

## บทที่ 1

### บทนำ

#### ภูมิหลัง

อนาคตของประเทศชาตินั้นขึ้นอยู่กับเด็กและเยาวชน เพราะในโลกยุคใหม่การแข่งขันขึ้นอยู่กับความรู้และความสามารถของคนในชาติ โดยเฉพาะเศรษฐกิจที่ใช้ความรู้เป็นฐาน (Knowledge based Economy) ประเทศไทยจึงจำเป็นต้องปฏิรูปการเรียนรู้โดยเร็วที่สุดเพื่อเสริมสร้างศักยภาพของเยาวชน ให้สามารถคิดเป็น ทำเป็น มีทักษะในการจัดการ มีคุณธรรมและค่านิยมที่ดีงามและรักการแสวงหาความรู้อย่างต่อเนื่อง (รุ่ง แก้วแดง, 2543, หน้า ฉ)

พระราชบัญญัติการศึกษาแห่งชาติ พ.ศ. 2542 และที่แก้ไขเพิ่มเติม (ฉบับที่ 2) พ.ศ. 2545 กล่าวว่า การจัดการศึกษาต้องเป็นไปเพื่อพัฒนาคนไทยให้เป็นมนุษย์ที่สมบูรณ์ ทั้งร่างกาย จิตใจ สติปัญญา ความรู้และคุณธรรม มีจริยธรรมและวัฒนธรรมในการดำรงชีวิต สามารถอยู่ร่วมกับผู้อื่นได้อย่างมีความสุข ในกระบวนการเรียนรู้ต้องมุ่งปลูกฝังจิตสำนึกที่ถูกต้องเกี่ยวกับการเมือง การปกครองในระบอบประชาธิปไตยอันมีพระมหากษัตริย์ทรงเป็นประมุข ตลอดจนการอนุรักษ์ ทรัพยากรธรรมชาติและสิ่งแวดล้อม มีความสามารถในการประกอบอาชีพ รู้จักพึ่งตนเอง มีความคิดริเริ่มสร้างสรรค์ ใฝ่รู้และเรียนรู้ด้วยตนเองอย่างต่อเนื่อง (สำนักงานคณะกรรมการการศึกษาแห่งชาติ, 2545, หน้า 5-6) และหลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551 มุ่งให้ผู้เรียนเกิดสมรรถนะสำคัญ 5 ประการ สมรรถนะประการที่ 2 กล่าวอย่างชัดเจนว่าความสามารถในการคิด เป็นความสามารถในการคิดวิเคราะห์ การคิดสังเคราะห์ การคิดอย่างสร้างสรรค์ การคิดอย่างมีวิจารณญาณและการคิดเป็นระบบ เพื่อนำไปสู่การสร้างองค์ความรู้หรือสารสนเทศ เพื่อการตัดสินใจเกี่ยวกับตนเองและสังคมได้อย่างเหมาะสม (ปราโมทย์ จันทรเรือง, 2552, หน้า 35)

วิชาคณิตศาสตร์เป็นวิชาพื้นฐานในการแก้ปัญหาและการให้เหตุผลในชีวิตจริง คณิตศาสตร์เป็นรากฐานของศาสตร์อื่นทั้งปวง การจัดการกระบวนการเรียนรู้ที่มุ่งเน้นการฝึกทักษะ กระบวนการคิด การจัดการ การเผชิญสถานการณ์ประยุกต์ความรู้มาใช้ป้องกันและแก้ไขปัญหา จัดกิจกรรมให้ผู้เรียนได้เรียนรู้จากประสบการณ์จริงฝึกการปฏิบัติให้คิดเป็น ทำเป็น ทำให้เกิดการใฝ่รู้ใฝ่เรียนอย่างต่อเนื่องในด้านต่างๆ อย่างได้สัดส่วน สมดุล การสอนคิดจึงนับเป็นจุดเริ่มต้นของการพัฒนา การสอนคิดให้เด็กคิดคงยังเป็นคุณลักษณะที่พึงประสงค์ของสังคมที่เน้น การคิด คิดได้ คิดเป็น ซึ่งสะท้อนให้เด็กเห็นว่า การคิด เป็นเรื่องสำคัญที่ขาดไม่ได้ (ศุภวรรณ เล็กวิไล, 2547, หน้า 4) การคิดหรือความคิดเป็นเรื่องที่มีความสำคัญอย่างยิ่งต่อการพัฒนาประเทศชาติ กล่าวคือ ประเทศชาติจะเจริญรุดหน้าหรือเสื่อมถอยก็เพราะความคิดของคนในชาติเป็นอย่างไร หากผู้คนในชาติคิดเก่ง คิดสร้างสรรค์ คิดกว้างไกลและคิดเสียสละ เพื่อส่วนรวมและเพื่อสังคม เป็นส่วนใหญ่ (ปราโมทย์ จันทรเรือง, 2552, หน้า 49)

