{i}}\right) - P_{i}\left[\frac{\varepsilon_{i+\frac{1}{2}}}{X_{i+1}-X_{i}} + \frac{\varepsilon_{i-\frac{1}{2}}}{X_{i}-X_{i-1}}\right] + P_{i-1}\left(\frac{\varepsilon_{i-\frac{1}{2}}}{X_{i}-X_{i-1}}\right) = K\left(X_{i+\frac{1}{2}} - X_{i-\frac{1}{2}}\right)\left[\frac{\rho_{i}H_{i}-\rho_{i-1}H_{i-1}}{X_{i}-X_{i-1}}\right] + K\frac{S}{2}\left(X_{i+\frac{1}{2}} - X_{i-\frac{1}{2}}\right)$$
(5.4)
$$\left[\frac{\overline{\rho_{i}H_{i}}\left(1-\frac{2\overline{\mu}_{e,0}}{\mu_{e,1}}\right)_{i}-\overline{\rho}_{i-1}H_{i-1}\left(1-\frac{2\overline{\mu}_{e,0}}{\mu_{e,1}}\right)_{i-1}}{X_{i}-X_{i-1}}\right] + K\left(X_{i+\frac{1}{2}} - X_{i-\frac{1}{2}}\right)\left[\frac{\overline{\rho}_{i}H_{i}-\overline{\rho}_{i}^{0}H_{i}^{0}}{\Delta t^{*}}\right]$$

$$\begin{split} & u \cap \left(X_{i+\frac{1}{2}} - X_{i-\frac{1}{2}} \right) \\ & P_{i+1} \left(\frac{\varepsilon_{i+\frac{1}{2}}}{\left(X_{i+\frac{1}{2}} - X_{i-\frac{1}{2}} \right) (X_{i+1} - X_i)} \right) - P_i \left[\frac{\varepsilon_{i+\frac{1}{2}}}{\left(X_{i+\frac{1}{2}} - X_{i-\frac{1}{2}} \right) (X_{i+1} - X_i)} + \frac{\varepsilon_{i-\frac{1}{2}}}{\left(X_{i+\frac{1}{2}} - X_{i-\frac{1}{2}} \right) (X_i - X_{i-1})} \right] + \end{split}$$

$$P_{i-1}\left(\frac{\mathcal{E}_{i-\frac{1}{2}}}{\left(X_{i+\frac{1}{2}}-X_{i-\frac{1}{2}}\right)(X_{i}-X_{i-1})}\right) =$$
(5.5)
$$K\left[\frac{\rho_{i}H_{i}-\rho_{i-1}H_{i-1}}{X_{i}-X_{i-1}}\right] + K\frac{S}{2}\left[\frac{\overline{\rho}_{i}H_{i}\left(1-\frac{2\overline{\mu}_{e,0}}{\mu_{e,1}}\right)_{i}-\overline{\rho}_{i-1}H_{i-1}\left(1-\frac{2\overline{\mu}_{e,0}}{\mu_{e,1}}\right)_{i-1}}{X_{i}-X_{i-1}}\right] + K\left[\frac{\overline{\rho}_{i}H_{i}-\overline{\rho}_{i}^{0}H_{i}^{0}}{\Delta t^{*}}\right]$$

โดยที่เงื่อนไขขอบเขตของสมการเรย์โนลด์กือ

$$X = X_{in} \qquad P = 0$$
$$X = X_{out} \qquad P = 0, \ \frac{dP}{dX} = 0$$

เมื่อแทนค่า i เป็นค่าหมายเลขในโนคต่างๆ ตั้งแต่ 1 ถึง n และแทนค่าเงื่อนไขขอบลงไปจะได้ระบบ สมการไม่เชิงเส้นซึ่งสามารถจัคอยู่ในรูปเมทริกซ์ได้ดังนี้

$$[A]\{P\} = \{B\} \tag{5.7}$$

5.2 วิธีนิวตัน-ราฟสัน (Newton-Raphson method)[11]

ระเบียบวิธีนิวตัน-ราฟสัน (Newton-Raphson method) เป็นวิธีที่มีรากฐานมาจากอนุกรม เทย์เลอร์ โดยอนุกรมเทย์เลอร์เป็นอนุกรมที่ใช้ในการหาค่าฟังก์ชั่นที่ตำแหน่ง X₀จากค่าของ ฟังก์ชั่นและค่าอนุพันธ์ (derivatives) ที่มีอันดับต่างๆกันของฟังก์ชั่นนั้นที่ตำแหน่ง X₀ซึ่งจะหาได้ ดังนี้

$$f(x) \cong f(x_0) + (x - x_0)f'(x_0)$$
(5.8)

ดังนั้นสมการ (5.8) จึงเปรียบเสมือนสมการเส้นตรงและจะให้ค่าที่ถูกต้องเสมอหากฟังก์ชั่นนั้นมี การเปลี่ยนแปลงในลักษณะเชิงเส้นตรง ในทำนองเดียวกันหากฟังก์ชั่นที่กำหนดให้เป็นฟังก์ชั่นที่ ไม่สามารถเขียนเป็นฟังก์ชั่นสมการพหุนามได้ ก็จะต้องถูกรวมเทอมของเทย์เลอร์ถึงพจน์อนันต์ แต่ ในวิธีนิวตัน-ราฟสันจะหารากของสมการ f(x)=0 โดยใช้การประมาณฟังก์ชั่นด้วยอนุกรมเทย์ เลอร์ที่ประกอบด้วยพจน์เพียง 2 พจน์ ดังแสดงในสมการ ต่อไปนี้

$$f(x) = f(x_0) + (x - x_0)f'(x_0) = 0$$
(5.9)

หรือ

$$x - x_0 = -\frac{f(x_0)}{f'(x_0)}$$
(5.10)

โดยจะคำนวณซ้ำระหว่างค่าเก่ากับค่าใหม่ที่ได้จากสมการ(5.10)

$$x_{k+1} = x_k + \Delta x_{k+1} \tag{5.11}$$

$$\Delta x_{k+1} = -\frac{f(x_k)}{f'(x_k)} \tag{5.12}$$

ทำการตรวจสอบความถูกต้องโดยเช็คจากสมการ (5.11),(5.12) จะได้

$$\left|\frac{X_{k+1} - X_k}{X_{k+1}}\right| \times 100\% < 0.001 \tag{5.13}$$

จากสมการ(5.10),(5.11),(5.12)จะได้ว่า

$$f_i^{new} = f_i^{old} + \frac{\partial f_i}{\partial P_i} \Delta P_i$$
(5.14)

$$\Delta P_i = \frac{f_i^{new} - f_i^{old}}{\frac{\partial f_i}{\partial P_i}}$$
(5.15)

$$P_i^{new} = P_i^{old} + \omega \Delta P_i \tag{5.16}$$

ทำการคิฟสมการ (5.6) เทียบ P_i โดยใช้วิธีกฎลูกโซ่ จะได้

$$\begin{split} \frac{\partial f_{i}}{\partial P_{i}} &= \frac{\partial f_{i}}{\partial P_{i}}\Big|_{P_{i}} + \frac{\partial f_{i}}{\partial \rho_{i}} \frac{\partial \rho_{i}}{\partial P_{i}} + \frac{\partial f_{i}}{\partial H_{i}} \frac{\partial H_{i}}{\partial P_{i}} + \frac{\partial f_{i}}{\partial H_{i-1}} \frac{\partial H_{i-1}}{\partial P_{i}} + \frac{\partial f_{i}}{\partial P_{i}} \frac{\partial \varepsilon_{i}}{\partial P_{i}} + \frac{\partial f_{i}}{\partial \varepsilon_{i-1}} \frac{\partial \varepsilon_{i-1}}{\partial P_{i}} + \frac{\partial f_{i}}{\partial \varepsilon_{i+1}} \frac{\partial \varepsilon_{i+1}}{\partial P_{i}} \frac{\partial \varepsilon_{i+1}}{\partial P_{i}} \\ &+ \frac{\partial f_{i}}{\partial \left(\frac{1}{\overline{\mu}_{e0,i}}\right)} \frac{\partial \left(\frac{1}{\overline{\mu}_{e1,i}}\right)}{\partial P_{i}} + \frac{\partial f_{i}}{\partial \left(\frac{1}{\overline{\mu}_{e1,i}}\right)} \frac{\partial \left(\frac{1}{\overline{\mu}_{e1,i-1}}\right)}{\partial P_{i}} + \frac{\partial f_{i}}{\partial \left(\frac{1}{\overline{\mu}_{e0,i-1}}\right)} \frac{\partial \varepsilon_{i-1}}{\partial P_{i}} + \frac{\partial f_{i}}{\partial \varepsilon_{i-1}} \frac{\partial \varepsilon_{i+1}}{\partial P_{i}} \frac{\partial \varepsilon_{i+1}}{\partial \varepsilon_{i+1}} \frac{\partial \varepsilon_{i+1}}{\partial P_{i}} \frac{\partial \varepsilon_{i+1}}{\partial \varepsilon_{i+1}} \frac{\partial \varepsilon_{i+1}}{\partial P_{i}} \\ &+ \frac{\partial f_{i}}{\partial \left(\frac{1}{\overline{\mu}_{e0,i-1}}\right)} \frac{\partial \varepsilon_{i-1}}{\partial P_{i}} + \frac{\partial f_{i}}{\partial \varepsilon_{i+1}} \frac{\partial \varepsilon_{i+1}}{\partial P_{i}} \frac{\partial \varepsilon_{i+1}}{\partial \varepsilon_{i+1}} \frac{\partial \varepsilon_{i+1}}{\partial P_{i}} \frac{\partial \varepsilon_{i+1}}{\partial \varepsilon_{i+1}} \frac{\partial \varepsilon_{i+1}}{\partial P_{i}} \frac{\partial \varepsilon_{i+1}}{\partial \varepsilon_{i+1}} \frac{\partial \varepsilon_{i+1}}{\partial \varepsilon_{i$$

5.3 การอินทิเกรตเชิงตัวเลข[11]

จากสมการที่ (4.33) จะเห็นว่าในสมการมีการอินทิเกรตจำกัดเขตอยู่ในสมการซึ่งการอินทิ เกรต โดยวิธีการธรรมดาจะ ไม่สามารถทำได้เนื่องจากสมการเหล่านั้นมีความซับซ้อนและความ ยุ่งยากในการอินทิเกรตหรือ ไม่ก็ไม่สามารถอินทิเกรต ได้ จึงจำเป็นต้องมีการอินทิเกรตเชิงตัวเลข ขึ้นมา โดยการอินทิเกรตเชิงตัวเลขทีใช้ในการแก้ปัญหาในที่นี้มีอยู่ 2 วิธีคือ

