

รายงานการวิจัย

การศึกษาอิทธิพลของรูปทรงครอบิสในงานลากขึ้นรูปขึ้นงานไม่สมมาตร

โดยการจำลองไฟในต์เอลิเมนต์

A Study of the Effect of Drawbead Shapes in Non-Symmetry Deep Drawing Process by Using Finite Element-Simulation

นายธีรยุทธ กาญจนแสงทอง

ผศ.ดร.ศิริชัย ต่อสกุล

โครงการวิจัยทุนสนับสนุนงานวิจัยของมหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลกรุงเทพ

งบประมาณแผ่นดิน ปี พ.ศ. 2557

มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลกรุงเทพ



รา<mark>ยงา</mark>นการวิจัย

การศึกษาอิทธิพลขอ<mark>งรูปทรงดรอบิสในง</mark>านลากขึ้นรูปชิ้นงานไม่สมมาตร

โด<mark>ยกา</mark>รจ<mark>ำลอ</mark>งไฟ<mark>ไน</mark>ต์เอลิเมนต์

A Study of the Effect of Drawbead Shapes in Non-Symmetry Deep

Drawing Process by Using Finite Element-Simulation

<mark>นายธีรยุ</mark>ทธ กาญจนแสงทอง

ผศ.ดร.ศิริชัย ต่อสกุล

โครงการวิจัยทุนสนับสนุนงานวิจัยของมหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลกรุงเทพ

งบประมาณแผ่นดิน ปี พ.ศ. 2557

มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลกรุงเทพ

รายงานการวิจัย

การศึกษาอิทธิพลของรูปทรงดรอบิสในงานลากขึ้นรูปชิ้นงานไม่สมมาตร

้โดยการจ<mark>ำล</mark>องไฟไนต์เอลิเมนต์

A Study of the Effect of Drawbead Shapes in Non-Symmetry Deep

Drawing Process by Using Finite Element-Simulation

นายธีรยุทธ กาญจนแสงทอง

ุ<mark>ผศ.ดร.ศิริชัย ต่อสกุล</mark>

โครงการวิจัยทุนสนับสนุนงานวิจัยของมหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลกรุงเทพ

งบประมาณแผ่นดิน ปี พ.ศ. 2557

มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลกรุงเทพ

บทคัดย่อ

ปัญหาการลากขึ้นรูปที่พบมาก คือ เกิดการฉีกขาดและการเกิดรอยย่นสาเหตุเกิดจากแรงกด ชิ้นงาน ถ้าแรงกดมากเกินไปอาจทำให้เกิดการฉีกขาดของวัสดุและถ้าแรงกดน้อยเกินไปทำให้เกิดรอย ย่นของวัสดุ การควบคุมสภาวะการไหลของโลหะแผ่นในงานขึ้นรูปสามารถทำได้หลายวิธี เช่น การ ลดหรือเพิ่มแรงกดชิ้นงานหรือลดแรงเสียดทานระหว่างผิวแม่พิมพ์กับชิ้นงาน แต่วิธีดังกล่าวไม่ สามารถควบคุมการไหลของโลหะแผ่นเฉพาะในบริเวณได้ ดังนั้นจึงมีความพยายามหาวิธีการควบคุม สภาวะการไหลของโละหะแผ่นขึ้นโดยอาศัยการขัดขวางการไหลตัวของโลหะด้วยสันเล็ก ๆ ที่เรียกว่า ดรอบีด

งานวิจัยนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อใช้ดรอบีดที่มีรูปร่าง หน้าตัดครึ่งวงกลม,หน้าตัดรูปตัววี และ หน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า โดยมีตัวแปรที่ศึกษา คือ อิทธิพลแรงกดชิ้นงาน 30 ,50 และ 70 เปอร์เซ็นต์ วัสดุที่ใช้ในการศึกษา เหล็กรีดเย็นเกรด SPCD ที่มีผลกระทบต่อการไหลตัวของโลหะแผ่น ที่ไหลเข้าสู่ช่องเปิดดายในการลากขึ้นรูปโดยใช้รูปทรงของดรอบีดที่แตกต่างกัน แรงกดชิ้นงานที่ แตกต่างกันและวัสดุต่างชนิดกันแล้วนำผลมาเปรียบเทียบกับผลการจำลองด้วยวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์

ผลการทดลองแสดงให้เห็นว่ารูปทรงของดรอบีด ,แรงกดชิ้นงานและชนิดของวัสดุ มี ผลกระทบต่อการไหลตัวของโลหะแผ่นเป็นอันมาก จากการเปรียบเทียบผลการทดลองพบว่า แรงกด ชิ้นงาน 50 เปอร์เซ็นต์ ดรอบีดหน้าตัดครึ่งวงกลม สามารถไหลตัวได้ดีทำให้ชิ้นงานไม่เกิดการฉีกขาด และรอยย่นลดลง เมื่อเปรียบเทียบกับการจำลองด้วยไฟในต์เอลิเมนต์พบว่ามีความแตกต่างกันเฉลี่ย 18 เปอร์เซ็นต์ โดยวัดจากความหนาที่เปลี่ยนไปของวัสดุแต่ละจุด ดังนั้นจึงสรุป ผลการเปลี่ยนรูปร่าง สุดท้ายของวัสดุจากวิธีไฟในต์เอลิเมนต์สอดคล้องกับรูปร่างจริง ซึ่งผลการทดลองและวิเคราะห์ สามารถสรุปได้ว่าการประยุกต์ใช้ไฟในต์เอลิเมนต์สามารถทำนายและหาแนวทางการแก้ไขรูปทรงของ ดรอบีดในการลากขึ้นรูปได้อย่างมีประสิทธิภาพ

คำสำคัญ : ดรอบีด การจำลองไฟไนต์เอลิเมนต์ การขึ้นรูปโลหะแผ่น การย่น

Abstract

The problems commonly found during a Deep Draw Process are the avulsion and wrinkle by the blank holder force. If blank holder force is too much high, it may cause the avulsion of material. On the contrary, the strain of material likely to occur when small blank holder force is applied. To control the flux of steel sheet, a varying (decreasing or increasing) applied force method has been proposed. However, such method is not capable to control the flux in specific area of steel sheet. Thus, the method called as Draw Bead has been suggested, in which the flux of steel is blocked by a small bar.

This research study was aimed at the Haft-Round drawbead, V- Shaped and Trapenzifrom were used. The studied variables were the influences of blank holder force at 30 percent, 50 percent and 70 percent. The material used was Cold Rolled Steel Sheets grade SPCD which affected to the material flow to opened die. Deep Draw Process was done by using different shapes of draw beads, the blank holder force with different pressures and with the use of different kinds of materials. Then the results were compared to the result of Finite Element - simulation. The findings revealed that the studied parameters, such as shape of Draw Bead, blank holder force and material type, were strongly influent to the material (steel). As revealed by the experimental results, the work piece at the blank holder force of 50 percent, Haft-Round Draw Bead could provide a good condition for flux in the steel sheet. In addition, the experimental results were compared with the simulation results obtained from a Finite Element method. It was found that the difference (of any point of comparison) between experimental and simulation results were 18% (as average). It can be concluded that the Finite Element method can effectively forecast, and can be used as a guideline for shape improvement of draw bead in Deep Draw Process.

Keywords : drawbead, finite element-simulation, forming, wrinkle

กิตติกรรมประกาศ

ในการทำงานวิจัยการศึกษาอิทธิพลของรูปทรงดรอบิสในงานลากขึ้นรูปขึ้นงานไม่สมมาตร โดยการจำลองไฟไนต์เอลิเมนต์นี้ สามารถดำเนินการจนสำเร็จได้ด้วยดีก็เพราะได้รับความอนุเคราะห์ ในการใช้เครื่องมือและอุปกรณ์ต่าง ๆ จากภาควิชาวิศวกรรมอุตสาหการ คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลกรุงเทพ และภาควิชาวิศวกรรมอุตสาหการ คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลกรุงเทพ และภาควิชาวิศวกรรมอุตสาหการ คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลกรุงเทพ และภาควิชาวิศวกรรมอุตสาหการ คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลอัญบุรี โดยได้รับเงินประมาณอุดหนุนการวิจัยงบประมาณแผ่นดิน พ.ศ. 2557 จากสถาบันวิจัยและพัฒนา มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลกรุงเทพ ในการดำเนินการ จัดทำโครงการวิจัยให้สำเร็จลุลวงไปได้ด้วยดี และ คุณนรุตม์ชัย พันธ์มณี จากห้างหุ้นส่วนจำกัด นิวส กาย ซัพพลายส์ แอนด์ เซอร์วิส ที่ให้คำแนะนำในการสร้างและแก้ไขชุดแม่พิมพ์ ซึ่งทางคณะผู้วิจัย หวังเป็นอย่างยิ่งว่าผลงานวิจัยฉบับนี้จะถูกนำไปเป็นข้อมูลในวงการอุตสาหกรรมแม่พิมพ์ต่อไปใน อนาคต



สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย	ก
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ	ข
กิตติกรรมประกาศ	ค
สารบัญ	ঀ
สารบัญตาราง	ລ
สารบัญภาพ	ช
คำอธุบายสัญลักษณ์และคำย่อ	សូ
บทนำ	1
1.1 ความเป็นมาของปัญ <mark>หา</mark>	1
1.2 วัตถุประสงค์	2
1.3 ขอบเขตของงานวิจัย	2
1.4 วิธีดำเนินงานวิจ <mark>ัย (1997) (1997)</mark>	3
1.5 คำจำกั <mark>ด</mark> ความในการวิจัย	3
1.6 กร <mark>อบแนวความคิดในการวิจัย</mark>	3
1.7 ปร <mark>ะโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ</mark>	4
เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง	6
2.1 กา <mark>รวิเคราะห์พฤติกรรมเชิงกลของโลหะ</mark>	6
2.2 กร <mark>ะบวนการพื้นฐานของโลหะแผ่น และระนาบ</mark> ความเค้น	15
2.3 ทฤษฎีไฟไนต์เอลิเม <mark>นต์</mark>	18
2.4 การลากขึ้นรูปลึกชิ้นงานที่มีรูปทรงไม่สมมาตร	28
2.5 ดรอบีด	30
2.6 ชนิดของเหล็กแผ่นที่ใช้ในการขึ้นรูป	35
2.7 งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง	36
วิธีการดำเนินการวิจัย	38
3.1 ขั้นตอนการดำเนินการวิจัย	38
3.2 เครื่องมือและอุปกรณ์ในการดำเนินงานวิจัย	47

สารบัญต่อ

ผลการทดลอง	55
4.1 เปรียบเทียบแรงในการขึ้นรูป	55
4.2 เปรียบเทียบความเครียดแนว <mark>คว</mark> ามหนา	57
4.3 ศึกษาอิทธิพลรูปทรงของดรอ <mark>บีด</mark> ในกระบวนการขึ้นรูป	62
สรุปผลการทดลอง	66
5.1 สรุปผลการทดลอง	66
5.2 การอภิปรายผล	66
5.3 ข้อเสนอแนะ	67
บรรณานุกรม	68
ภาคผนวก	
ภาคผนวก ก การค <mark>ำนวณแรงขึ้นรูป แรงกด</mark> ชิ้น <mark>ง</mark> านและขนาดของแผ่นชิ้นงาน	71
ภาคผนวก ข คุณสมบั <mark>ติทางก</mark> ลขอ <mark>งเ</mark> หล็ก	77
ภาคผนวก ค ข้อมู <mark>ลการท<mark>ดล</mark>อง</mark>	83
ภาคผนวก <mark>ง แบบชิ้นส่วน</mark> แม่พิมพ์	96



หน้า

สารบัญตาราง

ารางที่ เ	หน้า
2.1 ลักษณะการวิเคราะห์ความอิสระของการเคลื่อนที่ของแต่ละชนิด	24
2.2 ขนาดของดรอบีดและต่ำแหน่งของระยะห่างในการยึดติด	35
2.3 คุณสมบัติทางเคมีของเหล็กร <mark>ีด</mark> เย็น	36
3.1 สมบัติเชิงกลแผ่นเหล็กรีดเ <mark>ย็น</mark> SPCE ความหนา 1.0 มิลลิเมตร	42
3.2 ตารางชิ้นส่วนแม่พิมพ์	51
3.3 ตารางบันทึกแรงที่ใช้ในการ <mark>ลา</mark> กขึ้นรูป	54
3.4 ความเครียดในแนวความ <mark>หนาขอ</mark> งชิ้นงานในแต่ละจุดตรวจวัด	54



สารบัญภาพ

ภาพที่		หน้า
	2.1 พฤติกรรมการเปลี่ยนรูปของวัสดุ	6
	2.2 แบบจำลองพฤติกรรมระหว่างความเค้นและความเครียดของวัสดุ	8
	2.3 เปรียบเทียบกรอบการแตกหัก	10
	2.4 ชิ้นทดสอบตามทิศทางการรีด	13
	2.5 ทิศทางหลักในการทดสอบแ <mark>รงด</mark> ึง	15
	2.6 ทิศทางหลักของความเค้นแล <mark>ะค</mark> วามเครียด	16
	2.7 (ก) วงกลมบนโลหะแผ่น <mark>ขณะที่</mark> ยังไม่เปลี่ยนรูป (ข) เมื่อมีการเปลี่ยนรูป	16
	กริดวงกลม จะเปลี่ยนเป็นรูปวง <mark>รีขนา</mark> ดของแกนหลักคือ d ₁ และขนาดแกนรอง	
	คือ d ₂ (ค) การดึง,T, หรือแร <mark>งส่งผ่านต่อ</mark> หน่วยความกว้าง	
	2.8 (ก) การขึ้นรูปถ้ <mark>วยทรงกระบอก (ข) ชิ้นส่</mark> วนย่อยของถ้วยทรงกระบอก	17
	แสดงค่าความเครียด <mark>ที่วัดได้</mark> (ค) ผลค่ <mark>าความ</mark> เครียดที่ได้จากการขึ้นรูปถ้วย	
	ทรงกระบอก	
	2.9 การวิเคราะห์หา <mark>ผลเฉลยบนแผ่นอะลูมิเนียมด้</mark> วยการใช้ระเบียบวิธี	18
	ไฟไนต์เอลิเ <mark>มนต์</mark>	
	2.10 โ <mark>หนดในเอลิเมนต์แต่ละมิติ</mark>	19
	2.11 ช <mark>นิดของเอลิเมน</mark> ต์ตั้งแต่ 1 ถึง 3 <mark>มิติ (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1)</mark>	20
	2.12 การใช้เอ <mark>ลิเมนต์</mark> 1 มิติ ในงานโครงสร้าง	21
	2.13 การใช้เอ <mark>ลิเมนต์</mark> 2 มิติ ในงานที่มีลักษณะเป็นผนัง	21
	2.14 การใช้เอลิเมนต์ 3 มิติ ในงานที่ <mark>เป็นปริมาตรตั</mark> นที่มีความหนา	22
	2.15 ตัวอย่างโครงสร้างเอลิเมนต์ดั้งเดิม	23
	2.16 การแบ่งรูปร่างของปัญหาออกเป็นเอลิเมนต์แบบต่าง ๆ กัน	26
	2.17 เอลิเมนต์สามเหลี่ยมแบบอย่างประกอบด้วยสามจุดต่อโดยมีตัวไม่รู้ค่า	27
	อยู่ณ ตำแหน่งที่จุดต่อ	
	2.18 ความเสียหายที่เกิดบนชิ้นงานที่มีรูปทรงไม่สมมาตร	29
	2.19 ดรอบีดแบบหน้าตัดกลม (Round Drawbead)	30
	2.20 ดรอบีดแบบหน้าตัดครึ่งวงกลม (Half-Round Drawbead)	31
	2.21 ดรอบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยมผืนผ้า (Rectangular Drawbead)	31
	2.22 ดรอบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า (Trapenzifrom Drawbead)	32

สารบัญภาพ (ต่อ)

			a
ภ	٦	M	ท่
01			

2.23 ดรอบีดแบบหน้าตัดรูปตัววี (V-Shaped Drawbead)	32
2.24 ร่องบิดแบบหน้าตัดตามรูปร่างของดรอบีด	33
2.25 ร่องบีดหน้าตัดครึ่งวงกลม	33
2.26 ร่องบิดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ย <mark>มผื</mark> นผ้า	33
2.27 ร่องบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ย <mark>มคา</mark> งหมู	34
2.28 ร่องบีดแบบหน้าตัดสามเห <mark>ลี่ยม</mark>	34
2.29 ตำแหน่งและระยะของดร <mark>อบีด</mark>	35
3.1 แผนภาพการดำเนินกา <mark>รวิจัยกา</mark> รศึกษาอิทธิพลรูปทรงของดรอบีดในการ	39
ลากขึ้นรูปโลหะ ที่มีรูปทรงไม่ <mark>สมมาตรโดยก</mark> ารจำลองด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์	
3.2 ลักษณะชิ้นทดสอ <mark>บหาสมบัติเชิงกล</mark>	40
3.3 การบันทึกข้อมูลก <mark>ารทด</mark> สอบ <mark>กา</mark> รดึงจ <mark>ากโป</mark> รแกรมคอมพิวเตอร์	40
3.4 แผนภาพคว <mark>ามเค้น-ค</mark> วามเครียดวิ <mark>ศวก</mark> รรมและ ความเค้น-ความเครียด	41
จริงของเหล็ <mark>กรีดเย็น หนา</mark> 1 mm	
3.5 ห <mark>าค่าสั</mark> มป <mark>ระสิทธิ์ความต้านแรงและเลขชี้กำลัง</mark> การทำให้แข็งด้วย	42
ความเ <mark>ครียด ใช้แบบสมการกำลัง</mark> (Power function)	
3.6 ก <mark>ำหนดชื่อของเค</mark> รื่องมื <mark>อ</mark>	42
3.7 ขั้นตอนก <mark>ารสร้า</mark> งชิ้นส่วนเครื่องมือและชิ้นง <mark>าน</mark>	43
3.8 การสร้างผ <mark>ิวสำหรับเครื่องม</mark> ือและชิ้นงาน	43
3.9 การสร้างผิวสำหรับเครื่องมือและชิ้นงาน	44
3.10 กำหนดชนิดการขึ้นรูป	44
3.11 กำหนดชนิดวัสดุของชิ้นงาน	45
3.12 เครื่องมือและการกำหนดเงื่อนไขขอบเขตการขึ้นรูป	45
3.13 การประมวลผลของโปรแกรม Dyna Form 5.6	45
3.14 การกำหนดค่าสมบัติของวัสดุในโปรแกรม Dyna Form 5.6	46
3.15 ค่าความเครียดวิเคราะห์จากโปรแกรม Dyna Form 5.6	46
3.16 ค่าความหนาวิเคราะห์จากโปรแกรม Dyna Form 5.6	47
3.17 เครื่องปั้มโลหะขนาด 80 ตัน	48
3.18 แม่พิมพ์ลากขึ้นรูปลึกชิ้นงานที่มีรูปทรงไม่สมมาตร	48