ในการเรียนการสอนครูมีส่วนสำคัญเพราะเป็นผู้จัดกิจกรรมให้กับผู้เรียน วิธีการของครูก็เป็นสิ่งสำคัญที่จะเปิดโอกาสให้นักเรียนได้มีโอกาสฝึกทักษะที่จำเป็นต่อการคิด วิธีการเรียนแบบร่วมมือ (Cooperative Learning) เป็นเทคนิควิธีการสอนวิธีหนึ่งที่น่าสนใจ มีความเหมาะสมและสอดคล้องกับสภาพปัญหาในปัจจุบันเพราะเป็นการสอนที่ยึดผู้เรียนเป็นสำคัญ โดยแบ่งผู้เรียนเป็นกลุ่มย่อย (Interpersonal and Small Group Skills) นักเรียนจะต้องทำงานร่วมกันช่วยเหลือซึ่งกันและกันในการเรียนรู้ ให้คำปรึกษาหารือกันอย่างใกล้ชิด (Face to Face Promotive Interaction) มีความรับผิดชอบ พยายามทำงานที่ได้รับมอบหมายอย่างเต็มความสามารถตระหนักถึงความสำคัญเพื่อให้ได้มาซึ่งการเรียนรู้ของตนเองและของกลุ่ม ทำให้เกิดการเรียนรู้และปรับปรุงการทำงานให้ดีขึ้นและสลาวิน (Slavin, 1995, p.121) ได้ให้ความหมายของการเรียนแบบร่วมมือ ซึ่งสรุปได้ว่า เป็นการเรียนกลุ่มเล็กๆ ประมาณ 4 คน และนักเรียนมีความสามารถแตกต่างกัน ได้ทำงานร่วมกัน มีการช่วยเหลือกันปรึกษาหารือกันเพื่อแลกเปลี่ยนความคิดเห็นซึ่งกันและกัน เพื่อเปลี่ยนภาษาของครูมาเป็นภาษาของเด็ก ทำให้เพื่อนร่วมทีมเข้าใจง่ายขึ้น และมีเป้าหมายร่วมกันคือ ความสำเร็จของกลุ่ม การเรียนแบบร่วมมือที่นำมาใช้ในชั้นเรียนมีหลายวิธีควรเลือกให้เหมาะสมกับผู้เรียนและวิชาที่สอน เพื่อให้การเรียนแบบร่วมมือได้ผลอย่างมีประสิทธิภาพและเป็นประโยชน์ต่อผู้เรียนมากที่สุด

ในสภาพปัจจุบัน การจัดการเรียนการสอนวิชาคณิตศาสตร์ มุ่งให้นักเรียนฝึกฝนการหาคำตอบจากการทำแบบฝึกหัด โดยศึกษาวิธีการและทำตามตัวอย่างที่ครูกำหนดให้ จนทำให้นักเรียนขาดทักษะในการคิดแก้ปัญหาด้วยตัวเอง นอกจากนี้ครูยังเน้นเนื้อหาสาระตามหนังสือแบบเรียนมากกว่าโดยมุ่งสอนเนื้อหาเพียงอย่างเดียวเพราะกลัวว่าจะสอนไม่ทันตามเวลาที่กำหนด จนลืมนักเรียนพัฒนาทักษะกระบวนการทางคณิตศาสตร์ไป ซึ่งส่งผลให้นักเรียนไม่บรรลุตามมาตรฐานการเรียนรู้ที่หลักสูตรกำหนดไว้ เมื่อพิจารณาผลการประเมินผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียน ระดับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 (LAS) ปีการศึกษา 2551-2552 วิชาคณิตศาสตร์ โรงเรียนหัตถาพิทยาคม สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาชัยนาท พบว่า ปีการศึกษา 2551 นักเรียนมีคะแนนเฉลี่ยร้อยละ 30.16 ในปีการศึกษา 2552 นักเรียนมีคะแนนเฉลี่ยร้อยละ 28.43 (สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษาชัยนาท, 2553, หน้า 23) จะเห็นได้ว่านักเรียนมีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนลดลง เมื่อพิจารณาแยกตามสาระ พบว่า สาระที่ 3 เรขาคณิตมีคะแนนเฉลี่ยต่ำกว่าสาระอื่นๆ ในสาระนี้มีเนื้อเกี่ยวกับเรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัสอยู่ด้วย ซึ่งเป็นเนื้อหาที่ยาก หากนักเรียนไม่เข้าใจในทักษะกระบวนการและขั้นตอนการแก้ปัญหาที่ถูกต้องแนวทางหรือวิธีการในการแก้ปัญหา ก็คือ ครูต้องปรับเปลี่ยนรูปแบบการสอน ใช้รูปแบบการสอนที่หลากหลาย โดยมุ่งเน้นให้นักเรียนสามารถคิดอย่างเป็นระบบและมีทักษะกระบวนการทางคณิตศาสตร์ เพื่อนำไปสู่การแก้ปัญหาในสถานการณ์ต่างๆ ได้ รูปแบบการสอนที่เหมาะสมและน่าสนใจในการฝึกให้นักเรียนรู้จักคิดแก้ปัญหา เรียนรู้และทำงานร่วมกัน และสามารถทำให้

ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนสูงขึ้นได้ มี 2 รูปแบบ คือ รูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์กับรูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์

รูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์เป็นวิถีจัดการเรียน การสอนที่จัดสภาพแวดล้อมทางการเรียนให้แก่ผู้เรียนได้เรียนรู้ร่วมกันเป็นกลุ่มเล็ก ๆ แต่ละกลุ่มประกอบด้วยสมาชิกที่มีความรู้ความสามารถแตกต่างกัน โดยที่แต่ละคนมีส่วนร่วมอย่างแท้จริงในการเรียนรู้ และในความสำเร็จของกลุ่ม ทั้งโดยแลกเปลี่ยนความคิดเห็น การแบ่งปันทรัพยากรการเรียนรู้ รวมทั้งการเป็นกำลังใจแก่กันและกัน คนที่เรียนเก่งจะช่วยเหลือคนที่อ่อนกว่า สมาชิกในกลุ่มไม่เพียงแต่รับผิดชอบต่อการเรียนของตนเองเท่านั้น หากต้องร่วมกันรับผิดชอบต่อการเรียนรู้ของเพื่อนสมาชิกทุกคนในทุกกลุ่ม ความสำเร็จแต่ละบุคคลคือความสำเร็จของกลุ่ม รูปแบบการสอนแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์สามารถนำมาใช้ได้กับการเรียนทุกวิชาและทุกระดับชั้น ซึ่งจะมีประสิทธิผลยิ่งับกิจกรรมการเรียนรู้ที่มุ่งการเรียนรู้ การคิดแบบหลากหลาย การปฏิบัติภารกิจที่ซับซ้อน การเน้นคุณธรรมจริยธรรม การเสริมสร้างประชาธิปไตยในชั้นเรียนทักษะทางสังคม การสร้างวินัยความรับผิดชอบร่วมกันและความร่วมมือภายในกลุ่ม (วัณนาพร ระงับทุกข์, 2542, หน้า 34)

รูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์เป็นอีกวิถีที่จัดกิจกรรมการเรียนรู้ที่ยึดผู้เรียนเป็นสำคัญ ทำให้ผู้เรียนพัฒนาศักยภาพของตน รู้จักคิดวิเคราะห์ และแก้ปัญหา สร้างองค์ความรู้ได้ด้วยตนเอง ส่งเสริมให้ผู้เรียนประสบความสำเร็จในการเรียนคณิตศาสตร์ สอดคล้องกับพระราชบัญญัติการศึกษาแห่งชาติ พุทธศักราช 2542 และที่แก้ไขเพิ่มเติม (ฉบับที่ 2) พ.ศ. 2545 ในหมวด 4 แนวการจัดการศึกษา มาตรา 22 ได้กล่าวไว้ว่า การจัดการศึกษาต้องยึดหลักนักเรียนทุกคนมีความสามารถและพัฒนาตนเองได้ยึดถือผู้เรียนสำคัญที่สุด กระบวนการจัดการศึกษาจะต้องส่งเสริมให้ผู้เรียนสามารถพัฒนาตามธรรมชาติและเต็มศักยภาพ (สำนักงานคณะกรรมการการศึกษาแห่งชาติ, 2545, หน้า 13) เนื่องจากกิจกรรมการเรียนรู้ตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์มีกิจกรรมหลากหลาย คอบสนองความแตกต่างระหว่างบุคคล ส่งเสริมความสามารถแต่ละด้าน วิชาคณิตศาสตร์เป็นวิชาที่เกี่ยวข้องกับการคิดแก้ปัญหา ซึ่งปัญหาที่จะนำมาให้นักเรียนฝึกคิดนั้น เป็นปัญหาที่จะต้องค้นหาความจริงหรือเป็นข้อสรุปใหม่ที่นักเรียนยังไม่เคยเรียนมาก่อน และปัญหาเกี่ยวกับวิชาการ เช่น การพิสูจน์ที่ต้องอาศัยการคิดหาเหตุผล ปัญหาเกี่ยวกับเนื้อหา คณิตศาสตร์ที่อาศัยนิยาม ทฤษฎีบทต่างๆ รวมทั้งปัญหาที่ต้องอาศัยกระบวนการทางคณิตศาสตร์ ในการคิดเพื่อแก้ปัญหาให้ดีขึ้น จำเป็นต้องมีความรู้ในขั้นก่อนกระบวนการคิด

จากแนวคิดรูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์กับรูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ผู้วิจัยมีความสนใจที่จะศึกษาเปรียบเทียบทักษะการคิดทางคณิตศาสตร์ และผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ที่ได้รับการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์กับการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ว่าจะมีความ

แตกต่างกันหรือไม่ เพื่อนำผลการวิจัยไปพัฒนาทักษะการคิดทางคณิตศาสตร์และผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนให้มีประสิทธิภาพยิ่งขึ้น

### ความมุ่งหมายของการวิจัย

1. เพื่อเปรียบเทียบทักษะการคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัสของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 โดยใช้รูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์ ก่อนเรียนกับหลังเรียน
2. เพื่อเปรียบเทียบทักษะการคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัสของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 โดยใช้รูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ก่อนเรียนกับหลังเรียน
3. เพื่อเปรียบเทียบทักษะการคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัสของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 โดยใช้รูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์กับรูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์
4. เพื่อเปรียบเทียบผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนวิชาคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัสของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 โดยใช้รูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์ก่อนเรียนกับหลังเรียน
5. เพื่อเปรียบเทียบผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนวิชาคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัสของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 โดยใช้รูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ก่อนเรียนกับหลังเรียน
6. เพื่อเปรียบเทียบผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนวิชาคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัสของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 โดยใช้รูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์กับรูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์
7. เพื่อศึกษาความคงทนในการเรียนรู้วิชาคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัสของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 โดยใช้รูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์
8. เพื่อศึกษาความคงทนในการเรียนรู้วิชาคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัสของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 โดยใช้รูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์

### ความสำคัญของการวิจัย

1. นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ที่เรียนโดยใช้รูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์กับรูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ สามารถพัฒนาความรู้ในวิชาคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัส ได้อย่างมีประสิทธิภาพ
2. เป็นแนวทางในการจัดการเรียนรู้ที่พัฒนาทักษะการคิดทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน

3. เป็นแนวทางสำหรับครูผู้สอน ในการนำรูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่ม ผลสัมฤทธิ์กับรูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ไปใช้ในการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ในกลุ่มสาระการเรียนรู้หรือเนื้อหาอื่นๆ ให้มีประสิทธิภาพต่อไป

4. เป็นข้อมูลสารสนเทศเกี่ยวกับรูปแบบการสอนสำหรับครู ผู้บริหารและศึกษานิเทศก์ เพื่อสามารถใช้เป็นแนวทางในการส่งเสริมและสนับสนุนการจัดการศึกษาให้มีประสิทธิภาพยิ่งขึ้น

### ขอบเขตของการวิจัย

#### 1. ประชากรและกลุ่มตัวอย่าง

1.1 ประชากรที่ใช้ได้แก่ นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ภาคเรียนที่ 1 ปีการศึกษา 2554 โรงเรียนหันคาพิทยาคม จังหวัดชัยนาท สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษามัธยมศึกษาเขต 5 จำนวน 8 ห้องเรียน รวมนักเรียนทั้งหมด 311 คน

1.2 กลุ่มตัวอย่างที่ใช้ได้แก่ นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ปีการศึกษา 2554 โรงเรียนหันคาพิทยาคม จังหวัดชัยนาท สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษามัธยมศึกษาเขต 5 ที่กำลังเรียนอยู่ในภาคเรียนที่ 1 ปีการศึกษา 2554 ซึ่งได้มาจากการสุ่มอย่างง่าย (simple random sampling) โดยวิธีการจับสลากห้องเรียนได้ 2 ห้องเรียน จำนวน 81 คน แล้วจับสลากเป็นกลุ่มทดลองที่ 1 กับกลุ่มทดลองที่ 2 ได้ดังนี้

กลุ่มทดลองที่ 1 ได้แก่ นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2/2 จำนวน 43 คน ใช้รูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์

กลุ่มทดลองที่ 2 ได้แก่ นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2/1 จำนวน 38 คน ใช้รูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์

#### 2. ตัวแปรที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ ประกอบด้วย

##### 2.1 ตัวแปรต้น คือ รูปแบบการสอน 2 รูปแบบ ได้แก่

2.1.1 รูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์

2.1.2 รูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์

##### 2.2 ตัวแปรตาม ได้แก่

2.2.1 ทักษะการคิดทางคณิตศาสตร์

2.2.2 ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

2.2.3 ความคงทนในการเรียนรู้

3. เนื้อหาที่ใช้ได้แก่ เนื้อหาวิชาคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ตามหลักสูตรแกนกลาง การศึกษาระดับพื้นฐาน พุทธศักราช 2551 เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัส ซึ่งใช้เวลาเรียน 14 ชั่วโมง โดยมีเนื้อหาดังต่อไปนี้