5.3.1 การอินทิเกรตเชิงตัวเลขโดยใช้กฎสี่เหลี่ยมคางหมู(Numerical Intigation by Trapezoidal rule)

วิธีการอินทิเกรตเชิงตัวเลขโดยกฎสี่เหลี่ยมคางหมูสามารถหาได้จากสูตรการหาพื้นที่ สี่เหลี่ยมคางหมูทางคณิตศาสตร์ เมื่อนำมาประยุกต์ใช้กับการอินทิเกรตสามารถพิจารณาได้จากรูปที่ 5.2 คือ



รูปที่ 5.2 แสดงการอินทิเกรต โดยกฎสี่เหลี่ยมคางหมู

จากรูปที่ 5.2 สามารถเขียนสูตรการอินทิเกรตเชิงตัวเลขโดยกฎที่เหลี่ยมคางหมูได้โดย

$$I = \left(\frac{b-a}{2}\right) (f(x_1) + f(x_2))$$
(5.18)

เนื่องจากการแบ่งจุดโนดบนขอบเขตของปัญหาจะมีการแบ่งออกเป็นจำนวนมากจะนำสมการที่ (5.18) มาทำการบวกไปเรื่อยๆจนครบจำนวนช่องของการแบ่งจุดโนดโดยสามารถดูได้จากรูปที่ 5.3



รูปที่ 5.3 แสดงการอินทิเกรต โดยกฎสี่เหลี่ยมกางหมูแบบแบ่งหลายจุด

ด้งนั้นสูตรการอินทิเกรตเชิงตัวเลขโดยกฎสี่เหลี่ยมกางหมูแบบแบ่งหลายจุดสามารถเขียนได้ดังนี้

$$I = \frac{\Delta}{2} \left(f(x_0) + 2\sum_{i=1}^{n-1} f(x_i) + f(x_n) \right)$$
(5.19)

5.3.2 การอินทิเกรตเชิงตัวเลขโดยกฎของซิมสัน 1/3 (Numerical integation by Simpson's1/3 rule)

วิธีการอินทิเกรตโดยกฎของซิมสัน 1/3 เป็นอีกวิธีการหนึ่งที่นิยมใช้เนื่องจากมีความแม่นยำ สูงกว่ากฎสี่เหลี่ยมกางหมู โดยพิจารณาดังรูปที่ 5.4



รูปที่ 5.4 แสดงการอินทิเกรตโดยใช้กฎของซิมสัน 1/3

จากรูปที่ 5.4 แสดงลักษณะการกระจายของฟังก์ชั่น f(x) ในช่วง a ≤ x ≤ b และจากรูป 5.4 เราจะ ประมาณก่าฟังก์ชั่น f(x) ที่แท้จริงด้วยฟังก์ชั่นหหุนามอันดับสองที่แสดงด้วยเส้นประโดยอาศัย ฟังก์ชั่นพหุนามอันอับสองของลากรองจ์(second order Lagrange polynomial) และทำการอินทิเกรต ฟังก์ชั่นพหุนามอันอับสองของลากรองจ์ จะได้

$$I = \frac{\Delta}{3} \left(f(x_1) + 4f(x_2) + f(x_3) \right)$$
(5.20)

ในทำนองเคียวกันถ้าแบ่งจำนวนจุคโนคหลายจุคโนคก็จะได้กฎของซิมสัน 1/3 สามารถอธิบายได้ จากรูปที่ 5.5



รูปที่ 5.5 แสดงการอินทิเกรต โดยกฎของซิมสัน 1/3 แบบหลายช่วง

ดังนั้นสูตรการอินทิเกรต โดยกฎของซิมสัน 1/3 แบบหลายช่วงคือ

$$I = \frac{\Delta}{3} \left(f(x_0) + 4 \sum_{i=1,3,5}^{n-1} f(x_i) + 2 \sum_{j=2,4,6}^{n-2} f(x_j) + f(x_n) \right)$$
(5.21)

5.4 การคำนวณหาค่าความหนาฟิล์ม[2]

จากสมการความหนาฟิล์มรูปแบบไร้มิติคือ

$$H = H_0 + \frac{X^2}{2} - \frac{1}{2\pi} \int_{X_{in}}^{X_{out}} P \ln(X - X') dX'$$
(4.33)

จากสมการที่ (4.33) จะสังเกตเห็นได้ว่าพจน์สุดท้ายทางขวามือนั้น เราจะทำการอินทิเกรตเชิงตัวเลข โดยใช้กฎสี่เหลี่ยมคางหมูหรือกฎของซิมสัน 1/3 ไม่ได้ ดังนั้น Hamrock [2] ได้ทำการนำเสนอ วิธีการประมาณก่าพจน์นี้โดยกำหนดให้

$$\delta = -\frac{1}{2\pi} \int_{X_{in}}^{X_{out}} P \ln(X - X') dX'$$
(5.22)

ทำการอินทิเกรตทีละส่วนสมการที่ (5.22) จะทำให้

$$\delta = -\frac{1}{2\pi} |PI_1|_{X_{in}}^{X_{out}} + \frac{1}{2\pi} \int_{X_{in}}^{X_{out}} \frac{dp}{dX'} I_1 dX'$$
(5.23)

เมื่อ

$$I_{1} = -(X - X')^{2} \left[\ln(X - X')^{2} - 2 \right]$$
(5.24)

ทำการตัดพจน์แรกทางขวาของสมการที่ (5.23) ออกเนื่องจากเงื่อนไขค่าของเขตของสมการเรย์ โนลด์ทำให้มีค่าเป็น 0 ดังนั้นสมการที่ (5.23) จะกลายเป็น

$$\delta = -\frac{1}{2\pi} \int_{X_{in}}^{X_{out}} \frac{dP}{dX'} (X - X')^2 \left[\ln(X - X')^2 - 2 \right] dX'$$
(5.25)



รูปที่ 5.6 แสดงวิธีคำนวณหาการเปลี่ยนรูประหว่างที่มีความดันมากระทำ $d\delta_{i,j}$ ที่โนด i ในช่วง $\left[X_{j-1}X_{j+1}
ight]$

จากสมการที่ (5.25) ช่วงของขอบเขต $[X_{in,}X_{out}]$ สามารถแบ่งออกเป็นช่วงย่อยๆคือ $[X_{j-1,}X_{j+1}]$ ดังนั้นการเปลี่ยนรูป δ_i จึงเป็นผลรวมของการเปลี่ยนรูปในช่วงย่อยๆ $d\delta_{i,j}$ ที่โนด i ซึ่งกำหนดอยู่ ในช่วง $[X_{j-1,}X_{j+1}]$

$$\delta_{i} = \sum_{j=1,3,5}^{n-1} d\delta_{i,j}$$
(5.26)

ในช่วงย่อยๆ เหล่านี้ค่าของ dP/dX' จะสมมุติว่ามีการเปลี่ยนแปลงเป็นเชิงเส้นกับ X' และ X' จะ ถูกเปลี่ยนแปลงระหว่าง X'_{j-1} และ X'_jและระหว่าง X'_jและ X'_{j+1} ดังรูปที่ 5.6 เมื่อช่วงย่อยๆ เหล่านี้ อยู่ในระยะ X_i และ X_i เพื่อให้ง่ายขึ้นจะให้อยู่ในรูป

$$d\delta_{i,j} = -\frac{1}{2\pi} \int_{X_{j-1} \to X_j}^{X_{j+1} \to X_j} \frac{dP}{dX'} (X_i - X_j - X') \left[\ln(X_i - X_j - X')^2 - 2 \right] dX'$$
(5.27)

การกระจายเชิงเส้นของ dP/dX' คือ

$$\frac{dP}{dX'} = (a_1X' + a_2)P_{j-1} + (a_3X' + a_4)P_j + (a_5X' + a_6)P_{j+1}$$
(5.28)

เมื่อ

$$a_{1} = \frac{2}{\left(X_{j-1} - X_{j}\right)\left(X_{j-1} - X_{j+1}\right)}$$
(5.29)

$$a_{2} = -\frac{\left(X_{j} + X_{j+1}\right)}{\left(X_{j-1} - X_{j}\right)\left(X_{j-1} - X_{j+1}\right)} + a_{1}X_{j}$$
(5.30)

$$a_{3} = \frac{2}{\left(X_{j} - X_{j-1}\right)\left(X_{j} - X_{j+1}\right)}$$
(5.31)

$$a_{4} = -\frac{\left(X_{j+1} + X_{j-1}\right)}{\left(X_{j} - X_{j-1}\right)\left(X_{j} - X_{j+1}\right)} + a_{3}X_{j}$$
(5.32)

$$a_{5} = \frac{2}{\left(X_{j+1} - X_{j-1}\right)\left(X_{j+1} - X_{j}\right)}$$
(5.33)

$$a_{6} = -\frac{\left(X_{j} + X_{j-1}\right)}{\left(X_{j+1} - X_{j-1}\right)\left(X_{j+1} - X_{j}\right)} + a_{5}X_{j}$$
(5.34)

จากการกระจาย dP/dX' ในทำนองเดียวกันก็สามารถกระจาย $d \delta_{_{i,j}}$ ได้คือ

$$d\delta_{i,j} = dD_{i,j-1}P_{j-1} + dD_{i,j}P_j + dD_{i,j+1}P_{j+1}$$
(5.35)

เมื่อ dD สามารถคำนวนได้จาก

$$dD_{i,j-1} = -\frac{1}{2\pi} \int_{X_{j-1} \to X_j}^{X_{j+1} \to X_j} (a_1 X + a_2) (X_i - X_j - X') \left[\ln(X_i - X_j - X')^2 - 2 \right] dX' \quad (5.36)$$

ทำการแปลงโคออร์ดิเนตโดยกำหนดให้

$$Z = X_{i} - X_{j} - X' , \quad Z_{\min} = X_{i} - X_{j-1} , \quad Z_{mzx} = X_{i} - X_{j+1}$$

$$b_{2} = a_{1} (X_{i} - X_{j}) + a_{2} , \quad dZ = -dX'$$
(5.37)