สารบัญภาพ (ต่อ)

ภาพที่

C C	หน้า
3.19 เครื่องจักรกลอัตโนมัติ (CNC automatic machine)	49
3.20 ชิ้นงานทดลอง	49
3.21 ดรอบีดแบบหน้าครึ่งวงกลม	50
3.22 ดรอบีดแบบหน้าตัดสามเหลี่ยม	50
3.23 ดรอบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ย <mark>มด้</mark> านไม่เท่า	50
3.24 ส่วนประกอบของแม่พิมพ์ขึ <mark>้นรู</mark> ปลึก	51
3.25 แม่พิมพ์พร้อมใช้งาน	52
3.26 (ก) อุปกรณ์วัดแรงดันน้ำ <mark>มัน (ข)</mark> อุปกรณ์จัดเก็บสัญญาณ	53
3.27 บริเวณจุดที่ตรวจวัดคว <mark>ามเครียด</mark> บนชิ้นงาน	53
3.28 เครื่องวัดความหนาชิ้นง <mark>าน</mark>	53
4.1 เปรียบเทียบแรงขึ <mark>้นรูปจริงกับการจำลอง</mark> ด้ว <mark>ย</mark> ไฟไนต์เอลิเมนต์ในก	าารใช้ดรอ 55
บิดแต่ละชนิด ที่ระดับ <mark>แรงก</mark> ดชิ้นงา <mark>น</mark> 30 <mark>,50</mark> และ 70 เปอร์เซ็นต์	ของเหล็ก
SPCD	
4.2 บริเวณจุดที่ตรว <mark>จวัดค</mark> วามหนา <mark>บนชิ้นงาน</mark>	57
4.3 เปรียบ <mark>เทียบความเครียดแนวความหนาของกา</mark> รขึ้ <mark>นรู</mark> ปจริงกับก	ารจำลอง 58
ด้วยไฟ <mark>ไนต์เอลิ- เมนต์ในการใช้ดรอบีดแต่ละชนิด ที่ระดับแ</mark> รงกดชิ้	, นงาน 30
เปอร์เ <mark>ซ็นต์ เห</mark> ล็ก SPCD	
4.4 เป <mark>รียบเทียบควา</mark> มเคร <mark>ียดแนวความหนาของการ</mark> ขึ้นรูปจริงกับก	ารจำลอง 59
ด้วยไฟไนต์เอล <mark>ิเมนต์ในการใช้ดรอบีดแต่ละชนิด ที่</mark> ระดับแรงกดชิ้	นงาน 50
เปอร์เซ็นต์ เหล็ก SP <mark>CD - 10 - 10 - 10 - 10 - 10 - 10 - 10 - 1</mark>	
4.5 เปรียบเทียบความเครียดแนวความหนาของการขึ้นรูปจริงกับก	ารจำลอง
ด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์ในการใช้ดรอบีดแต่ละชนิด ที่ระดับแรงกดชิ้	ันงาน 70 60
เปอร์เซ็นต์ เหล็ก SPCD	
4.6 เปรียบเทียบรูปร่างของชิ้นงาน ระหว่างวิธีไฟในต์เอลิเมนต์แ	ละวิธีการ 61
ทดลองจริงของ ดรอบีดแบบครึ่งวงกลม ด้วยแรงกดชิ้นงาน 30 เ	ปอร์เซ็นต์
ของเหล็ก SPCE	
4.7 เปรียบเทียบรูปร่างของชิ้นงาน ระหว่างวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์และวิธี	รี้การ 62
ทดลองจริงของ ดรอบีดแบบครึ่งวงกลม ด้วยแรงกดชิ้นงาน 50 เปอร์	เซ็นต์
ของเหล็ก SPCE	

4.8 เปรียบเทียบรูปร่างของชิ้นงาน ระหว่างวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์และวิธีการ	62
ทดลองจริงของดรอบีดแบบครึ่งวงกลม ด้วยแรงกดชิ้นงาน 70 เปอร์เซ็นต์ ของ	
เหล็ก SPCE	
4.9 แผนภาพขีดจำกัดการขึ้นรูป กรณีการใช้ดรอบีดหน้าตัดครึ่งวงกลม ของ	63
เหล็ก	
4.10 แผนภาพขีดจำกัดการขึ้นรูปกรณีการใช้ดรอบีดหน้ารูปตัววี ของเหล็ก	64
SPCD	
4.11 แผนภาพขีดจำกัดการขึ้นรู <mark>ป</mark> กรณีการใช้ดรอบีดหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่	65
เท่า ของเหล็กSPCD	

4.12 แผนภูมิของร้อยละเอลิเม<mark>นต์ในแ</mark>ต่ละชนิดของดรอบีดของเหล็ก SPCD 65



คำอธิบายสัญลักษณ์และคำย่อ

A_{i}	พื้นที่หน้าตัดใด ๆ
A_o	พื้นที่หน้าตัดเดิม 🥚
Ε	ยังโมดูลัส
F	ค่าคงตัวแสดงคุณลักษ <mark>ณะ</mark> แอนไอโซทรอปิก
G	ค่าคงตัวแสดงคุณลักษ <mark>ณะ</mark> แอนไอโซทรอปิก
Н	ค่าคงตัวแสดงคุณลัก <mark>ษณะแ</mark> อนไอโซทรอปิก
$J_2^{}$	ลำดับที่สองของความ <mark>เค้นเบ</mark> ี่ยงเบน
Κ	สัมประสิทธิ์ความต <mark>้านแรง</mark>
L	ค่าคงตัวแ <mark>สดงคุณลักษณะแอนไอโ</mark> ซทรอปิก
L_i	ความยาวข <mark>ณะใดขณะหนึ่ง</mark>
L_o	ความยาวเดิม
M	ค่าคงตัวแ <mark>สดงคุณ</mark> ลักษณะแอนไอโซทรอปิก
Ν	ค่ <mark>าคงตัวแสดงคุณลักษณะแอนไอโซทรอปิก</mark>
R	อัตราส่วนของความเครียดในแนวกว้างต่อแนวหนา
\overline{R}	อัตราส่วนของความเครียดในแนวกว้างต่อแนวหนาเฉลี่ย
d_{i}	เส้นผ่า <mark>นศูน</mark> ย์กลางใด ๆ
$d_{_o}$	เส้นผ่า <mark>นศูน</mark> ย์กลางเริ่มต้น
n	เลขยกกำ <mark>ลังของความเครียดแ</mark> ข็ง
t	ความหนาของวัสดุ
t_o	ความหนาของวัสดุที่ลดลง
w	ความกว้างของวัสดุ
W _o	ความกว้างของวัสดุที่ลดลง
$\left\{F ight\}_{e}$	เมทริกซ์ของแรงกระทำที่จุดต่อ
$\left\{F ight\}_{sys}$	เมทริกซ์รวมของแรงกระทำที่จุดต่อ
$[k]_{e}$	สทิฟเนสเมทริกซ์ของเอลิเมนต์
$[K]_{sys}$	สทิฟเนสเมทริกซ์ของรวมระบบ
$\lfloor N \rfloor$	เมทริกซ์ฟังก์ชัน

$\{\phi\}$	เมทริกซ์ที่ประกอบด้วยตัวไม่รู้ค่าที่จุดต่อเอลิเมนต์
$\{\phi\}_{sys}$	เมทริกซ์ที่ประกอบด้วยตัวไม่รู้ค่าที่จุดต่อเอลิเมนต์ของระบบ
σ	ความเค้น
$\widetilde{\sigma}$	ความเค้นจริง
$\sigma_{_o}$	ความเค้นคราก
ε	ความเครียด
$\widetilde{\varepsilon}$	ความเครียดจริง
${\cal E}_t$	ความเครียดพลาสติกทิ <mark>ศท</mark> างความหนา
${\cal E}_w$	ความเครียดพลาสติกทิ <mark>ศท</mark> างความกว้าง
τ	ความเค้นเฉือน
$d\lambda$	อัตราส่วนของความเ <mark>ครียดต</mark> ่อความเค้น
β	อัตราส่วนความเคร <mark>ียด</mark>
α	อัตราส่วนความเค้น
θ	มุมทิศทางก <mark>ารรีด</mark>
-	

1.1 ความเป็นมาของปัญหา

กระบวนการขึ้นรูปโลหะแผ่นที่ใช้กันอยู่ในโรงงานอุตสาหกรรม จะมีกระบวนการหรือวิธี ในการขึ้นรูปหลายวิธีด้วยกัน การดึงขึ้นรูปลึก (Deep Drawing) เป็นวิธีการหนึ่งที่ใช้กันอย่าง แพร่หลาย บางครั้งในการดึงขึ้นรูปนั้น วัสดุจะถูกจับยึดระหว่างดาย (Die) และแรงกดชิ้นงาน (Blank holder Force) และจะถูกกดขึ้นรูปด้วยพั้นซ์ (Punch) วัสดุที่ถูกกดจะเปลี่ยนไปตามรูปร่างของพั้นซ์ ภายใต้สภาวะที่มีผลกระทบต่อการขึ้นรูปต่าง ๆ ไม่ว่าจะเป็นความเร็วในการขึ้นรูป คุณสมบัติด้าน แอนไอโซทรอปี และโดยเฉพาะอย่างยิ่ง ความเสียดทานและแรงกดชิ้นงาน แต่อย่างไรก็ตามแผ่นกด ชิ้นงานมิได้มีผิวสัมผัสกันตลอดทั้งวัสดุชิ้นงาน จึงเป็นการอยากที่จะควบคุมการขึ้นรูปลึกจากแผ่นกด ชิ้นงานได้แต่เพียงอย่างเดียว โดยเฉพาะชิ้นงานที่มีรูปทรงไม่สมมาตรเนื่องจากมีอัตราการไหลตัวของ วัสดุที่ไม่เท่ากัน [1] เพื่อให้การไหล<mark>ตัวของวัสดุดีขึ้น จึงมีกา</mark>รนำเอาดรอบีดมาช่วยในการทำงาน