##### 3.1 สมบัติของรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก

3.2 ทฤษฎีบทพีทาโกรัส

3.3 บทกลับของทฤษฎีบทพีทาโกรัส

3.4 การนำทฤษฎีบทพีทาโกรัสและบทกลับของทฤษฎีบทพีทาโกรัสไปใช้

4. ระยะเวลาในการทดลอง ภาคเรียนที่ 1 ปีการศึกษา 2554 จำนวน 3 สัปดาห์ โดยทำการสอนทุกวันๆ ละ 1 ชั่วโมง รวมใช้เวลาในการทดลองสอน 14 ชั่วโมง

## นิยามศัพท์เฉพาะ

รูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์ (Student Team Achievement Division : STAD) หมายถึง การจัดการเรียนการสอนโดยแบ่งนักเรียนแต่ละความสามารถเป็นกลุ่มเพื่อช่วยแก้ปัญหาทางการเรียนให้มีผลสัมฤทธิ์ที่สูงขึ้น โดยมุ่งเน้นการทำงานร่วมกันและสร้างความสัมพันธ์ระหว่างสมาชิกในกลุ่ม ซึ่งมีขั้นตอนในการจัดการเรียนการสอนดังนี้

### 1. ขั้นตอนการจัดกลุ่มและนำเข้าสู่บทเรียน

1.1 จัดนักเรียนเข้ากลุ่มๆ ละ 4 คน แบบความสามารถมีนักเรียนเก่ง 1 คน ปานกลาง 2 คน และอ่อน 1 คน

1.2 แจกจุดประสงค์การเรียนรู้ให้ผู้เรียนทราบ

1.3 ครูทบทวนความรู้เดิมให้นักเรียน

### 2. ขั้นนำเสนอบทเรียน

2.1 ครูนำเสนอเนื้อหาใหม่

2.2 นักเรียนอภิปรายและสนทนาร่วมกัน เพื่อให้ได้ข้อสรุปจากบทเรียน

### 3. ขั้นกลุ่มย่อยและฝึกทักษะ

3.1 ให้นักเรียนแต่ละกลุ่มร่วมกันศึกษาและทำแบบฝึกหัดไปพร้อมๆ กัน

3.2 สมาชิกในกลุ่มร่วมกันกันอธิบายและตรวจสอบความถูกต้องของแบบฝึกหัด

จากบัตรเฉลยที่แนบไว้ด้านหลัง

3.3 สมาชิกในกลุ่มร่วมกันสรุปบทเรียน

3.4 ให้นักเรียนแต่ละคนทำแบบทดสอบประจำหน่วย

### 4. ขั้นการประเมินและการคิดคะแนน

4.1 นักเรียนตรวจคะแนน

4.2 นำคะแนนของนักเรียนแต่ละคนมาเทียบกับคะแนนฐาน

4.3 รวมคะแนนของสมาชิกภายในกลุ่มเพื่อใช้เป็นคะแนนกลุ่ม

### 5. ขั้นการยอมรับและความสำเร็จของกลุ่ม

5.1 ประกาศคะแนนของแต่ละกลุ่มให้นักเรียนทราบ

5.2 กลุ่มที่มีคะแนนสูงสุดได้รับการยกย่อง ชมเชย

5.3 หารางวัลกลุ่มที่ได้รับการยอมรับ

รูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ (Constructivism) หมายถึงการจัดการเรียนการสอนโดยใช้กระบวนการกลุ่ม ผู้เรียนจะเห็นแนวทาง รูปแบบ วิธีการที่หลากหลายในการตีความปรากฏการณ์หรือเหตุการณ์ จนเกิดเป็นความคิดใหม่ซึ่งมีขั้นตอนในการจัดการเรียนการสอนดังนี้

### 1. ชี้นำเข้าสู่บทเรียน

1.1 แจงจุดประสงค์การเรียนรู้ วิธีการเรียนรู้ บทบาทของสมาชิกในกลุ่ม

1.2 ครูทบทวนความรู้เดิมให้กับนักเรียนโดยกระตุ้นนักเรียนให้ระลึกถึงความรู้เดิมที่จะนำมาใช้ในการสร้างความรู้ใหม่ โดยการยกตัวอย่างหรือตั้งคำถาม

### 2. ขั้นตอนการสอน

#### 2.1 ขั้นสร้างความขัดแย้งทางปัญญา

2.1.1 ครูเสนอปัญหาคณิตศาสตร์ ให้นักเรียนคิดแก้ปัญหาเป็นรายบุคคล

2.1.2 จัดนักเรียนเข้ากลุ่มย่อย กลุ่มละประมาณ 4-6 คน

2.1.3 นักเรียนแต่ละคนแสดงวิธีทำและเหตุผลที่ทำต่อกลุ่มของตน

#### 2.2 ขั้นดำเนินกิจกรรมไตร่ตรอง

2.2.1 นักเรียนในกลุ่มย่อยช่วยกันสร้างสถานการณ์ตัวอย่างที่มีโครงสร้างความสัมพันธ์แบบเดียวกับสถานการณ์ปัญหา