ดังนั้น dD_{i,j-1} สามารถกำนวณได้ด้วย

$$dD_{i,j-1} = -\frac{1}{2\pi} \int_{Z_{\min}}^{Z_{\max}} -(a_1 Z + b_2) Z (\ln Z^2 - 2) dZ$$

$$= -\frac{1}{2\pi} (-2b_2) \int_{Z_{\min}}^{Z_{\max}} Z \ln Z dZ + a_1 \int_{Z_{\min}}^{Z_{\max}} Z^2 \ln Z^2 dZ + 2b_2 \left| \frac{Z^2}{2} \right|_{Z_{\min}}^{Z_{\max}} - 2a_1 \left| \frac{Z^3}{3} \right|_{Z_{\min}}^{Z_{\max}}$$

$$= -\frac{1}{2\pi} \left| -2b_2 \frac{Z^2}{4} (\ln Z^2 - 1) + 2a_1 \frac{Z^3}{9} (\ln |Z|^3 - 1) + 2b_2 \frac{Z^2}{2} - 2a_1 \frac{Z^3}{3} \right|_{Z_{\min}}^{Z_{\max}}$$
(5.38)

เนื่องจากความสัมพันธ์ของสัมประสิทธิ์ $dD_{i,j}$ และ $dD_{i,j+1}$ มีความสัมพันธ์คล้ายกันกับ $dD_{i,j-1}$ จำสามารถใช้สมการ (5.38) เพื่อแปลงโคออดิเนตและใช้วิธีการคำนวณแบบเดียวกันดังนั้น

$$dD_{i,j-1} = -\frac{1}{2\pi} \left(a_1 K_1 + a_2 \frac{K_2}{2} \right)$$
(5.39)

$$dD_{i,j} = -\frac{1}{2\pi} \left(a_3 K_1 + a_4 \frac{K_2}{2} \right)$$
(5.40)

$$dD_{i,j+1} = -\frac{1}{2\pi} \left(a_5 K_1 + a_6 \frac{K_2}{2} \right)$$
(5.41)

ເນື່ອ

$$K_1 = K_2 \frac{X_i - X_j}{2} + \frac{2K_3}{9}$$
(5.42)

$$K_{2} = Z_{\min}^{2} \left(\ln Z_{\min}^{2} - 3 \right) - Z_{\min}^{2} \left(\ln Z_{mzx}^{2} - 3 \right)$$
(5.43)

$$K_{3} = Z_{\max}^{3} \left(\ln \left| Z_{mzx}^{3} \right| - 4 \right) - Z_{\min}^{3} \left(\ln \left| Z_{\min}^{3} \right| - 4 \right)$$
(5.44)

แทนค่าสมการ (5.35) ลงในสมการ (5.26) ทำให้ได้สมการการเปลี่ยนรูปเมื่อมีความคันมากระทำคือ

$$\delta_{i} = \sum_{j=1,3,5,\dots}^{n-1} \left(dD_{i,j-1} P_{j-1} + dD_{i,j} P_{j} + dD_{i,j+1} P_{j+1} \right)$$
(5.45)

ดังนั้นสมการความหนาฟิล์มที่โนดต่างๆ คือ

$$H_{i} = H_{0} + \frac{X_{i}^{2}}{2} + \sum_{j=1,3,5,..}^{n-1} \left(dD_{j,j-1}P_{j-1} + dD_{i,j}P_{j} + dD_{i,j+1}P_{j+1} \right)$$
(5.46)



5.5 ผลการคำนวณ

ตารางที่ 5.1 คุณสมบัติของสารหล่อลื่นที่ใช้ในการศึกษา

คุณสมบัติสารหล่อลื่น	SAE90
ความหนาแน่น (kg/m³)	892.8
ความหนืดสมบูรณ์ ที่ P = 0 ,(Pa.s)	0.1946304
ดัชนีความหนืด-ความดันสารหล่อลื่น(Z)	0.511
ดัชนีเพาเวอร์ลอร์ (n)	1

ตารางที่ 5.2 กุณสมบัติวัสดุ

โมดูลัสกวามยึดหยุ่น (นิวตัน/เมตร)	207 x 10 ⁹
อัตราส่วนปัวซอง	0.3

5.5.1 พฤติกรรมของการกระจายความคันและความหนาฟิล์มต่อฟันเฟืองตรงที่ไม่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 1,500 รอบต่อนาที



จากรูป 5.8 แสดงค่าแรงพลวัตรแบบไร้มิติที่เกิดขึ้น บนหน้าผิวฟันเฟืองตรง หนึ่งคู่ ฟันที่ ไม่ได้ทำการปรับแต่งฟัน และแบบที่ทำการปรับแต่งฟันโดยวิธีเฉือนหน้าฟัน จะเห็นได้ว่าในกรณีที่ ้ไม่ปรับแต่งฟัน จะมีการกระจายแรงพลวัตรในแต่ละมุมหมุนที่ก่อนข้างเพิ่มขึ้น และลดลงอย่าง รวคเร็ว ส่วนกรณีที่มีการปรับแต่งจะทำให้แรงพลวัตรเกิดขึ้นก่อนข้างจะก่อยๆ เพิ่มขึ้นตามมุมหมุน ที่เกิดขึ้นในช่วงขบกัน สองกู่ฟันเฟือง ขาเข้า และจะเริ่มก่อนข้างกงที่ในช่วง ขบกัน หนึ่งกู่ฟันเฟือง และ เริ่มลดลงเมื่อมุมหมุนในช่วง ขบกันสองกู่ฟันเฟืองขาออก



ร**ูปที่ 5.9** การกระจายความคัน (ไร้มิติ) กรณีที่ไม่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 1,500 รอบต่อนาที

จากรูป 5.9 แสดงการกระจายความดันไร้มิติ ที่เกิดขึ้นบนฟันเฟืองหนึ่ง คู่ฟันเฟือง จะเห็น ใด้ว่ามีลักษณะการกระจายความดันเป็นไปลักษณะใกล้เคียงกับการเกิดแรงพลวัตรในฟันเฟือง นั่น คือ เมื่อไม่มีการปรับแต่งฟันความดันที่กระทำต่อฟันเฟือง ในช่วงที่มีการขบกันหนึ่งคู่ฟันเฟืองจะมี ความดันสูงกว่าในทุกๆ ช่วงมุมหมุน เนื่องจาก ฟันเฟืองที่มีการขบกันเพียง หนึ่งคู่ฟันเฟืองจะมีการ รับแรงที่เกิดขึ้นสูงกว่าในช่วงที่มีการขบกัน สองคู่ฟันเฟือง และจากรูปจะเห็นว่ามีลักษณะการ กระจายความดันที่ขึ้นลงซึ่งเป็นผลมาจากการที่มีแรงพลวัตรที่ไม่สม่ำเสมอ กระทำต่อฟันเฟืองที่ไม่ ปรับแต่ง



รอบต่อนาที

จากรูป 5.10 แสดงการกระจายความหนาฟิล์มแบบไร้มิติ ที่เกิดขึ้นกับฟันเฟืองตรงที่ขบกัน หนึ่งกู่ จะเห็นได้ว่า การกระจายความหนาฟิล์มที่เกิดขึ้น จะมีลักษณะการกระจายความหนาฟิล์มที่ หนาและบาง ขึ้นอยู่กับความคันที่กระทำ นั่นคือเมื่อมีความคันกระทำมาก จะทำให้ความหนาฟิล์มที่ เกิดขึ้นมีความหนาน้อย ลง ซึ่งในช่วงมุมหมุนที่มีการขบกัน หนึ่งกู่ฟันเฟือง จะมีความคันกระทำ มากและทำให้ความหนาฟิล์ม น้อยลงอย่างมาก



ร**ูปที่ 5.11** การกระจายความดันและความหนาฟิล์ม (ไร้มิติ) ในกรณีที่ไม่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 1,500 รอบต่อนาที

จากรูป 5.11 แสดงความสัมพันธ์ระหว่าง ความคันและความหนาฟิล์มแบบไร้มิติที่เกิดขึ้น ซึ่งจะเห็นได้ว่าเมื่อความคันสูงจะทำให้ความหนาฟิล์มบางลง และช่วงที่มีความคันสูงจะเกิดขึ้น ในช่วงที่ฟันเฟืองมีการขบกัน หนึ่งกู่ฟันเฟือง

5.5.2 พฤติกรรมของการกระจายความดันและความหนาฟิล์มต่อฟันเฟืองตรงที่ ปรับแต่ง ที่ ความเร็วรอบ 1,500 รอบต่อนาที



จากรูป 5.12 แสดงถึงการการกระจายความคันแบบไร้มิติ ในกรณีที่มีการปรับแต่งฟันเฟือง ตรงโดยวิธีเฉือนหน้าฟัน ซึ่งจะเห็นได้ว่า เมื่อทำการปรับแต่งฟันเฟือง ความคันที่เกิดขึ้นจะเกิดเป็น รูปค่อนข้างจะเป็นรูประฆังกว่ำ และจะมีค่าสูงในช่วงที่มีการขบกัน หนึ่งกู่ฟันเฟือง แสดงให้เห็นว่า มีความคันกระทำสูงสุดในช่วงนี้



ร**ูปที่ 5.13** การกระจายความหนาฟิล์ม (ไร้มิติ) กรณีที่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 1,500 รอบต่อนาที

จากรูป 5.13 แสดงถึงความหนาฟิล์มที่เกิดขึ้นในกรณีที่มีการปรับแต่งฟันเฟือง จะเห็นได้ว่า เมื่อทำการปรับแต่งฟันเฟืองโดยวิธีเฉือนหน้าฟัน แล้ว จะทำให้ลักษณะของการกระจายความหนา ฟิล์มที่เกิดขึ้นมีค่าความหนาฟิล์มน้อยมากในช่วงที่มีการขบกัน หนึ่งคู่ฟันเฟือง



ร**ูปที่ 5.14** การกระจายความคันและความหนาฟิล์ม (ไร้มิติ) ในกรณีที่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 1,500 รอบต่อนาที

จากรูป 5.14 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างการกระจายความดันและความหนาฟิล์มแบบไร้ มิติในกรณีที่ปรับแต่งฟัน จะเห็นได้ว่าเมื่อทำการปรับแต่งฟันความดันที่เกิดขึ้นจะเกิดขึ้นสูงอย่าง มากในข่วงที่ฟันเฟืองมีการขบกัน หนึ่งคู่ฟันเฟือง และจะทำให้ผลของการกระจายความหนาฟิล์มที่ เกิดขึ้น ความหนาฟิล์มจะบางลง อยากมากในช่วงนี้