ดรอบีดจะถูกใช้ในการควบคุ<mark>มกา</mark>รไห<mark>ลขอ</mark>งวัส<mark>ดุ เพื่</mark>อป้องกันมิให้เกิดรอยย่นหรือให้เกิดรอยย่น ้น้อยที่สุด โดยดรอบีดจะถูกติ<mark>ดอยู่ที่แผ่นกดชิ้นงาน ขณะที่</mark>มีการขึ้นรูปลึกวัสดุจะไหลผ่านดรอบีด ภายในดรอบีดวัสดุจะ<mark>เกิดการดัดให้ไหลไปในทิศทางหนึ่งและถูกดัด</mark>กลับมาในทิศทางตรงกันข้าม ้ก่อนที่จะไหลดัดกลั<mark>บไปยังทิศทางเดิมจึงทำให้มีการชะลอการไห</mark>ลของวัส<mark>ด</mark>ุไม่ให้ไหลเร็วเกินไปอันเป็น สาเหตุของการเกิด<mark>รอยย่น ก่อนไห</mark>ลเข้าช่องดาย Meiders,et al [2] ได้ศึกษาการนำดรอบีดมาใช้กับ การขึ้นรูปโลหะโด<mark>ยการสร้างแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ด้วยวิธี</mark>ไฟไนต์เ<mark>อลิเมนต์ ตัวแปลที่สำคัญ</mark> ประกอบด้วย แรงในการ<mark>ควบคุม</mark>การไหลตัวของโลหะ (Drawbead Restraining Force) การ เปลี่ยนแปลงความหนาแบบ<mark>พลาสติก,และแรงยกครอบีด (Draw</mark>bead Lift Force) ได้มีการจำลอง ้ดรอบีดแบบสองมิติ และการทด<mark>ลองจริงค่าความแตกต่างทา</mark>งคณิตศาสตร์ทั้งสองค่าจะเป็นเครื่องมือที่ สำคัญในการอธิบายการเปลี่ยนแปลงความหนาแบบพลาสติกได้ M.Samuel [3] ได้ศึกษาอิทธิพล รูปทรงของดรอบีดในการขึ้นรูปโลหะ ใช้วิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ในการสร้างแบบจำลองของดรอบีด เปรียบเทียบรูปทรงของดรอบีดระหว่างร่องบีดที่เป็นแบบครึ่งวงกลมกับร่องบีดที่เป็นแบบสี่เหลี่ยม และวิเคราะห์ความแตกต่างของการไหลตัวของวัสดุในการใช้ร่องบีดทั้งสองชนิดเปรียบเทียบกับการ ทดลอง บุญส่ง จงกลนี [1] ได้ศึกษาการออกแบบแม่พิมพ์ที่จะใช้ในการลากขึ้นรูปลึกชิ้นงานที่มี ้ลักษณะไม่สมมาตร เพื่อใช้ในการทดสอบอิทธิพลของตัวแปรที่มีอิทธิพลต่อการขึ้นรูป 4 ตัวแปร รูปร่างแผ่นเปล่า (Blank geometry) ขนาดแรงกดชิ้นงาน (BHF) ชนิดของสารหล่อลื่น (Lubricant type) และรูปร่างดรอบีด (Drawbead Geometry)

ดรอบีดที่ใช้กันอยู่ทั่ว ๆไปในงานอุตสาหกรรมการขึ้นรูปโลหะแผ่นมีหลายรูปทรง เช่น ดรอ บีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า (Trapenzifrom Drawbead), ดรอบีดแบบหน้าตัดครึ่งวงกลม (Half-Round Drawbead), ดรอบีดแบบหน้าตัดรูปตัววี (V-Shaped Drawbead) เพื่อเป็นข้อมูลใน การนำดรอบีดไปใช้งาน ต้องมีการทำนายประสิทธิภาพของดรอบีด โดยการสร้างแบบจำลองเพื่อ ศึกษาผลกระทบจากดรอบีดในการขึ้นรูปโลหะแผ่นด้วยคอมพิวเตอร์[4] ควรเลือกใช้วิธีทาง ไฟในต์เอลิเมนต์ (Fininte Element) เพื่อให้ได้ผลวิเคราะห์ที่มีความแม่นยำ แต่อย่างไรก็ตามถ้า ต้องการผลวิเคราะห์ที่มีความละเอียดแม่นยามากขึ้นจะต้องใช้จำนวนการแบ่งชิ้นงาน (Element) เป็นจำนวนมากโดยเฉพาะตรงบริเวณรัศมีดรอบีดมีขนาดเล็ก ทำให้ต้องใช้เวลามากและเครื่อง คอมพิวเตอร์ต้องมีประสิทธิภาพสูงยิ่งมีจำนวนชิ้นงานที่มีความละเอียดมากเท่าใด ย่อมหมายถึงว่า ต้องใช้เวลาและประสิทธิภาพสูงยิ่งมีจำนวนจิ้นงานที่มีความละเอียดมากเท่าใด ย่อมหมายถึงว่า ต้องใช้เวลาและประสิทธิภาพสูงยิ่งมีจำนวนคุมแรงในการกดชิ้นงานให้คงที่ จะมีเฉพาะการ เปลี่ยนแปลงการกระจายความเครียด (Strain) และความหนาของชิ้นงานที่เปลี่ยนไป

จากที่ได้กล่าวมาแล้วจึงได้จัดทำโครงการวิจัยขึ้นเพื่อศึกษาผลกระทบจากดรอบีดที่มีผลการ ควบคุมการไหลของโลหะแผ่น โดยวิเคราะห์ด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์ (FEM) เพื่อมุ่งเน้นการประยุกต์ รูปร่างของดรอบีด โดยการทดลองทำการเปรียบเทียบดรอบีดแบบหน้าตัดรูปตัววี ดรอบีดแบบหน้า ตัดครึ่งวงกลม และ ดรอบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า ที่มีผลต่อการไหลตัวของโลหะในการลาก ขึ้นรูปโลหะแผ่นที่มีรูปทรงไม่สมมาตรโดยวิธีการวิเคราะห์ไฟไนต์เอลิเมนต์ เพื่อศึกษาผลการวิเคราะห์ กับผลการทดลองซึ่งจะสามารถช่วยลดเวลาในการทดลองแม่พิมพ์เพื่อการผลิตจริงต่อไป

1.2 วัตถุประสง<mark>ค์</mark>

1.2.1 เพื่อศึกษาอิ<mark>ทธิพล</mark>ของรูปทรงดรอว์บีดในการลากขึ้นรูปชิ้นงานแบบไม่สมมาตร โดย การจำลองไฟไนต์เอลิเมนต์

- 1.2.2 เพื่อออกแบบการจำลองไฟในต์เอลิเมนต์กระบวนการลากขึ้นรูปชิ้นงานไม่สมมาตร
- 1.2.3 เพื่อศึกษาวิเคราะห์การไหลตัวของชิ้นงานต่ออิทธิพลรูปทรงดรอว์บิส

1.3 ขอบเขตของงานวิจัย

1.3.1 จำลองการขึ้นรูปวัสดุชิ้นงานแผ่นเหล็กรีดเย็น SPCD ความหนา 1.0 มิลลิเมตร เปรียบเทียบกับการขึ้นรูปจริง

1.3.2 สร้างแบบจำลองรูปทรงของดรอบีด ดังนี้

- ดรอบีดแบบหน้าตัดครึ่งวงกลม

- ดรอบีดแบบหน้าตัดรูปตัววี

- ดรอบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า

 1.3.3 เปรียบเทียบแรงกดชิ้นงาน(Blank holder force)ของการจำลองการขึ้นรูปด้วยไฟ ในต์เอลิเมนต์กับการขึ้นรูปจริง โดยเปรียบเทียบจากเปอร์เซ็นต์ของแรงขึ้นรูปที่แรงกดชิ้นงาน เท่ากับ
 30%,50% และ 70% ของแรงที่ใช้ขึ้นรูปลึกที่เหมาะสมกับชนิดของดรอบีด

1.3.4 ศึกษาอิทธิพลของรูปทรงดรอบีด

ดรอบีดแบบหน้าตัดครึ่งวงก<mark>ลม</mark>

- ดรอบีดแบบหน้าตัดรูปตัววี
- ดรอบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า
- 1.3.5 วิเคราะห์แรงลากขึ้นรูปและวั<mark>ดค</mark>วามเครียดจากความหนาของชิ้นงาน

1.4 วิธีดำเนินงานวิจัย

1.4.1 ศึกษาข้อมูลและงานวิจัย<mark>ที่เกี่ยวข้อง</mark>

1.4.2 ทดสอบหาสมบัติ<mark>เชิงก<mark>ลของวัสดุเหล็กรีด</mark>เย็นเกรด SPCD ความหนา 1.0 มิลลิเมตร</mark>