2.2.2 นักเรียนในกลุ่มย่อยช่วยกันตรวจสอบวิธีการที่นักเรียนในกลุ่มของตนใช้ในการแก้ปัญหา โดยนำวิธีทำของนักเรียนแต่ละคนในกลุ่มมาลองใช้กับสถานการณ์ตัวอย่างที่นักเรียนสร้างขึ้น ตรวจสอบและปรับเปลี่ยนวิธีทำของสมาชิกกลุ่ม

2.2.3 นักเรียนในกลุ่มย่อยเลือกวิธีทำที่เป็นที่ยอมรับได้ของนักเรียนทุกคนในกลุ่ม แล้วการนำเสนอต่อกลุ่มใหญ่

2.2.4 นักเรียนกลุ่มใหญ่ตรวจสอบวิธีทำของกลุ่มย่อย

2.2.5 ครูเสนอวิธีทำที่เตรียมมา แต่ถ้าซ้ำวิธีทำของนักเรียนครูไม่ต้องเสนอ

2.2.6 นักเรียนแต่ละคนสร้างปัญหาใหม่ที่มีโครงสร้างสัมพันธ์แบบเดียวกันกับ

โครงสร้างเดิม แล้วแลกเปลี่ยนกันแก้ปัญหาและตรวจสอบคำตอบ

#### 2.3 ขั้นสรุปผลการสร้างโครงสร้างใหม่ทางปัญญา

2.3.1 กลุ่มใหญ่สรุปองค์ความรู้ทั้งหมด

2.3.2 นักเรียนทำแบบฝึกหัดในแผนการจัดการเรียนรู้แต่ละแผน

### 3. ชั้นประเมินผล

3.1 ประเมินจากแบบประเมินสมรรถนะของผู้เรียนและคุณลักษณะอันพึงประสงค์

3.2 ประเมินจากการตรวจแบบฝึกหัดในแผนการจัดการเรียนรู้แต่ละแผน

3.3 ประเมินจากแบบทดสอบวัดทักษะการคิดทางคณิตศาสตร์และแบบทดสอบ

วัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

**ทักษะการคิดทางคณิตศาสตร์** หมายถึง ทักษะการคิดที่เป็นทักษะซึ่งนำไปสู่ทักษะกระบวนการทางคณิตศาสตร์สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ซึ่งมี 3 ทักษะ ได้แก่

1. ทักษะกระบวนการแก้ปัญหา เป็นการจัดการเรียนรู้เพื่อให้ผู้เรียนมีทักษะกระบวนการแก้ปัญหาได้ซึ่งมีอยู่ 4 ขั้นตอน คือ ขั้นที่ 1 ทำความเข้าใจปัญหาหรือวิเคราะห์ปัญหา ขั้นที่ 2 วางแผนแก้ปัญหา ขั้นที่ 3 ดำเนินการแก้ปัญหา และขั้นที่ 4 ตรวจสอบหรือมองย้อนกลับ ในการใช้ทักษะการแก้ปัญหาเรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัสนี้ ได้เน้นในเรื่องของการคิดคำนวณ การแก้โจทย์ปัญหาจากสถานการณ์ที่กำหนดให้ได้

2. ทักษะกระบวนการสื่อสาร การสื่อความหมายทางคณิตศาสตร์และการนำเสนอ เป็นการฝึกทักษะให้ผู้เรียนรู้จักคิดวิเคราะห์และนำไปสู่การแก้ปัญหาเรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัส โดยสามารถเขียนปัญหาในรูปแบบของตาราง ภาพหรือข้อความ เพื่อสื่อสารความสัมพันธ์ของจำนวนเหล่านั้นได้

3. ทักษะกระบวนการเชื่อมโยงความรู้ต่างๆ ทางคณิตศาสตร์และเชื่อมโยงคณิตศาสตร์กับศาสตร์อื่นๆ เป็นการจัดการเรียนรู้โดยให้ผู้เรียนนำความรู้ เนื้อหาสาระเรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัส และกระบวนการทางคณิตศาสตร์มาใช้แก้ปัญหาในสถานการณ์ที่ผู้วิจัยกำหนดขึ้น

**ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน** หมายถึง ความสามารถของนักเรียนในด้านความรู้ ความจำ ความเข้าใจ การคิดคำนวณ การนำไปใช้และการวิเคราะห์ในการเรียนรู้วิชาคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัส ซึ่งวัดได้จากคะแนนการทำแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนที่ผู้วิจัยสร้างขึ้น เป็นแบบปรนัย ชนิดเลือกตอบ 4 ตัวเลือก จำนวน 30 ข้อ