ร**ูปที่ 5.15** การกระจายความคัน(ไร้มิติ) กรณีที่ไม่ปรับแต่ง และปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 1,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.15 แสดงถึงความสัมพันธ์ระหว่างการกระจายแรงดันที่เกิดขึ้นในกรณีที่ ปรับแต่งฟันเฟืองตรงและในกรณีที่ไม่มีการปรับแต่ง จะเห็นได้ว่า การกระจายแรงดันที่เกิดขึ้นใน กรณีที่มีการปรับแต่งจะมีการกระจายแรงดันที่น้อยกว่าในข่วงที่มีการขบกันหนึ่งกู่ฟันเฟือง ซึ่ง แสดงได้ว่า เมื่อทำการปรับแต่งฟันเฟืองตรงจะมีการกระจายแรงดันที่ลดลงในช่วงการขบกันหนึ่งกู่ ฟันเฟือง





จากรูปที่ 5.16 แสดงถึงการกระจายความหนาฟิล์มที่เกิดขึ้นระหว่างฟันเฟืองที่ไม่มีการ ปรับแต่งและที่มีการปรับแต่งโดยวิธีเฉือนหน้าฟัน จะเห็นได้ว่า ความหนาฟิล์มในกรณีที่มีการ ปรับแต่งจะมีความหนาฟิล์มที่มากกว่ากรณีที่ไม่ปรับแต่งในช่วงที่มีการขบกัน หนึ่งกู่ฟันเฟือง ช่วงหนึ่ง ประมาณมุมหมุนที่ 20 ถึง 23 องศา นั่นแสดงให้เห็นได้ว่าเมื่อความหนาฟิล์มน้อยลงหรือ ฟิล์มน้ำมันบางลงมีโอกาสที่ จะเกิดความเสียหายของฟันเฟืองได้ ณ ตำแหน่งนั้นๆ





ฐปที่ 5.17 แสดงอัตราส่วนการกระจายความคัน ในกรณี ไม่ปรับแต่ง ที่ 1,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.17 แสดงอัตราส่วนการกระจายความดันที่เกิดจากการหล่อลื่นแบบ อิลาสโตร ใฮโดรไดนามิคส์ และความดันที่เกิดขึ้นสูงสุดในแบบสถิตของฟันเฟืองตรง ในรูปแบบของ ความสัมพันธ์ของความเค้นแบบสัมผัสของเฮิร์ซ ในกรณีไม่ปรับแต่งฟันเฟือง จะเห็นได้ว่าการ อัตราส่วนความดันที่เกิดขึ้นจะมีค่ามากบริเวณที่มีการขบกัน หนึ่งคู่ฟันเฟือง และมีลักษณะการ กระจายขึ้นๆ ลงๆ อย่างชัดเจน



ร**ูปที่ 5.18** แสดงอัตราส่วนการกระจายความดัน ในกรณี ที่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 1,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.18 แสดงอัตราส่วนการกระจายความดันที่เกิดจากการหล่อลื่นแบบ อิลาสโตร ไฮโดรไดนามิคส์และความดันที่เกิดขึ้นสูงสุดในแบบสถิตของฟันเฟืองตรง ในรูปแบบของ ความสัมพันธ์ของความเค้นแบบสัมผัสของเฮิร์ซ ในกรณีปรับแต่งฟันเฟือง จะเห็นได้ว่า เมื่อทำการ ปรับแต่งฟันเฟืองลักษณะอัตราส่วนแรงดันที่เกิดขึ้นในแต่ละมุมหมุนจะมีค่าค่อยๆเพิ่มขึ้นในช่วง สองคู่ฟันเฟืองในช่วงขาเข้าและมีค่ามากสุดในช่วงที่มีการขบกันหนึ่งคู่ฟันเฟือง และเริ่มลดลง ในช่วงที่มีการขบกันสองคู่ฟันเฟืองในช่วงขาออก



ร**ูปที่ 5.19** แสดงอัตราส่วนการกระจายความดัน ในกรณีปรับแต่งและไม่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 1,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.19 แสดงอัตราส่วนการกระจายความดันที่เกิดจากการหล่อลื่นแบบ อิลาสโตร ไฮโดรไดนามิคส์และความดันที่เกิดขึ้นสูงสุดในแบบสถิตของฟันเฟืองตรงในรูปแบบของ ความสัมพันธ์ของความเค้นแบบสัมผัสของเฮิร์ซ จะเห็นได้ว่า อัตราส่วนแรงดันในกรณีที่มีการ ปรับแต่งฟันเฟืองจะมีค่าที่ลดลง ในช่วงที่มีการขบกัน หนึ่งคู่ฟันเฟือง ซึ่งแสดงให้เห็นว่าการ ปรับแต่งฟันเฟืองทำให้แรงดันที่กระทำมีค่าลดลง





จากรูปที่ 5.20 แสดงแรงพลวัตรที่กระทำบนฟันเฟืองแบบไร้มิติที่เกิดขึ้น บนหน้าผิว ฟันเฟืองตรง หนึ่งคู่ จะเห็นได้ว่าในกรณีที่ไม่ปรับแต่งฟัน จะมีการกระจายแรงพลวัตรที่สูงมาก ในช่วงที่มีการขบกันหนึ่งคู่ฟันเฟือง ที่มุมหมุนประมาณ 21 องศา แต่เมื่อมีการปรับแต่งจะทำให้ค่า การกระจายแรงพลวัตรที่เกิดขึ้นสูงสุด มีค่าน้อยลง



รูปที่ 5.21 การกระจายความคัน(ไร้มิติ) กรณีที่ไม่ปรับแต่งฟันที่ความเร็วรอบ 3,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.21 แสดงถึงการกระจายความดันแบบไร้มิติของฟันเฟืองตรงในกรณีที่ไม่มีการ ปรับแต่ง จะเห็นได้ว่าการกระจายแรงดันมีค่าเพิ่มขึ้นและลดลงในช่วงที่มีการเคลื่อนที่เข้าขบกัน สองกู่ฟันเฟือง และมีค่าเพิ่มขึ้นในช่วงที่มีการขบกันแบบหนึ่งกู่ฟันเฟือง จะเพิ่มสูงอีกครั้งในช่วง เคลื่อนที่ออก ในการขบกันสองกู่ฟันเฟือง ซึ่งจะเห็นว่ามีการเพิ่มขึ้น และลดลงของการกระจาย แรงคันในแต่ละช่วงของการขบกันของฟันเฟือง



รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.22 แสดงการกระจายความหนาฟิล์มแบบไร้มิติ ในกรณีที่ไม่มีการปรับแต่ง ฟันเฟือง จะเห็นได้ว่า ก่ากวามหนาฟิล์มจะมีก่าสูงมากในช่วงมุมหมุนที่มีการกระจายกวามดันที่ต่ำ และมีก่าบางลงในช่วงที่มีการกระจายกวามดันสูงและจะมีก่ากวามหนาฟิล์มหนามากที่สุดที่มุม หมุน 14 องศา และ 24 องศา ตามลำดับ



ร**ูปที่ 5.23** การกระจายความคันและความหนาฟิล์ม (ไร้มิติ) ในกรณีที่ไม่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็ว รอบ 3,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.23 แสดงการกระจายความดันและความหนาฟิล์มแบบไร้มิติ ในกรณีที่ไม่มีการ ปรับแต่งฟันเฟือง จะได้ได้ว่า การกระจายความหนาฟิล์มที่เกิดขึ้นมีก่าความหนาฟิล์มที่บางเมื่อมี การกระจายความดันสูง และจะมีก่าความหนาฟิล์มหนา ขึ้นเมื่อมีการกระจายความดันน้อย ซึ่งจาก รูปจะเห็นได้ว่า ที่มุมหมุน 14 องศา และ 24 องศา มีก่าความหนาฟิล์มหนาและมีการกระจายความ ดันต่ำ



5.5.5 พฤติกรรมของการกระจายความดันและความหนาฟิล์มต่อฟันเฟืองตรงที่ ปรับแต่ง ที่ ความเร็วรอบ 3,500 รอบต่อนาที

รูปที่ 5.24 การกระจายความคัน(ไร้มิติ) กรณีที่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 3,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.24 แสดงการกระจายความคันไร้มิติ ในกรณีที่มีการปรับแต่งฟันเฟือง จะเห็นได้ ว่า เมื่อทำการปรับแต่งฟันเฟืองก่าการกระจายแรงคันที่เกิดขึ้นจะมีก่ามากบริเวณมุมหมุนที่ประมาณ 18 ถึง 26 องศา



ร**ูปที่ 5.25** การกระจายความหนาฟิล์ม (ไร้มิติ) กรณีที่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 3,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.25 แสดงการกระจายความหนาฟิล์มแบบไร้มิติ ในกรณีที่มีการปรับแต่ง จะเห็น ได้ว่าค่าความหนาฟิล์มที่ได้จะมีค่าน้อยในช่วงมุมหมุนที่ 18 ถึง 26 องศา และจะมีค่าความหนาฟิล์ม ที่หนา มากในช่วงเริ่มเข้าขบกันของฟันเฟือง และในช่วงที่เคลื่อนที่ออกจากกันของฟันเฟือง



ร**ูปที่ 5.26** การกระจายความคันและความหนาฟิล์ม (ไร้มิติ) ในกรณีที่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 3,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.26 แสดงถึงการกระจายความดันและความหนาฟิล์มแบบไร้มิติ ในกรณีที่มีการ ปรับแต่งฟันเฟืองจะเห็นได้ว่า การกระจายความดันที่เกิดขึ้นเมื่อการกระจายความดันมีค่ามากจะทำ ให้ความหนาฟิล์มบางลง และเช่นเดียวกันเมื่อการกระจายความดันน้อย จะทำให้ก่าการกระจาย ความหนาฟิล์มมีค่า หนาขึ้น ซึ่งจากรูปค่าการกระจายความดันจะมีค่าสูงในช่วงมุมหมุนที่ 18 ถึง 26 องศา