1.4.3 ออกแบบสร้างแม่พิมพ์ สำหรับการจำลองการขึ้นรูปด้วยระเบียบวิธีไฟไนเอลิเมนต์ ด้วยโปรแกรม Dyna Form 5.6

1.4.4 กษาผลการวิเค<mark>ราะห์ด้วยไฟในต์เอ</mark>ลิเม<mark>นต์ จาก</mark>การจำลองการขึ้นรูป

1.4.5 ทดลองขึ้นรูปชิ้นงานตามแบบที่กำหนด

1.4.6 ทำการเก็บข้อมูลได้แก่ ความเครียดแนวความหนา และพฤติกรรมการฉีกขาด ที่ได้ จากการทดลองขึ้นรูปชิ้นงานจริง

1.4.7 ศึกษาวิเคร<mark>าะห์และเปรียบเทียบข้อมูลผลการขึ้นรูป</mark>ชิ้นงานจริง กับการจำลองการขึ้น รูปด้วยระเบียบวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ เพื่อศึกษาแนวโน้มและความสอดคล้องของข้อมูล

1.4.8 วิเคราะห์ผล<mark>ลัพธ์ และสรุปผ</mark>ลการวิ<mark>เคราะห์การ</mark>ขึ้นรูปขึ้นงาน

1.5 คำจำกัดความในการวิจัย

1.5.1 แรงกดชิ้นงานคือ ขนาดของแรงกดของแผ่นกดชิ้นงาน (Blank holder) ที่พอเหมาะ สำหรับป้องกันไม่ให้ชิ้นงานเกิดรอยย่นหรือชิ้นงานเกิดรอยฉีกขาด เช่น ถ้าแรงกดมากเกินไปจะทำให้ ชิ้นงานเกิดรอยฉีกขาดหรือถ้าแรงกดน้อยเกินไปจะทำให้ ชิ้นงานเกิดรอยย่นได้ [1]

 1.5.2 ดรอบีด มีหน้าที่ในการควบคุ่มการไหลตัวขอโลหะที่จะเข้าไปในดายและช่วยป้องกัน ไม่ให้เกิดรอยย่น (Wrinkle) ในขณะขึ้นรูป นอกจากยังช่วยลดแรงกดของแบงค์โฮลเดอร์ตลอดจนทำ หน้าที่เหมือบกับ ปรับตัวรีดโลหะให้ความเครียด (Strain) ลดลง เพื่อเพิ่มคุณสมบัติในการขึ้นรูปของ โลหะ[4]

1.6 กรอบแนวความคิดในการวิจัย

กระบวนการขึ้นรูปโลหะแผ่น เป็นการเปรียบรูปทรงของแผ่นโลหะแบบราบให้เป็นรูปทรง ตามที่ต้องการ โดยปราศจากการแตกหรือการบางเฉพาะแห่ง กระบวนการขึ้นรูปโลหะแผ่น จะถูกทำ ให้เสียรูปการด้วยเครื่องมือ ซึ่งประกอบด้วย พั้นซ์ ดาย โดยอาศัยแรงกดจากพั้นซ์ทำให้วัสดุเกิดการ ไหลตัวเป็นไปตามขนาดและรูปทรงของดาย ดังนั้นต้องศึกษาสมบัติเชิงกลของวัสดุที่นำมาขึ้นรูป อิทธิพลตัวแปรของรัศมีพั้นซ์และดายที่มีผลต่อการขึ้นรูปโลหะแผ่น ซึ่งได้อธิบายดังนี้

พฤติกรรมของแผ่นโลหะที่เกิดขึ้นในกระบวนการลากขึ้นรูปในช่วงการเปลี่ยนรูปถาวร สามารถ หาได้จากความสัมพันธ์ระหว่างความเค้นความเครียดและคุณสมบัติของวัสดุเป็นแบบแอนไอโซทรอปี (Anisotropy)[5] สมบัติเลขซี้กำลังการทำให้แข็งด้วยความเครียด (Strain-hardening exponent, *n* – values) และสัมประสิทธิ์ความต้านแรง (Strength coefficient, *K*) โดยค่า *n* เป็นค่าที่บ่งบอก ถึงความสามารถในการขึ้นรูป ถ้าค่า *n* มีค่ามากจะทำให้โลหะแผ่นมีความสามรถในการขึ้นรูปดี และ อัตราส่วนความเครียดพลาสติก *R* (Anisotropy) เป็นค่าที่แสดงถึงความสามารถในด้านความ ต้านทานการหดตัวในแนวความหนา จะทำให้ขอบของชิ้นงานหลังการขึ้นรูปยาวไม่เท่ากันหรือเกิด Earing [6]

การควบคุมแรงกดชิ้นงานที่ไม่พอเพียง จะทำให้เกิดรอยย่นของโลหะ ซึ่งการย่นนี้จะให้โลหะ แผ่นไม่สามารถที่จะไหลตัวได้ ทำให้บริเวณส่วนก้นของชิ้นงานถูกพั้นซ์ดันฉีกขาดแต่ถ้าแรงกดชิ้นงาน มากเกินไป โลหะก็จะไม่สามารถไหลตัวเช่นเดียวกัน โดยเฉพาะการขึ้นรูปชิ้นงานที่ไม่สมมาตรจะทำให้ อัตราการไหลของโลหะแต่ละจุดไม่เท่ากัน ทำให้แรงที่ใช้ในการกดแต่ละจุดไม่เท่ากันด้วย สำหรับ บริเวณที่ต้องการแรงกดมากจะใช้ดรอบีดเข้ามาช่วยเพื่อทำให้การไหลตัวของโลหะช้าลง [7]

ดรอบีดมีหน้าที่ควบคุมการไหลตัวของโลหะที่จะไหลเข้าไปในดาย และช่วยป้องกันไม่ให้เกิด รอยย่น ในขณะขึ้นรูปนอกจากนั้นยังช่วยลดแรงกดชิ้นงานและตัวรีดโลหะให้ความเครียดลดลงเป็น การเพิ่มคุณสมบัติในการขึ้นรูปของโลหะ การติดตั้งดรอบีดสามารถติดตั้งที่แผ่นกดชิ้นงานหรือที่ดายก็ ได้แต่ปกตินิยมติดตั้งอยู่ที่แผ่นกดชิ้นงาน และร่องบีด (Bead) จะอยู่ที่ดาย

1.7 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ

1.7.1 สามารถเลือกใช้แรงที่เหมาะสมในการกดชิ้นงานของแผ่นกด ที่เหมาะสมกับชนิดของ ดรอบีด

1.7.2 สามารถเลือกใช้ดรอบีดได้อย่างเหมาะสม

 1.7.3 สามารถนำไปเป็นข้อมูลเบื้องต้นในการตัดสินใจที่จะใช้ดรอบีดมาประยุกต์ใช้ในงาน อุตสาหกรรมแม่พิมพ์ลากขึ้นรูปลึก 1.7.4 ได้ทราบข้อดีและข้อเสียของรูปทรงดรอบีดที่ใช้ในกระบวนการลากขึ้นรูปลึก



บทที่ 2 เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

2.1 การวิเคราะห์พฤติกรรมเชิงกลของโลหะ

ทฤษฎีในการวิเคราะห์พฤติกรรมเชิง<mark>ก</mark>ลของโลหะวัสดุแผ่น (Sheet Metal) พฤติกรรม การเปลี่ยนรูปในช่วงถาวร (Plasticity) และ<mark>พ</mark>ฤติกรรมการเปลี่ยนรูปในช่วงยืดหยุ่น (Elasticity) ้เมื่อวัสดุซึ่งได้รับแรงกระทำจะเกิดการเปลี่<mark>ยน</mark>รูปถ้านำแรงที่กระทำออก วัสดุจะคืนตัวเล็กน้อย ้เมื่อไม่ได้รับแรงกระทำ ในส่วนพฤติกรรมกา<mark>รเป</mark>ลี่ยนรูปถาวรเมื่อวัสดุได้รับแรงกระทำจนวัสดุเลยจุด ้คราก (Yield Point) ถ้านำแรงที่กระทำออ<mark>กวัสดุจ</mark>ะไม่กลับคืนตัว วัสดุจะเกิดการเปลี่ยนรูปอย่างถาวร ้คุณสมบัติทางกลที่สำคัญอันหนึ่งซึ่งจะมีผ<mark>ลต่อก</mark>ารขึ้นรูปของวัสดุโลหะแผ่นคือ ค่าความสัมพันธ์ ระหว่างความเค้นและความเครียด (True Stress-Strain Relation) ซึ่งในกรณีที่ใช้กฎยกกำลัง (Power Law) จะต้องหาค่าคุณสมบัติของค่า Strength Coefficient (K) และ Strain Hardening Exponent (*n*) โดยค่า *n* เป็นค่า<mark>ที่บ่งบ</mark>อกถึง<mark>ค</mark>วามส<mark>ามาร</mark>ถในการขึ้นรูป ถ้าค่า *n* มีค่ามากจะทำให้ โลหะแผ่นมีความสามารถในการขึ้<mark>นรูป</mark>ดี และค่า<mark>คุณ</mark>สมบัติที่ไม่เท่ากันทุกทิศทางในแนวระนาบ (Planar Anisotropy) ซึ่งค่าที่ส<mark>ำคัญคือค่า *R* (r-valueหรือ P</mark>lastic Strain Ratio) หาได้จากสัดส่วน ้ความเครียดในแนวค<mark>วามกว้างกับความเครียดในแนวความหนา</mark> ซึ่งค่า *R* เป็นค่าที่แสดงถึง ้ความสามารถในด้า<mark>นความ</mark>ต้<mark>านทานการหดตัวในแนวความหนา</mark> เนื่<mark>องจาก</mark>เหล็กแผ่นผ่านการรีดมาทำ ให้อนุภาคภายในม<mark>ีทิศทางตามแนวรีด ส่งผ</mark>ลให้ค<mark>วามสามารถในการยืดห</mark>ดตัวของเหล็กแผ่นแตกต่าง ้กัน ดังนั้นในการห<mark>า</mark>ค่า *R* จ<mark>ำเป็นต้องหาอย่างน้อย 3 แนว คือค่า *R* ในทิศต</mark>ามแนวรีดทิศ 45[°] กับแนว รีด และทิศทางตั้งฉากกับ<mark>แนวรีด</mark> ถ้าค่า R แตกต่างกันมาก จะทำให้ขอบของชิ้นงานหลังการขึ้นรูป ้ยาวไม่เท่ากันหรือการเป็นคลื่นที่<mark>ขอบชิ้นงาน</mark> (Earing) [8]