**ความคงทนในการเรียนรู้** หมายถึง ความสามารถในการจดจำเนื้อหาในวิชาคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัส หลังจากที่นักเรียนเรียนโดยรูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์และที่เรียนโดยรูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์มาแล้วเมื่อถึงช่วงระยะเวลา 2 สัปดาห์ ซึ่งวัดได้จากการทำแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

**นักเรียน** หมายถึง นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ปีการศึกษา 2554 โรงเรียนหันคาพิทยาคม จังหวัดชัยนาท สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษามัธยมศึกษาเขต 5 จำนวน 81 คน

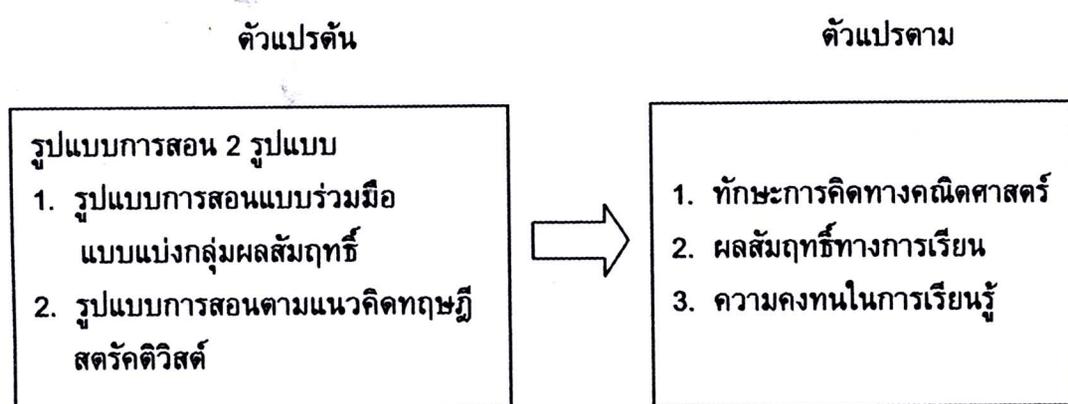
### **กรอบแนวคิดในการวิจัย**

การสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์เป็นรูปแบบหนึ่งของการเรียนแบบร่วมมือ ซึ่งการสอนแบบร่วมมือนี้พัฒนาโดยโรเบิร์ต อี สลาวิน (Robert E. Slavin) ผู้อำนวยการโครงการศึกษาระดับประถมศึกษา ศูนย์การวิจัยประสิทธิภาพการเรียนของนักเรียนที่มีปัญหาทางด้านวิชาการแห่งมหาวิทยาลัยจอห์น ฮอปกินส์ (Johns Hopkins University) ประเทศสหรัฐอเมริกา และเป็นผู้เชี่ยวชาญด้านการสอนวิชาคณิตศาสตร์ เพื่อช่วยให้นักเรียนมีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนต่ำให้มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนสูงขึ้นโดยมุ่งเน้นการทำงานร่วมกันเป็นกลุ่มและสร้างความสัมพันธ์

ระหว่างผู้เรียน สลาวิน (Slavin, 1980, pp.319-320) ได้กล่าวว่า รูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์ โดยจัดสมาชิกกลุ่มละ 4-5 คน แบบลดความสามารถด้านผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน โดยครูจะนำเสนอบทเรียนให้นักเรียนทั้งชั้นก่อนแล้วให้แต่ละกลุ่มทำงานตามที่กำหนดไว้ในแผนการจัดการเรียนรู้ เมื่อสมาชิกในกลุ่มช่วยกันทำแบบฝึกหัดและทบทวนบทเรียนจบแล้วครูจะให้นักเรียนทุกคนทำแบบทดสอบประมาณ 15-20 นาที คะแนนที่ได้จากการทดสอบจะถูกแปลงเป็นคะแนนของแต่ละกลุ่ม

ทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์เป็นแนวคิดที่มีพื้นฐานมาจากแนวคิดของ Piaget แนวคิดทฤษฎีนี้เน้นผู้เรียนเป็นผู้สร้างความรู้ โดยการลงมือกระทำ Piaget เชื่อว่าเมื่อผู้เรียนถูกกระตุ้นด้วยปัญหาที่ก่อให้เกิดความขัดแย้งทางปัญญา (cognitive conflict) จะเกิดเกิดการเสียสมดุลทางปัญญา (disequilibrium) ผู้เรียนจะพยายามปรับโครงสร้างทางปัญญา (cognitive structuring) ให้เข้าสู่ภาวะสมดุล (equilibrium) โดยวิธีการดูดซึม (assimilation) เป็นการรับข้อมูลใหม่จากสิ่งแวดล้อมเข้าไปไว้ในโครงสร้างทางปัญญาแล้วเกิดการปรับเปลี่ยนโครงสร้างทางปัญญา (accomodation) โดยการเชื่อมโยงโครงสร้างทางปัญญาเดิมหรือความรู้เดิมที่มีมาก่อนกับข้อมูลข่าวสารใหม่ จนกระทั่งผู้เรียนสามารถปรับโครงสร้างทางปัญญาเข้าสู่สภาพสมดุลหรือสามารถที่จะสร้างความรู้ใหม่ขึ้นมาได้ หรือ "เกิดการเรียนรู้" นั่นเอง จะเห็นได้จากงานวิจัยต่างๆ ที่ได้นำรูปแบบการสอนทั้ง 2 รูปแบบไปใช้ในการศึกษาว่า อาทิเช่นงานวิจัยของมยุรี เสอคุม (2548, หน้า 91) ได้ศึกษาผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ เรื่องความน่าจะเป็น ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษา ปีที่ 3 โดยใช้รูปแบบการเรียนรู้ตามแนวคิดของทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ ผลการวิจัยพบว่า นักเรียนมีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนเฉลี่ยร้อยละ 73.44 งานวิจัยของจิรากร สำเร็จ (2551, หน้า 72) ได้ศึกษาผลการจัดการเรียนรู้วิชาคณิตศาสตร์แบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์โดยเน้นเทคนิค KWDL ที่มีต่อความสามารถในการสื่อสารทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 6 ผลการวิจัยพบว่า ความสามารถในการสื่อสารทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนที่ได้รับการจัดการเรียนรู้แบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์โดยใช้เทคนิค KWDL สูงกว่าการจัดการเรียนรู้แบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01 งานวิจัยของนิตยา ฉิมวงศ์ (2551, หน้า 85) ได้ศึกษาการเปรียบเทียบความสามารถในการคิดอย่างมีวิจารณญาณและผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ เรื่องความน่าจะเป็น ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่ได้รับการสอนโดยใช้รูปแบบการเรียนรู้ตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์และการสอนตามปกติ ผลการวิจัยพบว่า นักเรียนกลุ่มทดลองที่ได้รับการสอนโดยใช้รูปแบบการเรียนรู้ตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนหลังเรียนสูงกว่าก่อนเรียน อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ.01 และงานวิจัยของแวก (Wade, 1995, p.3411-A) ได้ศึกษาผลการสอนคณิตศาสตร์แบบแก้ปัญหาตามทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 5 เพื่อเปรียบเทียบผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน ใช้การวิจัยเชิงคุณภาพในการศึกษาเจตคติและความเชื่อมั่นในตนเองในการเรียนวิชาคณิตศาสตร์ของกลุ่มตัวอย่าง โดยวิธีการสังเกตและสัมภาษณ์ผลการวิจัยพบว่า ผลสัมฤทธิ์

ทางการเรียนของกลุ่มตัวอย่างเพิ่มขึ้นอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติและจากการศึกษาข้อมูลเชิงคุณภาพ พบว่าเจตคติและความเชื่อมั่นในตนเองต่อวิชาคณิตศาสตร์ของกลุ่มตัวอย่างสูงขึ้นด้วยเหตุนี้ผู้วิจัยจึงได้นำรูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์กับรูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์มาใช้ในการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนวิชาคณิตศาสตร์เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัส สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 เพื่อพัฒนาความรู้ความสามารถและทักษะกระบวนการต่างๆ อันจะส่งผลให้นักเรียนมีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนที่สูงขึ้น ซึ่งสรุปเป็นกรอบแนวคิดได้ดังนี้



ภาพ 1 กรอบแนวคิดในการวิจัย

### สมมติฐานการวิจัย

1. ทักษะการคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัส ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 โดยใช้รูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์หลังเรียนสูงกว่าก่อนเรียน
2. ทักษะการคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัส ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 โดยใช้รูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ หลังเรียนสูงกว่าก่อนเรียน
3. ทักษะการคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัส ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 โดยใช้รูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์กับรูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ แตกต่างกัน
4. ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนวิชาคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัส ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 โดยใช้รูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์หลังเรียนสูงกว่าก่อนเรียน
5. ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนวิชาคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัส ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 โดยใช้รูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์หลังเรียนสูงกว่าก่อนเรียน

6. ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนวิชาคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัส ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 โดยใช้รูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์กับรูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ แตกต่างกัน

7. นักเรียนที่เรียนวิชาคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัส โดยใช้รูปแบบการสอนแบบร่วมมือแบบแบ่งกลุ่มผลสัมฤทธิ์ มีความคงทนในการเรียนรู้

8. นักเรียนที่เรียนวิชาคณิตศาสตร์ เรื่องทฤษฎีบทพีทาโกรัส โดยใช้รูปแบบการสอนตามแนวคิดทฤษฎีคอนสตรัคติวิสต์ มีความคงทนในการเรียนรู้