ร**ูปที่ 5.27** การกระจายความคัน (ไร้มิติ) กรณีที่ไม่ปรับแต่งและปรับแต่งฟันที่ความเร็วรอบ 3,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.28 แสดงก่าการกระจายความดันแบบไร้มิติที่มีการปรับแต่งและไม่ปรับแต่ง ฟันเฟือง จะเห็นได้ว่าเมื่อทำการปรับแต่งฟันเฟืองก่าการกระจายความดันไม่ลดลง จากกรณีที่ไม่ ปรับแต่งมากนัก แต่จะมีลักษณะการกระจายความดันที่ สูงและยาวนานขึ้นในช่วงมุมหมุนที่ 18 ถึง 26 องศา



ร**ูปที่ 5.28** การกระจายความหนาฟิล์ม (ไร้มิติ) ในกรณีที่ไม่ปรับแต่งฟันและปรับแต่งฟันที่ ความเร็ว รอบ 3,500 รอบต่อนาที

รูปที่ 5.28 แสดงการกระจายความหนาฟิล์มแบบไร้มิติในกรณีที่ไม่ทำการปรับแต่งฟันเฟือง และที่ทำการปรับแต่งฟันเฟือง จะเห็นได้ว่าค่าความหนาฟิล์ม ที่มีการปรับแต่งจะมีค่าบางกว่า ความ หนาฟิล์มในกรณีที่ไม่ปรับแต่ง ซึ่งจากรูปที่มุมหมุนประมาณ 14 และ 24 องศา จะมีค่าการกระจาย ความหนาฟิล์มที่หนามาก และในช่วงมุมหมุนที่ 18 องศา ค่าการกระจายความหนาฟิล์มของกรณีที่ ไม่ปรับแต่ง ก็มีความหนาฟิล์มที่หนากว่า กรณีที่ปรับแต่ง 5.5.6 แสดงถึงอัตราส่วนการกระจายความคันและ Hertzian contact stress (static) ที่ ความเร็วรอบ 3,500 รอบต่อนาที



รูปที่ 5.29 แสดงค่าอัตราส่วนการกระจายความคัน ไม่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 3,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.29 แสดงอัตราส่วนการกระจายความคันที่เกิดจากการหล่อลื่นแบบ อิลาสโตร ไฮโครไคนามิคส์และความคันที่เกิดขึ้นสูงสุดในแบบสถิตของฟันเฟืองตรงในรูปแบบของ ความสัมพันธ์ของความเค้นแบบสัมผัสของเฮิร์ซ ในกรณีไม่ปรับแต่งฟันเฟือง จะเห็นได้ว่าการ อัตราส่วนความคันที่เกิดขึ้น มีก่าสูงในมุมหมุนที่ประมาณ 16 องศา 21องศา และ 26 องศา



รูปที่ 5.30 แสดงค่าอัตราส่วนการกระจายความดัน ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 3,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.30 แสดงอัตราส่วนการกระจายความดันที่เกิดจากการหล่อลื่นแบบ อิลาสโตร ไฮโดรไดนามิกส์และความดันที่เกิดขึ้นสูงสุดในแบบสถิตของฟันเฟืองตรงในรูปแบบของ ความสัมพันธ์ของความเก้นแบบสัมผัสของเฮิร์ซ ในกรณีที่มีการปรับแต่งฟัน จะเห็นได้ว่า อัตราส่วนความดันที่เกิดขึ้นจะเกิดขึ้นในช่วงมุมหมุนที่ 19 องศาและ ลดลงเล็กน้อยที่ มุมหมุน 24 องศา



ร**ูปที่ 5.31** แสดงค่าอัตราส่วนการกระจายความดัน กรณีที่ปรับแต่งและไม่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 3,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.31 แสดงอัตราส่วนการกระจายความดันที่เกิดจากการหล่อลื่นแบบ อิลาสโตร ไฮโดรไดนามิคส์และความดันที่เกิดขึ้นสูงสุดในแบบสถิตของฟันเฟืองตรงในรูปแบบของ ความสัมพันธ์ของความเค้นแบบสัมผัสของเฮิร์ซ ในกรณีที่ไม่มีการปรับแต่งฟันและมีการปรับแต่ง ฟันเฟือง จะเห็นได้ว่าอัตราส่วนความดันที่เกิดขึ้น ในกรณีที่ไม่มีการปรับแต่งจะมีค่าสูงกว่าในกรณี ที่มีการปรับแต่ง ที่มุมหมุน 22 องศา ซึ่งแสดงให้เห็นได้ว่า เมื่อทำการปรับแต่งฟันเฟืองโดยวิธีเฉือน หน้าฟัน จะทำให้อัตราส่วนความดันมีก่าน้อยลง ในช่วงมุมหมุน 22 องศา 5.5.7 พฤติกรรมของการกระจายความดันและความหนาฟิล์มต่อฟันเฟืองตรงที่ไม่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 6,500 รอบต่อนาที



รูปที่ 5.32 แรงพลวัตร(ไร้มิติ) ที่ความเร็วรอบ 6,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.32 แสดงแรงพลวัตรที่กระทำบนฟันเฟืองแบบไร้มิติที่เกิดขึ้น บนหน้าผิว ฟันเฟืองตรง หนึ่งคู่ จะเห็นได้ว่าในกรณีที่ไม่ปรับแต่งฟันแรงพลวัตรที่กระทำต่อฟันเฟืองจะมีค่า สูงมากในช่วงเริ่มขบกัน และจะไม่มีแรงพลวัตรกระทำต่อผิวฟันเฟืองที่มุมหมุนที่ประมาณ 16.5 ถึง 21 องศา และจะมีค่าแรงพลวัตรเพิ่มสูงขึ้นทันทีทันใดในช่วงมุมหมุนที่ประมาณ 24 องศา แต่เมื่อทำ การปรับแต่งฟันเฟืองโดยวิธีเฉือนหน้าฟันจะเห็นได้ว่า ค่าแรงพลวัตรที่เกิดขึ้นมีค่าลดลงอย่างมาก และจะมีค่าแรงพลวัตรเกิดขึ้นในช่วง 16.5 ถึง 21 องศา ซึ่งแสดงให้เห็นว่าในช่วงที่ไม่มีแรงพลวัตร เกิดเนื่องจากในช่วงที่มีการขบกันสองคู่ฟันเฟือง แล้วเริ่มขบกัน ฟันเฟืองจะมีการแยกจากกันแล้ว เข้าสัมผัสกันอีกครั้ง ซึ่งในช่วงนี้จะไม่เกิดการสัมผัสกันของฟันเฟืองแต่ เมื่อฟันเฟืองเข้าสัมผัสกัน อีกครั้งทำให้แรงพลวัตรที่เกิดขึ้นสูงขึ้นอย่างทันทีทันใด แต่เมื่อทำการปรับแต่งฟันเฟือง จะทำให้ ฟันเฟืองมีการสัมผัสกันอย่างต่อเนื่องและสม่ำเสมอ ดังแสดงให้เห็นว่า แรงพลวัตรที่เกิดขึ้นมีค่าใน ทุกๆ ช่วงมุมหมุน และมีค่าภาระที่น้อย ลงจากกรณีที่ไม่ปรับแต่ง



ร**ูปที่ 5.33** การกระจายความคัน(ไร้มิติ) กรณีที่ไม่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 6,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.33 แสดงการกระจายความดันแบบไร้มิติ ในกรณีที่ไม่ปรับแต่งจะเห็นได้ว่า ความดันมีก่าสูงในช่วงมุมหมุนที่ 14 และ 24 องศา ซึ่งเป็นช่วงที่มีการขบกันสองกู่ฟันเฟืองและมี ช่วงที่ไม่มีความดันเกิดขึ้นที่ มุมหมุนประมาณ 16.5 ถึง 21 องศา



รูปที่ 5.34 การกระจายความหนาฟิล์ม(ไร้มิติ) กรณีที่ไม่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 6,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.34 แสดงการกระจายความหนาฟิล์มแบบไร้มิติในกรณีที่ไม่ปรับแต่งฟันจะเห็น ว่าความหนาฟิล์มมีค่าที่บางในช่วงที่มีความดันสูง และในช่วงที่ไม่เกิดแรงดันกระทำ ทำให้ไม่เกิด ความหนาฟิล์ม (จากการคำนวณจะพบว่าไม่สามารถระบุค่าความหนาฟิล์มได้เนื่องจากไม่มีภาระ กระทำให้ช่วงมุมหมุนดังกล่าว)



ร**ูปที่ 5.35** การกระจายความดันและความหนาฟิล์ม (ไร้มิติ) ในกรณีที่ไม่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็ว รอบ 6,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.35 แสดงการกระจายความดันและความหนาฟิล์มแบบไร้มิติ ในกรณีที่ไม่ ปรับแต่งฟัน จะเห็นได้ว่า ค่าความหนาฟิล์มมีค่าความหนาฟิล์มน้อยลง(บาง) เมื่อมีความดันกระทำ สูง จากรูปจะเห็นว่าที่มุมหมุนประมาณ 13.5 องศา มีค่าความหนาฟิล์มบางสุดในช่วงเริ่มขบกันของ ฟันเฟือง และที่มุมหมุนประมาณ 23.5 องศา มีค่าความหนาฟิล์มบางสุดในช่วงที่ฟันเฟืองเริ่ม เกลื่อนที่จากกัน 5.5.8 พฤติกรรมของการกระจายความคันและความหนาฟิล์มต่อฟันเฟืองตรงที่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 6,500 รอบต่อนาที



จากรูปที่ 5.36 แสดงการกระจายความดันแบบไร้มิติในกรณีที่ปรับแต่งฟันเฟือง จะเห็นได้ ว่ากวามดันที่เกิดขึ้นมีก่าสูงในช่วงที่มุมหมุนประมาณ 16 ถึง 21 องศา และก่อยๆ ลดลง ซึ่งจะเห็น ได้ว่ากวามดันที่เกิดขึ้นมีก่าก่อนข้างสม่ำเสมอ



ร**ูปที่ 5.37** การกระจายความหนาฟิล์ม(ไร้มิติ) กรณีที่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 6,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.37 แสดงการกระจายความหนาฟิล์มแบบไร้มิติ ในกรณีที่มีการปรับแต่งฟัน จะ เห็นได้ว่าความหนาฟิล์มที่เกิดขึ้นในช่วงที่มีการมีแรงดันกระทำสูงจะมีความหนาฟิล์มที่บางลง ซึ่ง ในรูปแสดงให้เห็นในช่วงมุมหมุนที่ประมาณ 15 ถึง 27 องศา