2.1.1 ทฤษฎีในการเปลี่ยนรูปช่วงยึดหยุ่น (Elastic Theory)

เมื่อวัสดุได้รับแรงดึงจะทำให้วัสดุเกิดการยืดตัวซึ่งสามารถแบ่งพฤติกรรมการยืดตัว ออกเป็น 2 ส่วน หลัก ๆ คือ การเปลี่ยนรูปในช่วงยืดหยุ่นหรือช่วงอีลาสติกและการเปลี่ยนรูปถาวร หรือช่วงพลาสติก ดังภาพที่ 2.1



ภาพที่ 2.1 พฤ<mark>ติกรรมกา</mark>รเปลี่ยนรูปของวัสดุ [9]

คุณสมบัติของวัสดุที่ทำการวิเคราะห์ ซึ่งเขียนอยู่ในรูปกราฟความสัมพันธ์ระหว่างความเค้น และความเครียดจริง (True Stress-True Strain Curve) หรือเรียกอีกชื่อว่า (Flow Curve) ซึ่งมี ลักษณะเป็นเชิงเส้น (Linearity) หรือไม่เป็นเชิงเส้น (Non-Linearity) โดยมีความสำคัญในการ นำมาใช้ ในการคำนวณเพื่อช่วยให้ทำนายผลได้ถูกต้องแม่นยำ ในการวิเคราะห์วิธีไฟไนต์เอลิเมนต์จะ กำหนดให้วัสดุของแบบจำลองมีคุณสมบัติเท่ากันทุกทิศทาง (Isotropy) ซึ่งจะแตกต่างจากพฤติกรรม ของวัสดุจริงเนื่องจากวัสดุจริงมีการเรียงตัวของผลึกไม่เท่ากันทุกทิศทางทำให้วัสดุมีคุณสมบัติแบบ Anisotropy โดยที่กราฟความสัมพันธ์ระหว่างความเค้นและความเครียดจริงของวัสดุสามารถหาได้ จากการทดสอบดึง (Uni-Axial Tension Test) หรือการทดสอบกด (Compression Test) ในการ ทดสอบแรงดึงชิ้นทดสอบชนิดหน้าตัดกลมหรือชนิดหน้าตัดสี่เหลี่ยมจะถูกแรงกระทำโดยการดึงหรือ กดเพิ่มแรง (*F*) อย่างช้า ๆ และควบคุมความเร็วให้ชิ้นทดสอบเปลี่ยนรูปอย่างสม่ำเสมอตามแนวแกน แล้ววัดค่าแรงและระยะการเปลี่ยนรูปของชิ้นทดสอบ จนกระทั่งชิ้นทดสอบเกิดความเสียหายหรือขาด ออกจากกัน ผลการทดสอบที่ได้จะนำไปหาคุณสมบัติเชิงกลของวัสดุชิ้นทดสอบ ซึ่งความเค้นที่เกิด ภายในวัสดุสามารถหาได้ โดยนำแรงภายนอก *F*,ในแต่ละช่วงของการทดสอบหารด้วยพื้นที่หน้าตัด เริ่มต้นของชิ้นงาน [9]

$$\sigma = \frac{F_i}{A_o} \tag{2.1}$$

โดย F_i คือ แรงดึงหรือโหลด A_o คือพื้นที่หน้าตัดเดิมของชิ้นทดสอบ และ σ คือความเค้นเฉลี่ยหรือ ความเค้นเชิงวิศวกรรม (Engineering Stress) ซึ่งมีทิศทางตั้งฉากกับพื้นที่หน้าตัด A_o

สำหรับความเครียดเชิงวิศวกรรม (Engineering Strain) สามารถคำนวณได้จากความยาว ที่เปลี่ยนไปหารด้วยความยาวเดิมของชิ้นทดสอบ

$$\varepsilon = \frac{\Delta L}{L_o} = \frac{L_i - L_o}{L_o} \tag{2.2}$$

โดย ΔL คือ ความยาวที่เปลี่ยนไป L_{ρ} คือความยาวเดิมของขึ้นทดสอบ L_{i} คือความยาวขณะใด ขณะหนึ่งและ ε คือความเครียดเฉลี่ย เป็นความเครียดเชิงวิศวกรรม ซึ่งมีทิศทางเดียวกับทิศทางของ แรง F ความสัมพันธ์ระหว่างความเค้นกับความเครียดที่ได้จากการคำนวณโดยใช้พื้นที่หน้าตัดและ ความยาวเดิมของขึ้นทดสอบเรียกว่ากราฟความสัมพันธ์ระหว่างความเค้นและความเครียด เชิงวิศวกรรม (Engineering Stress-Strain Curve) ซึ่งในการทดสอบจริง ในขณะที่ระดับความเค้น ในขึ้นงานทดสอบเพิ่มเลยความเค้นคราก พื้นที่หน้าตัดและความยาวของชิ้นงานทดสอบจะมีการ เปลี่ยนแปลงอย่างต่อเนื่องจนเกิดคอคอดและขาดออกจากกันในที่สุด ซึ่งความสัมพันธ์ระหว่างความ เค้นและความเครียดสามารถหาได้โดยใช้พื้นที่หน้าตัดและความยาวที่เปลี่ยนแปลงในแต่ละขณะ ซึ่ง เรียกว่ากราฟความสัมพันธ์ระหว่างความเค้นจริงและความเครียดจริง (True Stress True Strain Curve) หรือเรียกอีกชื่อว่า (Flow Curve) ซึ่งแสดงให้ทราบถึงพฤติกรรมของวัสดุในช่วงการเปลี่ยน รูปถาวร ถ้า $\tilde{\sigma}$ เป็นความเค้นจริงและ $\tilde{\varepsilon}$ เป็นความเครียดจริง

$$\tilde{\sigma} = \frac{F_i}{A_i} = \sigma\left(\frac{A_o}{A_i}\right)$$
(2.3)

โดย A_i คือพื้นที่หน้าตัดใด ๆ A_o คือพื้นที่หน้าตัดเริ่มต้น σ คือความเค้นเฉลี่ย F_i คือแรงดึงที่ กระทำบนชิ้นทดสอบ

สำหรับความเครียดจริง *ɛ* สามารถหาได้โดยพิจารณาที่ความยาวใด ๆ ที่เพิ่มขึ้น ซึ่งหาได้ จากการ อินทิเกรตความยาว dL_i ใด ๆ

$$\widetilde{\varepsilon} = \int_{L_o}^{L_i} \frac{dL_i}{L_i} = \ln \frac{L_i}{L_o}$$
(2.4)

ในกรณีการขึ้นรูปโลหะมีปริมาตรก่อนและหลังการขึ้นรูปจะเกิดการเปลี่ยนแปลงน้อยมาก ดังนั้น จะสมมุติให้ปริมาตรไม่เกิดการเปลี่ยนแปลงทั้งก่อนและหลังการขึ้นรูปทำให้มีปริมาตรเท่าเดิม

$$A_o L_o = A_i L_i \tag{2.5}$$

$$\frac{A_o}{A_i} = \frac{L_i}{L_o} = \frac{L_o + \Delta L}{L_o} = 1 + \varepsilon$$
(2.6)

้ดังนั้นความเค้นจริงและความเครียดจริงโดยส<mark>มม</mark>ุติฐานให้ปริมาตรก่อนและหลังการขึ้นรูปคงที่

$$\widetilde{\sigma} = \sigma(1+\varepsilon) \tag{2.7}$$

$$\widetilde{\varepsilon} = \ln \frac{A_o}{A_i} = 2\ln \frac{d_o}{d_i}$$
(2.8)

้โดย d, คือเส้นผ่าศูนย์กลาง ใดๆ d_o คื<mark>อ</mark>เส้นผ่าศูนย์ก<mark>ลาง</mark>เริ่มต้นของชิ้นงานทดสอบ

2.1.2 ทฤษฎีในการเปลี่ยนรูปถาวรหรือในช่วงพลาสติก (Plasticity Theory)

ในการขึ้นรูปวัสดุโลหะแผ่นให้มีรูปทรงตามที่ต้องการจะต้องให้แรงกระทำกับวัสดุ เพื่อให้วัสดุเปลี่ยนรูปอย่างถาวร ผลจากการทดสอบการดึงวัสดุพบว่าพฤติกรรมของวัสดุแบ่งได้เป็น สองช่วงคือ ช่วงยืดหยุ่นและช่วงเปลี่ยนรูปอย่างถาวรหรือช่วงพลาสติกพฤติกรรมเหล่านี้ อยู่ด้วยกัน หลายลักษณะซึ่งสามารถแสดงด้วยแบบจำลอง (Model) ความสัมพันธ์ระหว่างความเค้นและ ความเครียด ดังภาพที่ 2.2