ร**ูปที่ 5.38** การกระจายความคันและความหนาฟิล์ม (ไร้มิติ) ในกรณีที่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 6,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.38 แสดงการกระจายความดันและความหนาฟิล์มแบบไร้มิติในกรณีที่ปรับแต่ง ฟัน จะเห็นได้ว่าเมื่อความดันสูงกระทำจะทำให้ความหนาฟิล์มมีค่าบางลง ซึ่งในรูปจะเห็นว่าที่มุม หมุน 16 องศา ถึง 26 องศาจะมีช่วงความหนาฟิล์มบางค่อนข้างสม่ำเสมอ



ร**ูปที่ 5.39** การกระจายความดัน(ไร้มิติ) กรณีที่ไม่ปรับแต่งฟันและปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 6,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.39 แสดงการกระจายความดันแบบไร้มิติ ในกรณีที่ไม่มีการปรับแต่งฟันและ ปรับแต่งฟันเฟือง จะเห็นได้ว่า ความดันสูงสุดที่เกิดในในกรณีที่ทำการปรับแต่งฟันเฟือง มีค่าน้อย กว่ากรณีที่ไม่มีการปรับแต่งฟัน แต่ทว่า เมื่อทำการปรับแต่งฟันเฟืองในช่วงมุมหมุนที่ประมาณ 16.5 ถึง 21 องศา จะมีค่ามากขึ้นอย่างชัดเจน



ร**ูปที่ 5.40** การกระจายความหนาฟิล์ม(ไร้มิติ) กรณีที่ไม่ปรับแต่งฟันและปรับแต่งฟัน ที่ความเร็ว รอบ 6,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.40 แสดงการกระจายความหนาฟิล์มแบบไร้มิติกรณีที่ไม่ปรับแต่งและปรับแต่ง ฟัน จะเห็นได้ว่าการกระจายความหนาฟิล์มในกรณีการปรับแต่งมีค่าค่อนข้างสม่ำเสมอ จะมีค่า ความหนาฟิล์มสูงมากในช่วงมุมหมุนที่ 14 และ 28 องศา นั่นแสดงว่าความดันที่กระทำในช่วงมุม หมุนนี้มีค่าน้อยมาก แต่ทว่าในช่วงมุมหมุนที่ประมาณ 16 ถึง 27 องศา มีค่าความดันกระทำต่อ ฟันเฟืองที่มีการปรับแต่งทำให้ความหนาฟิล์มที่ได้มีค่าค่อนข้างสม่ำเสมอ แต่ในกรณีที่ไม่ปรับแต่ง จะเห็นว่ามีช่วงมุมหมุนที่ไม่มีความหนาฟิล์ม เนื่องจากไม่มีความดันที่กระทำต่อฟันเฟืองในช่วง ดังกล่าว (จากการคำนวณจะพบว่าไม่สามารถระบุค่าความหนาฟิล์มได้เนื่องจากไม่มีภาระกระทำให้ ช่วงมุมหมุนดังกล่าว)

5.5.9 แสดงถึงอัตราส่วนการกระจายความดันและ Hertzian contact stress (static) ที่ ความเร็วรอบ 6,500 รอบต่อนาที



ร**ูปที่ 5.41** แสดงค่าอัตราส่วนการกระจายความดัน กรณีที่ไม่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 6,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.41 แสดงอัตราส่วนการกระจายความดันที่เกิดจากการหล่อลื่นแบบ อิลาสโตร ไฮโดรไดนามิคส์ และความดันที่เกิดขึ้นสูงสุดในแบบสถิตของฟันเฟืองตรง ในรูปแบบของ ความสัมพันธ์ของความเค้นแบบสัมผัสของเฮิร์ซในกรณีไม่ปรับแต่งฟันเฟืองจะเห็นได้ว่าอัตราส่วน ความดันที่เกิดขึ้นนี้มีค่าสูงสุดที่มุมหมุนประมาณ 14 องศา และที่ 24 องศา



ร**ูปที่ 5.42** แสดงก่าอัตราส่วนการกระจายกวามดัน กรณีที่ปรับแต่ง ที่กวามเร็วรอบ 6,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.42 แสดงอัตราส่วนการกระจายความดันที่เกิดจากการหล่อลื่นแบบ อิลาสโตร ไฮโดรไดนามิกส์และกวามดันที่เกิดขึ้นสูงสุดในแบบสถิตของฟันเฟืองตรงในรูปแบบของ กวามสัมพันธ์ของกวามเก้นแบบสัมผัสของเฮิร์ซ ในกรณีที่ปรับแต่งฟันเฟือง จะเห็นได้ว่าอัตราส่วน กวามดันที่เกิดขึ้นนี้มีก่าสูงสุดที่มุมหมุน 19 องศา และมีก่าก่อยลดลงในช่วงมุมหมุนที่ 20 ถึง 26 องศา



ร**ูปที่ 5.43** แสดงค่าอัตราส่วนการกระจายความดัน กรณีที่ปรับแต่งและไม่ปรับแต่ง ที่ความเร็ว รอบ 6,500 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.43 แสดงอัตราส่วนการกระจายความดันที่เกิดจากการหล่อลื่นแบบ อิลาสโตร ไฮโครไดนามิคส์และความดันที่เกิดขึ้นสูงสุดในแบบสถิตของฟันเฟืองตรงในรูปแบบของ ความสัมพันธ์ของความเค้นแบบสัมผัสของเฮิร์ซ ในกรณีที่ไม่ปรับแต่งฟันเฟืองและปรับแต่งฟัน จะเห็นได้ว่าอัตราส่วนความดันที่เกิดขึ้นนี้เมื่อทำการปรับแต่งฟัน จะมีค่าอัตราส่วนความดันที่ลดลง กว่าค่าสูงสุดของกรณีที่ไม่ปรับแต่งซึ่งจะเห็นได้ว่าถ้าทำการปรับแต่งฟันเฟือง จะทำให้อัตราส่วน ความดันลดลง แสดงว่า แรงที่กระทำต่อฟันเฟืองที่ไม่ปรับแต่งจะมีค่าที่น้อยลง

5.5.10 พฤติกรรมของการกระจายความคันและความหนาฟิล์มต่อฟันเฟืองตรงที่ไม่ ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 9,000 รอบต่อนาที



รูปที่ 5.44 แรงพลวัตร(ไร้มิติ) ที่ความเร็วรอบ 9,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.44 แสดงถึงแรงพลวัตรแบบไร้มิติของฟันเฟืองที่ไม่ปรับแต่งและทำการ ปรับแต่ง จะเห็นได้แรงพลวัตรที่ไม่มีการปรับแต่งจะมีค่าสูงสุดน้อยกว่า ในกรณีที่มีการปรับแต่ง ซึ่งการปรับแต่งจะมีค่าแรงพลวัตรสูงสุดในช่วงมุมหมุนที่ 20 องศา แสดงให้เห็นว่าการปรับแต่ง ฟันเฟืองในความเร็วรอบนี้ไม่ได้ทำให้แรงพลวัตรลดลงได้



รูปที่ 5.45 การกระจายความคัน(ไร้มิติ) กรณีที่ไม่ปรับแต่งฟันที่ความเร็วรอบ 9,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.45 แสดงถึงการกระจายความดันแบบไร้มิติ ในกรณีที่ไม่ปรับแต่งฟันเฟืองจะ เห็นได้ว่าการกระจายแรงดันนี้จะมีค่ามากในมุมหมุนที่ 15 องศาและ 26 องศา ซึ่งจะเกิดขึ้นในช่วงที่ มีฟันเฟืองมีการขบกันสองคู่ฟันเฟืองในช่วงการเริ่มเคลื่อนที่เข้า และ ที่ช่วงฟันเฟืองขบกันสองคู่ ฟันเฟืองในช่วงเริ่มเคลื่อนที่จากกัน



รูปที่ 5.46 การกระจายความหนาฟิล์ม(ไร้มิติ) กรณีที่ไม่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 9,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.46 แสดงถึงการกระจายความหนาฟิล์มแบบไร้มิติที่ไม่มีการปรับแต่งฟัน จะ เห็นได้ว่า ความหนาฟิล์มมีค่ามากในช่วงมุมหมุนที่ประมาณ 20 องศา และจะมีค่าความหนาฟิล์มที่ น้อยในช่วงที่ฟันเฟืองเคลื่อนที่เข้าขบกันในช่วงที่มีการขบกันสองคู่ฟันเฟืองและในช่วงที่มีการ เคลื่อนที่จากกัน



ร**ูปที่ 5.47** การกระจายความคันและความหนาฟิล์ม (ไร้มิติ)ในกรณีที่ไม่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็ว รอบ 9,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.47 แสดงการกระจายความดันและความหนาฟิล์มแบบไร้มิติ ในกรณีที่ไม่มีการ ปรับแต่งฟัน จะเห็นได้ว่าการกระจายความดันและความหนาฟิล์มมีความสัมพันธ์เมื่อมีการกระจาย ความดันสูง ค่าความหนาฟิล์มก็จะบาง ดังรูปจะเห็นได้ว่าที่มุมหมุนที่ 15 องศาจะมีการกระจาย ความดันสูงและความหนาฟิล์มบาง ในช่วงที่ฟันเฟืองเริ่มเคลื่อนที่เข้าขบกัน และ ที่มุมหมุน 20 องศาจะมีการกระจายความดันต่ำซึ่งทำให้ฟิล์มมีความหนามาก และที่มุมหมุนที่ 24 องศาจะมีการ กระจายความดันสูงและความหนาฟิล์มบางในช่วงที่ฟันเฟืองเริ่มเคลื่อนที่จากกัน





ร**ูปที่ 5.48** การกระจายความคัน(ไร้มิติ) กรณีที่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 9,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.48 แสดงการกระจายความดันแบบไร้มิติในกรณีที่ปรับแต่งฟันเฟืองจะเห็นได้ ว่าเมื่อทำการปรับแต่งฟันค่าการกระจายความดันจะมีค่าที่มากที่สุดในช่วงมุมหมุนที่ 21 องศา และ การกระจายความดันมีลักษณะโค้งคล้ายระฆังคว่ำ



รูปที่ 5.49 การกระจายความหนาฟิล์ม(ไร้มิติ) กรณีที่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 9,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.49 แสดงการกระจายความหนาฟิล์มแบบไร้มิติ ในกรณีที่มีการปรับแต่ง ฟันเฟืองจะเห็นได้ว่า ในช่วงที่ฟันเฟืองเริ่มขบกันที่มุมหมุนประมาณ 14 องศา จะมีความหนาฟิล์ม หนามาก และจะบางลงในช่วงมุมหมุนอื่นๆ ความหนาฟิล์มที่มีค่าสูงมากในช่วงที่มุมหมุนประมาณ 14 องศา เนื่องจาก จะสังเกตเห็นว่า ที่มุมหมุนนี้จะมีการกระจายความดันที่น้อยมากซึ่งเป็นผลจาก การปรับแต่งฟันเฟือง จะทำให้การกระจายความดันในช่วงเริ่มขบกันของฟันเฟือง จะมีค่าน้อยมาก และจะมีค่าการกระจายความดันน้อยอีกครั้งในช่วงที่ฟันเฟืองเริ่มเคลื่อนที่จาก ที่มุมหมุนประมาณ 27 องศา



ร**ูปที่ 5.50** การกระจายความคันและความหนาฟิล์ม (ไร้มิติ) ในกรณีที่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 9,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.50 แสดงค่าการกระจายความดันและความหนาฟิล์มแบบไร้มิติ ในกรณีที่ ปรับแต่งฟัน ซึ่งจากความสัมพันธ์จะเห็นได้ว่าเมื่อการกระจายความดันสูงการกระจายความหนา ฟิล์มจะบาง จากรูปการกระจายความดันมากสุดอยู่ในช่วงที่มุมหมุนที่ 21 องศา ซึ่งจะมีความหนา ฟิล์มบางสุดด้วย และจากรูปจะเห็นได้ว่าก่าความหนาฟิล์มที่เกิดขึ้นที่มุมหมุนประมาณ 14 องศา จะ มีก่าความหนาฟิล์ม หนามากซึ่งจะพบได้ว่าที่มุมหมุนนี้จะมีก่าการกระจายความดันที่ต่ำ ทำให้ความ ดันที่กระทำต่อฟันเฟืองในช่วงมุมหมุนนี้น้อยทำให้ เกิดความหนาฟิล์มหนา



ร**ูปที่ 5.51** การกระจายความคัน(ไร้มิติ)กรณีที่ไม่ปรับแต่งฟันและปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 9,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.51 แสดงการกระจายความดันแบบไร้มิติในกรณีที่ไม่ปรับแต่งและปรับแต่ง ฟันเฟือง จะเห็นได้ว่าการปรับแต่งฟันเฟืองจะมีค่าการกระจายความดันที่สูงขึ้นอย่างมากในช่วงมุม หมุนที่ 17 ถึง 21 องศา และการปรับแต่งฟันเฟืองจะมีค่าการกระจายความดันสูงกว่าในกรณีที่ไม่ ปรับแต่งฟัน เนื่องจากเมื่อทำการปรับแต่งฟันเฟืองที่ความเร็วรอบนี้เนื่องจากการสัมผัสของหน้า ฟันเฟืองที่เกิดจากการปรับแต่งมีการสัมผัสกันอย่างสม่ำเสมอและผลจากความเร็วรอบนี้ทำให้การ กระจายแรงดันที่เกิดขึ้นในช่วงที่มีการขบกันเพียงหนึ่งคู่ฟันเฟืองมีค่าสูง



ร**ูปที่ 5.52** การกระจายความหนาฟิล์ม (ไร้มิติ) ในกรณีที่ไม่ปรับแต่งฟันและปรับแต่งฟัน ที่ ความเร็วรอบ 9,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.52 แสดงการกระจายความหนาฟิล์มแบบไร้มิติในกรณีที่ไม่ปรับแต่งฟันและ ปรับแต่งฟัน จะเห็นได้ว่าที่มุมหมุน 14 องศา ความหนาฟิล์มในกรณีที่ปรับแต่งจะสูงกว่าที่ไม่ ปรับแต่งและที่มุมหมุนที่ 20 องศา ความหนาฟิล์มในกรณีที่ไม่ปรับแต่งจะสูงกว่า และจากรูปจะ เห็นว่า ความหนาฟิล์มของกรณีที่ปรับแต่งจะมีค่าสูงมากในช่วงเริ่มขบกัน คือมุมหมุนที่ประมาณ 14 องศา เนื่องจากเมื่อทำการปรับแต่งฟันจะทำให้แรงพลวัตรที่กระทำต่อฟันเฟืองมีค่าลดลงและมี ผลทำให้การกระจายความดันลดลง ซึ่งทำให้การกระจายความหนาฟิล์มมีก่าสูง เนื่องจากมีความดัน กระทำน้อย ซึ่งในทำนองเดียวกัน ที่มุมหมุนประมาณ 20 องศา กรณีไม่ปรับแต่งจะมีความหนาฟิล์ม หนากว่า เพราะมีแรงกระทำน้อยกว่าในกรณีที่ปรับแต่ง

5.5.12 แสดงถึงอัตราส่วนการกระจายความคันและ Hertzian contact stress (static) ที่ ความเร็วรอบ 9,000 รอบต่อนาที



ร**ูปที่ 5.53** แสดงค่าอัตราส่วนการกระจายความดัน กรณีที่ ไม่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 9,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.29 แสดงอัตราส่วนการกระจายความคันที่เกิดจากการหล่อลื่นแบบ อิลาสโตร ไฮโครไคนามิคส์ และความคันที่เกิดขึ้นสูงสุดในแบบสถิตของฟันเฟืองตรงในรูปแบบของ ความสัมพันธ์ของความเค้นแบบสัมผัสของเฮิร์ซ ในกรณีไม่ปรับแต่งฟันเฟือง จะเห็นได้ว่าการ อัตราส่วนความคันที่เกิดขึ้น มีก่าสูงในมุมหมุนที่ประมาณ 15 และ 24 องศา



ร**ูปที่ 5.54** แสดงค่าอัตราส่วนการกระจายความดัน กรณีที่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 9,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.54 แสดงอัตราส่วนการกระจายความคันที่เกิดจากการหล่อลื่นแบบ อิลาสโตร ไฮโครไคนามิคส์ และความคันที่เกิดขึ้นสูงสุดในแบบสถิตของฟันเฟืองตรงในรูปแบบของ ความสัมพันธ์ของความเค้นแบบสัมผัสของเฮิร์ซ ในกรณีปรับแต่งฟันเฟือง จะเห็นได้ว่า อัตราส่วน การกระจายความคันสูงสุดที่มุมหมุน 21 องศา



ร**ูปที่ 5.55** แสดงค่าอัตราส่วนการกระจายความดัน กรณีที่ปรับแต่งและไม่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 9,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.55 แสดงอัตราส่วนการกระจายความดันที่เกิดจากการหล่อลื่นแบบ อิลาสโตร ไฮโดรไดนามิคส์ และความดันที่เกิดขึ้นสูงสุดในแบบสถิตของฟันเฟืองตรงในรูปแบบของ ความสัมพันธ์ของความเค้นแบบสัมผัสของเฮิร์ซ ในกรณีที่ไม่ปรับแต่งฟันเฟือง และปรับแต่ง ฟันเฟือง จะเห็นได้ว่า อัตราส่วนการกระจายความดันของการปรับแต่งจะมีค่ามากกว่าในกรณีที่ไม่ มีการปรับแต่ง นั่นแสดงให้เห็นว่าที่ความเร็วรอบนี้ การปรับแต่งฟันเฟืองไม่ทำให้สัดส่วนความดัน ลดลงในช่วงของมุมหมุน 17 ถึง 24 องศา

5.5.13 พฤติกรรมของการกระจายความคันและความหนาฟิล์มต่อฟันเฟืองตรงที่ไม่ ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 12,000 รอบต่อนาที



จากรูปที่ 5.56 แสดงถึงแรงพลวัตรแบบไร้มิติที่ไม่ปรับแต่งฟันเฟือง จะเห็นได้ว่าการ ปรับแต่งฟันเฟืองจะทำให้แรงพลวัตรเพิ่มสูงขึ้นมากในช่วงมุมหมุนที่ 17 ถึง 25 องศา ซึ่งแสดงให้ เห็นว่าที่กวามเร็วรอบนี้ การปรับแต่งฟันเฟืองจะไม่ทำให้มีแรงพลวัตรลดลง



รูปที่ 5.57 การกระจายความคัน(ไร้มิติ) กรณีที่ไม่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 12,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.57 แสดงการกระจายความคันไร้มิติ ในการที่ไม่ปรับแต่งฟันเฟือง จะเห็นได้ว่า การกระจายความคันที่ได้จะมีค่าเพิ่มขึ้นและลดลงไม่แตกต่างกันมากนัก และมีค่ามากในช่วงมุม หมุนที่ 16 และ 26 องศา



ร**ูปที่ 5.58** การกระจายความหนาฟิล์ม(ไร้มิติ) กรณีที่ไม่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 12,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.58 แสดงการกระจายความหนาฟิล์มแบบไร้มิติ ในกรณีที่ไม่ปรับแต่ง จะเห็นได้ ว่ากวามหนาฟิล์มที่ได้มีค่าความหนาฟิล์มบางลงที่มุมหมุนที่ 16 และ 26 ซึ่งเป็นช่วงที่มีการขบกัน สองคู่ฟันเฟือง



ร**ูปที่ 5.59** การกระจายความคันและความหนาฟิล์ม (ไร้มิติ) ในกรณีที่ไม่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็ว รอบ 12,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.59 แสดงการกระจายความดันและความหนาฟิล์มแบบไร้มิติ ในกรณีที่ไม่ ปรับแต่งฟันจะเห็นได้ว่าเมื่อการกระจายความดันสูง ค่าความหนาฟิล์มจะบางลง และที่การกระจาย ความดันน้อย ค่าความหนาฟิล์มจะหนา จากรูปที่มุมหมุน 16 และ 26 จะมีค่าการกระจายความดัน สูงและความหนาฟิล์มบาง และที่มุมหมุนประมาณ 20 องศา จะมีค่าการกระจายความดันต่ำและ ความหนาฟิล์มจะสูง





รูปที่ 5.60 การกระจายความคัน(ไร้มิติ) กรณีที่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 12,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.60 แสดงค่าการกระจายความคันแบบไร้มิติ ในกรณีที่ปรับแต่งฟัน จะเห็นได้ ว่าลักษณะการกระจายความคันเมื่อทำการปรับแต่ง จะเห็นได้ว่าที่มุมหมุนประมาณ 21 องศา มีก่า การกระจายความคันสูงสุด และลักษณะการกระจายความคันเป็นลักษณะคล้ายระฆังคว่ำ