ภาพที่ 2.2 แบบจำลองพฤติกรรมระหว่างความเค้นและความเครียดของวัสดุ [9]

ในการพิจารณาการเปลี่ยนรูป จะใช้เกณฑ์การคราก (Yield Criterion) เป็นเกณฑ์ที่จะ กำหนดการเปลี่ยนรูป จากอิลาสติกไปเป็นพลาสติก และทฤษฎีพื้นฐานที่นิยมใช้ในการทำนายการ ครากตัวของโลหะแผ่นคือทฤษฎีความเค้นเฉือนสูงสุด (Treska Yield Theory) ทฤษฎีฟอนมิเซส์ (Von Misses Theory) และทฤษฎีของฮิล (Hill Theory) ในส่วนของทฤษฏีความเค้นเฉือนสูงสุดและ ทฤษฎีของฟอนมิเซส์จะมีข้อสมมุติฐานว่าวัสดุมีคุณสมบัติทางกลเท่ากันทุกทิศทาง (Isotropy) ส่วน ทฤษฎีของฮิล จะพิจารณาอิทธิพลของโลหะที่ผ่านการรีด (Anisotropy) ในการใช้กฎเกณฑ์การคราก สำหรับการวิเคราะห์ชิ้นงานนี้จะใช้ทฤษฎีการครากของฮิล ทฤษฏีนี้เหมาะสำหรับวัสดุโลหะแผ่นที่มี คุณสมบัติแอนไอโซทรอปิค [9]

2.1.3 เกณฑ์การคราก (Yield Crit<mark>er</mark>ia)

ทฤษฎีของฟอนมิเซส์หรือเรียกอีกชื่อหนึ่งว่าทฤษฎีพลังงานแปรรูป (Distortion Theory) ซึ่งฟอนมิเซส์ ได้เสนอว่าการครากจะเกิดขึ้นเมื่อพลังงานแปรรูปภายในเนื้อวัสดุอยู่ในสภาวะ ที่แรงกระทำมีค่าเท่ากับพลังงานแปรรูป จากการทดสอบแรงดึงของวัสดุทดสอบ ซึ่งก็คือค่าความเค้น เบี่ยงเบนอันดับสอง J₂ ซึ่ง J₂ = k₂

$$J_{2} = \frac{1}{6} \left[(\sigma_{1} - \sigma_{2})^{2} + (\sigma_{2} - \sigma_{3})^{2} + (\sigma_{3} - \sigma_{1})^{2} \right]$$
(2.9)

ในกรณีของชิ้นทดสอบที่ได้รับแรงดึง $\sigma_1 = \sigma_o, \sigma_2 = \sigma_3 = \sigma_o$

$$J_{2} = \frac{1}{6} \left(\sigma_{o}^{2} + \sigma_{o}^{2} \right) = k$$
(2.10)
$$\sigma_{o} = \sqrt{3}k$$
(2.11)

เมื่อ σ_a คือความเค้นคราก

k คือความเค้นเฉือนสูงสุดที่ได้จากการทดสอบดึงวัสดุ

สำหรับวัสดุทดสอบที่ได้รับแรงเฉือนเพียงอย่างเดียว $au = \sigma_1 = -\sigma_3, \zeta_2 = 0$ เมื่อแทนลงในสมการที่ 2.9 [9] จะได้สมการการครากคือ

$$\sigma_1^2 + \sigma_1^2 + 4\sigma_1^2 = 6k \tag{2.12}$$

11

$$\sigma_1 = k \tag{2.13}$$

จากสมการที่ 2.11 และ 2.13 จึงสามารถหาค่า k ได้คือ

$$k = \frac{\sigma_o}{\sqrt{3}} = \sigma_1 \tag{2.14}$$

จาก $j_2 = k^2$ สามารถจัดสมการที่ 2.9 แ<mark>ละ</mark> 2.14 ได้ใหม่คือ

$$\sigma_{o} = \frac{1}{\sqrt{2}} \left[(\sigma_{1} - \sigma_{2})^{2} + (\sigma_{2} - \sigma_{3})^{2} + (\sigma_{3} - \sigma_{1})^{2} \right]^{\frac{1}{2}}$$
(2.15)



ภาพที่ 2.3 เปรียบเทียบกรอบการแตกหัก [9]

จะเห็นได้ว่าการครากจะเกิดขึ้นเมื่อความเค้นมีค่าเท่ากับ ¹/_{√3} เท่าของความเค้นครากที่ได้จากการดึง วัสดุทดสอบ เมื่อเปรียบเทียบทฤษฎีทั้งสองโดยพิจารณาจากภาพที่ 2.3 ซึ่งแสดงกรอบการแตกหัก ของวัสดุพบว่าทฤษฎีของฟอนมิเซส์ ให้ผลการทำนายการครากใกล้เคียงมากกว่าทฤษฎีความเค้นเฉือน สูงสุดสำหรับงานขึ้นรูปโลหะแผ่น [9]

2.1.4 ทฤษฎีแอนไอโซทรอปีของ Hill 1948

ได้เสนอการพิจารณาพลาสติกแอนไอโซทรอปีโดยไม่คำนึงถึงรูปผลึกเดิม โดยสมมติว่า วัสดุเอกพันธุ์แสดงคุณลักษณะโดยแกนไอโซทรอปี 3 แกนตั้งฉากกันคือ x, y และ zซึ่งคุณสมบัติ สมมาตรสองหน (ระนาบ x-y, y-z และ z-x คือระนาบสมมาตร) ในแผ่นรีดมักใช้ทิศทาง x, y และ z เป็นทิศทางรีด ทิศทางขวางการรีด และทิศทางความหนาตามลำดับ ทฤษฎีนี้ยังสมมติว่า ความต้าน แรงดึงครากและแรงกดครากในทิศทางที่กำหนดมีค่าเท่ากันเกณฑ์การคราก แอนไอโซทรอปิกที่เสนอ อยู่ในรูป [10]

$$2f(\sigma_{ij}) = F(\sigma_{y} - \sigma_{z})^{2} + G(\sigma_{z} - \sigma_{x})^{2} + H(\sigma_{x} - \sigma_{y})^{2} + 2L\tau_{yz}^{2} + 2M\tau_{zx}^{2} + 2N\tau_{xy}^{2} = 1$$
(2.16)

เมื่อ F, G, H, L, M และ N คือค่าคงตัวซึ่งแสดงคุณแสดงแอนไอโซทรอปิกสังเกตว่าถ้า F=G = H และ L = M = N = 3F สมการนี้ลดรูปลงเป็นเกณฑ์ของฟอนมิเซส ค่าคงตัว F, G และ H สามารถประเมินได้จากการทดสอบการดึง

พิจารณาการทดสอบในท<mark>ิศทา</mark>ง 🗴 <mark>แล</mark>ะให้ X เป็นความเค้นดึงคราก ขณะคราก

$$\sigma_x = X$$

$$\sigma_y = \sigma_z = \tau_{ij} = 0$$

ดังนั้น สมการที่ 2.16 เป็น

$$G+H)X^2 = 1$$

หรือ

$$\chi^2 = \frac{1}{(G+H)}$$

ในทำนองเดียวกัน ถ้า Y และ Z คือความเค้นดึงครากในทิศทาง y และ z

(2.17)

$$X^{2} = \frac{1}{G+H}$$

$$Y^{2} = \frac{1}{H+F}$$

$$Z^{2} = \frac{1}{F+G}$$
(2.18)

แก้สมการพร้อมกันได้

$$2F = \frac{1}{Y^{2}} + \frac{1}{Z^{2}} - \frac{1}{X^{2}}$$

$$2G = \frac{1}{Z^{2}} + \frac{1}{X^{2}} - \frac{1}{Y^{2}}$$

$$2H = \frac{1}{X^{2}} + \frac{1}{Y^{2}} + \frac{1}{Z^{2}}$$
(2.19)

ในกรณีของโลหะแผ่นวัด Z ได้ยาก ค่าคงตัว L , M และ N สามารถหาได้จากการทดสอบการเฉือน กฎการไหลสามารถหาได้โดยใช้สมการ

$$d\varepsilon_{ij} = d\lambda \frac{\partial f(\sigma_{ij})}{\partial f(\sigma_{ij})}$$
(2.20)

เมื่อ $f(\sigma_{ij})$ คือฟังก์ชั่นการคราก (ใช้ได้กับวัสดุแอนไอโซทรอปิกและไอโซทรอปิก) หาอนุพันธ์ของ สมการที่ 2.20 ได้กฎการไหล

$$d\varepsilon_{x} = d\lambda \Big[H\Big(\sigma_{x} - \sigma_{y}\Big) + G\Big(\sigma_{x} - \sigma_{z}\Big) \Big], d\varepsilon_{yx} = d\varepsilon_{zy} = d\lambda L\tau_{yz}$$
$$d\varepsilon_{y} = d\lambda \Big[F\Big(\sigma_{y} - \sigma_{z}\Big) + H\Big(\sigma_{y} - \sigma_{x}\Big) \Big], d\varepsilon_{zx} = d\varepsilon_{xz} = d\lambda L\tau_{zx} \qquad (2.21)$$
$$d\varepsilon_{z} = d\lambda \Big[H\Big(\sigma_{z} - \sigma_{y}\Big) + G\Big(\sigma_{z} - \sigma_{x}\Big) \Big], d\varepsilon_{xy} = d\varepsilon_{yx} = d\lambda L\tau_{xy}$$