ร**ูปที่ 5.61** การกระจายความหนาฟิล์ม(ไร้มิติ) กรณีที่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 12,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.61 แสดงการกระจายความหนาฟิล์มแบบไร้มิติ ในกรณีที่ปรับแต่งฟัน จะเห็น ได้ว่าความหนาฟิล์มจะหนามากในช่วงเริ่มขบกันและเริ่มเคลื่อนที่ออก จากการ จากรูปที่มุมหมุน 14 และ 27 องศา



ร**ูปที่ 5.62** การกระจายความคันและความหนาฟิล์ม (ไร้มิติ) ในกรณีที่ปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 12,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.62 แสดงการกระจายความดันและความหนาฟิล์มแบบไร้มิติ ในกรณีที่ปรับแต่ง ฟันเฟือง จะเห็นได้ว่า ความสัมพันธ์เมื่อความดันสูงขึ้นความหนาฟิล์มจะบางลง ดังรูปในช่วงมุม หมุน 15.5 องศา จะมีความหนาฟิล์มเริ่มบางลงและการกระจายความดันจะเริ่มสูงขึ้น และสูงสุด ในช่วงมุมหมุน 21 องศาและเริ่มลดลง จนกระทั่งถึงมุมหมุนที่ 26 องศา และจากรูปจะเห็นได้ว่าก่า ความหนาฟิล์มที่เกิดขึ้นที่มุมหมุนประมาณ 14 องศา จะมีก่าความหนาฟิล์ม หนามากซึ่งจะพบได้ว่า ที่มุมหมุนนี้จะมีก่าการกระจายความดันที่ต่ำ ทำให้ความดันที่กระทำต่อฟันเฟืองในช่วงมุมหมุนนี้ น้อยทำให้ เกิดความหนาฟิล์มหนา



ร**ูปที่ 5.63** การกระจายความดัน(ไร้มิติ) กรณีที่ไม่ปรับแต่งฟันและปรับแต่งฟัน ที่ความเร็วรอบ 12,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.63 แสดงการกระจายความดันแบบไร้มิติ ในกรณีที่ไม่ปรับแต่งและปรับแต่ง ฟันเฟือง จะเห็นได้ว่าในกรณีที่ปรับแต่งจะมีการกระจายแรงดันสูงกว่าในกรณีที่ไม่ปรับแต่ง เนื่องจากเมื่อทำการปรับแต่งฟันเฟืองมีผลทำให้ฟันเฟืองมีการขบกันที่สม่ำเสมอมากกว่าในกรณีที่ ไม่ปรับแต่ง ซึ่งเป็นผลให้ลักษณะการกระจายแรงพลวัตรที่เกิดขึ้นเป็นลักษณะระฆังคว่ำ มีผลทำให้ การกระจายความคันมีก่าสูงมากในช่วงที่มีการขบกันหนึ่งคู่ฟันเฟือง ซึ่งจากรูปที่ความเร็วรอบนี้การ ปรับแต่งไม่ทำให้การกระจายกวามคันสูงสุดมีก่าลดลง



ร**ูปที่ 5.64** การกระจายความหนาฟิล์ม (ไร้มิติ) ในกรณีที่ไม่ปรับแต่งฟันและปรับแต่งฟัน ที่ ความเร็วรอบ 12,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.64 แสดงการกระจายความหนาฟิล์มแบบไร้มิติ ในกรณีที่ไม่มีการปรับแต่ง ฟันเฟืองและมีการปรับแต่ง จะเห็นได้ว่า ในช่วงมุมหมุนที่ 17 ถึง 25 ค่าความหนาฟิล์มที่ปรับแต่ง จะมีค่าที่บางกว่าในกรณีที่ไม่ปรับแต่ง เนื่องจากแรงดันกระทำที่มากกว่า แสดงให้เห็นว่า การ ปรับแต่งฟันเฟืองในช่วงความเร็วรอบนี้ไม่ได้ทำให้ความดันที่กระทำต่อฟันเฟืองลดลง และจากรูป จะเห็นว่า ความหนาฟิล์มของกรณีที่ปรับแต่งจะมีค่าสูงมากในช่วงเริ่มขบกัน คือมุมหมุนที่ประมาณ 14 องสา เนื่องจากเมื่อทำการปรับแต่งฟันจะทำให้แรงพลวัตรที่กระทำต่อฟันเฟืองมีค่าลดลงและมี ผลทำให้การกระจายความดันลดลง ซึ่งทำให้การกระจายความหนาฟิล์มมีค่าสูง เนื่องจากมีความดัน กระทำน้อย ซึ่งในทำนองเดียวกัน ที่มุมหมุนประมาณ 27 องสา กรณีที่ปรับแต่งจะมีความหนาฟิล์ม หนากว่า เพราะมีแรงกระทำน้อยกว่าในกรณีที่ไม่ปรับแต่ง



5.5.15 แสดงถึงอัตราส่วนการกระจายความดันและ Hertzian contact stress (static) ที่ ความเร็วรอบ 12,000 รอบต่อนาที

รูปที่ 5.65 แสดงค่าอัตราส่วนการกระจายความคัน กรณีที่ไม่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 12,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.65 แสดงอัตราส่วนการกระจายความคันที่เกิดจากการหล่อลื่นแบบอิลาสโตร ไฮโครไคนามิคส์ และความคันที่เกิดขึ้นสูงสุดในแบบสถิตของฟันเฟืองตรง ในรูปแบบของ ความสัมพันธ์ของความเค้นแบบสัมผัสของเฮิร์ซ ในกรณีไม่ปรับแต่งฟันเฟือง จะเห็นได้ว่าการ อัตราส่วนความคันที่เกิดขึ้น มีค่าสูงในมุมหมุนที่ประมาณ 15 และ 24 องศา



ร**ูปที่ 5.66** แสดงค่าอัตราส่วนการกระจายความดัน กรณีที่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 12,000 รอบต่อนาที

จากรูปที่ 5.66 แสดงอัตราส่วนการกระจายความดันที่เกิดจากการหล่อลื่นแบบ อิลาสโตร ไฮโดรไดนามิกส์ และความดันที่เกิดขึ้นสูงสุดในแบบสถิตของฟันเฟืองตรง ในรูปแบบของ ความสัมพันธ์ของความเค้นแบบสัมผัสของเฮิร์ซ ในกรณีปรับแต่งฟันเฟือง จะเห็นได้ว่าสัดส่วน ความดันสูงสุดที่เกิดขึ้นเกิดขึ้นที่มุมหมุน 21 องศา



ร**ูปที่ 5.67** แสดงค่าอัตราส่วนการกระจายความดัน กรณีที่ปรับแต่งและไม่ปรับแต่ง ที่ความเร็วรอบ 12,000 รอบต่อนาที

รูปที่ 5.67 แสดงอัตราส่วนการกระจายความดันที่เกิดจากการหล่อลื่นแบบอิลาสโตรไฮโดร ใดนามิกส์ และความดันที่เกิดขึ้นสูงสุดในแบบสถิตของฟันเฟืองตรง ในรูปแบบของความสัมพันธ์ ของความเก้นแบบสัมผัสของเฮิร์ซ ในกรณีที่ไม่ปรับแต่งและไม่ปรับแต่ง จะเห็นได้ว่า อัตราส่วน ความดันของการปรับแต่งฟันเฟืองที่เกิดขึ้นมีก่ามากกว่าอัตราส่วนความดันที่ไม่ปรับแต่งฟัน ในช่วงที่มุมหมุน 17 องศา ถึง 25 องศา แสดงให้เห็นได้ว่า การปรับแต่งฟันเฟือง ในกวามเร็วรอบนี้ ไม่ได้ทำให้อัตราส่วนความดันลดลง

5.6 สรุปผลและวิจารณ์

จากรูปกราฟแสดงพฤติกรรมการกระจายความคันและความหนาฟิล์มที่ความเร็วรอบ ต่างๆ ดังนี้ ที่ 1,500 รอบต่อนาทีที่ 3,500 รอบต่อนาทีที่ 6,500 รอบต่อนาทีที่ 9,000 รอบต่อนาทีและที่ 12,000 รอบต่อนาที จะสรุปได้ว่า

- 5.6.1 แรงพลวัตรที่กระทำกับหน้าผิวสัมผัสเฟืองมากจะทำให้เกิดแรงดันที่กระทำ ณ จุดที่เฟือง สัมผัสกันมากเช่นเดียวกัน
- 5.6.2 ที่ความเร็วรอบ 6,500 รอบต่อนาทีการปรับแต่งฟันเฟืองจะมีผลทำให้แรงพลวัตรลดลงและ ทำให้แรงดันที่กระทำกับฟันเฟืองมีค่าลดลง พร้อมทั้งความหนาฟิล์มที่จุดสัมผัสกัน ระหว่างฟันเฟืองจะมีความหนาขึ้น
- 5.6.3 ที่ความเร็วรอบสูงมาก จะเห็นว่าแรงพลวัตรสูงสุดจากการปรับแต่งฟันเฟืองโดยวิธีเฉือน หน้าฟันไม่ลดลง นั่นแสดงว่าการปรับแต่งฟันเฟืองที่ทำให้แรงพลวัตรลดลง จะเกิดขึ้น ในช่วงความเร็วรอบช่วงหนึ่งเท่านั้น
- 5.6.4 จากการกระจายความดันและความหนาฟิล์มที่เกิดขึ้น จะเห็นได้ว่า การปรับแต่งฟันเฟือง โดยวิธีเฉือนหน้าฟันไม่ได้ช่วยให้ลดความดันที่กระทำต่อฟันเฟืองในทุกๆ ความเร็วรอบ แต่จะมีผลทำให้มีความดันลดลงมากที่สุดในกวามเร็วรอบที่ 6,500 รอบต่อนาที
- 5.6.5 การกระจายความคันและความหนาฟิล์มที่เกิดขึ้นในแต่ละความเร็วรอบจะเห็นได้ว่าเมื่อมี ความคันที่กระทำมากจะทำให้ความหนาฟิล์มบางลง และเมื่อมีความคันที่กระทำน้อย ความหนาฟิล์มก็จะหนาขึ้น ซึ่งจากพฤติกรรมนี้จะทำให้คาคการณ์ได้ว่าที่ความหนาฟิล์ม บางจะมีโอกาสที่เฟืองเกิคความเสียหายที่ผิวฟันเฟืองได้มากกว่าในกรณีที่ฟิล์มหนา