ในการหากฎไหลสำหรับความเครียดเฉือน $darepsilon_{yz}$, $darepsilon_{zx}$ และ $darepsilon_{xy}$ ต้องเขียนเกณฑ์การ คราก สมการที่ 2.16 ใหม่ เพื่อให้พจน์ของความเค้นเฉือนปรากฏในรูป

$$L(\tau_{yz}^{2} + \tau_{zy}^{2}) + M(\tau_{zx}^{2} + \tau_{xz}^{2}) + N(\tau_{xy}^{2} + \tau_{yx}^{2})$$

มิฉะนั้นแล้วอนุพันธ์ย่อยจะทำให้ได้ผลลัพธ์ที่ใช้ไม่ได้คือ $d\varepsilon_{yz} = 2 \cdot d\lambda L \tau_{yz}$ และ $d\varepsilon_{zy} = 0$ สังเกตว่าสมการที่ 2.21 คือ $d\varepsilon_x + d\varepsilon_y + d\varepsilon_z = 0$ แสดงว่าปริมาตรคงตัวพิจารณาการ ทดสอบการดึงในทิศทาง × อีกครั้งหนึ่ง แทนค่า $\sigma_x = X$, $\sigma_y = \sigma_z = 0$ ในสมการ 2.21 ได้ ความเครียด

$$d\varepsilon_{x} = d\lambda(H+G)X$$

$$d\varepsilon_{y} = -d\lambda(H)X$$

$$d\varepsilon_{z} = -d\lambda(G)X$$

(2.21)

เนื่องจากอัตราส่วนความเครียดสำหรับก<mark>ารทดสอบก</mark>ารดึงในทิศทาง x นิยามว่า

$$R = R_0 = \left(\frac{d\varepsilon_y}{d\varepsilon_z}\right)$$

$$R = \frac{H}{G}$$
(2.22)

ดังนั้น

ในทำนองเดียวกัน นิยามให้ $P = R_{90}$ คืออัตราส่วนความเครียดในทิศทางแกน Y $P = d\varepsilon_x/d\varepsilon_z$ เมื่อ $\sigma_y = Y$ และ $\sigma_x = \sigma_z = 0$ จากสมการที่ 2.21 ได้ $P = \frac{H}{E}$ (2.23)

2.1.5 พลาสติกแอนไอโซทรอปี (Plastic Anisotropy)

สาเหตุที่สำคัญมากที่สุดซึ่งทำให้โลหะมีคุณสมบัติพลาสติกแอนไอโซทรอปิกก็คือ ทิศทางของเกรนทิศทางที่เป็นไปหรือเนื้อของรูปผลึกที่พัฒนาขึ้นในเหล็กล้วนเกิดจากการหมุนของ แลคทิชในเกรนระหว่างการเปลี่ยนรูป โดยการสลิปหรือการทวิน (Twining) พฤติกรรมการเปลี่ยนรูป ของชิ้นทดสอบการดึงที่เป็นแผ่นแถบ ตัดออกมาจากแผ่นรีด เมื่อได้รับแรงดึงในแนวแกน สามารถเกิด การครากได้เฉพาะโดยการสลิปในระนาบความต้านแรงดึงครากของชิ้นทดสอบที่ตัดทำมุม θ กับทิศ ทางการรีดไม่แปรผันกันมากนัก ผลสรุปอย่างผิดพลาดว่าวัสดุเป็นไอโซทรอปิก ความผิดพลาดอาจ

เกิดขึ้นได้ถ้าวัดความตึงเครียดในแนวขวางซึ่งเป็นผลมากจากการดึง ถ้าทิศทางเป็นอุดมคติ ความหนา ้ไม่เปลี่ยนแปลงหรือเปลี่ยนแปลงน้อยมาก การยึดในแนวยาวมีผลทำให้ความกว้างชิ้นทดสอบลดลง [10]

พารามิเตอร์ที่มีประโยชน์คืออัตราส่วน R ของความเครียดพลาสติกเมื่อ w และ t คือ ทิศทางความกว้างและความหนาของชิ้นทดสอบการดึงตามลำดับ ดังนั้น $arepsilon_w = \ln ig(w/w_oig)$ และ $\mathcal{E}_t = \ln(t/t_o)$ สำหรับวัสดุไอโซทรอปิก R = 1



ภาพที่ 2.4 ชิ้นทดสอบตามทิศทางการรีด [9]

ภาพที่ 2.4 ในการวัดค่า *R* ถึงแม้ว่า มีนิยามว่าเป็นอัตราส่วนของความเครียดในแนวกว้าง ε_w ต่อแนวหนาความเครียดในแนวหนา ε_i ไม่สามารถวัดได้อย่างแม่นยำบนแผ่นบาง เพราะฉะนั้น ้ความเครียดในแนวหนามักหาได้จากการวัดความเครียดในแนวยาวและแนวกว้างโดยใช้ปริมาตรคงตัว $arepsilon_{t}=ig(arepsilon_{_{I}}+arepsilon_{_{w}}ig)$ เพื่อการวัดที่แม่นยำ ควรใช้ภาคตัดลดลงให้ค่อนข้างยาวมากเมื่อเทียบกับความกว้าง และภาคตัดทดสอบที่ใช้วัดค่า ε_l และ ε_w ควรอยู่ห่างจากบ่ามาก

้บางครั้งค่า *R*ไม่แปรผันตามความเครียด เพราะฉะนั้น อัตราส่วนของความเครียดที่เพิ่มขึ้น $darepsilon_w \, / \, darepsilon_t \, = R$ ค่า R คงตัวมีความสำคัญเมื่อใช้ R ประเมินค่าคงตัวในเกณฑ์การครากไอโซทรอปิก

สำหรับเหล็กกล้าค่า *R* และโมดูลัสยืดหยุ่น *E* มักแปรผันคล้ายกันตามเนื้อรูปผลึก แม้ว่า สหสัมพันธ์พื้นฐานไม่แม่นตรง แต่ก็มีพื้นฐานสำหรับใช้กับเครื่องมือวัดเชิงอุตสาหกรรมขนาดเล็กซึ่งวัด ค่า *E* ของแผ่นแถบบางด้วย Sonic Velocity และปรับให้อ่านค่า *R* ได้ โดยปกติค่า *R* มักแปรผันตาม ทิศทางทดสอบ *θ* และมักใช้แสดงคุณลักษณะของวัสดุโดยค่า *R* เฉลี่ยคือ *R*

$$\overline{R} = \frac{R_0 + 2R_{45^\circ} + R_{90^\circ}}{4}$$
(2.25)

2.1.6 ความเครียดแข็ง (Strain Hardening)

ความเครียดแข็งเกิดขึ้นกับวัสดุที่มีคุณสมบัติเหนียวที่ใช้ในงานขึ้นรูปเย็น เมื่อวัสดุ ได้รับแรงกระทำผ่านจุดครากตัวทำให้เกิดความเครียดสะสมขึ้นภายในวัสดุ จึงต้องใช้แรงที่มาก กว่าเดิมในการทำให้วัสดุเปลี่ยนรูปร่าง สำหรับการวิเคราะห์วัสดุแบบ อิลาสติก – พลาสติก ได้แสดง พฤติกรรมความเครียดแข็งของวัสดุ ดังนี้

ความสัมพันธ์ระหว่างความเค้นและความเครียดในช่วงการเปลี่ยนรูปยืดหยุ่น จะเป็น ในลักษณะเชิงเส้นการเพิ่มขึ้นของแรงกระทำจะทำให้เกิดความเครียดเป็นสัดส่วนซึ่งหลักการนี้ จะเป็นไปตามกฎของฮุค (Hook's Law) [11]

$$\sigma = E\varepsilon \tag{2.26}$$

เมื่อ

 σ คือ <mark>ค่าความเค้น</mark>

E คือ <mark>ค่าโมดูลัสของค</mark>วามยืดหยุ่นหรือโมดูลัสข<mark>องยัง</mark>

ɛ คือ ค่าควา<mark>มเครียด</mark>

สำหรับคุณสมบั<mark>ติทางกลของวัสดุที่ใช้ในการวิเคราะ</mark>ห์การดึงขึ้นรูปในช่วงพลาสติกครั้งนี้ เป็นไปตามกฎยกกำลัง (Power Law) [12]

$$\sigma = K\varepsilon^n \tag{2.27}$$

เมื่อ

K คือ สัมประสิทธิ์ความต้านแรง (Strength coefficient)
 n คือ เลขยกกำลังของความเครียดแข็ง (Strain - hardening exponent)

สำหรับค่าตัวเลขยกกำลังหรือความเครียดแข็ง *n* และค่าสัมประสิทธิ์ความต้านแรง *K* สามารถหาได้โดยทำการใส่ค่า log เข้าไปในสมการยกกำลังซึ่งทำให้สามารถได้สมการใหม่

$$\log \sigma = n \log \varepsilon + \log K \tag{2.28}$$

กระบวนการพื้นฐานของโลหะแผ่น และระนาบความเค้น (General Sheet Processes ; Plan stress)

ภาพที่ 2.5 เป็นการทดสอบการดึงเป็นแนวทางกระบวนการหาระนาบความเค้น (Plane stress) การทดสอบการดึงแกนเดียว (Uniaxial tension) คือการแสดงตัวอย่างของการเปลี่ยน รูปแบบระนาบความเค้น การดึงแกนเดียว (Uniaxial tension) ให้พิจารณาจุดเล็ก ๆ ในชิ้นทดสอบ ในการดึงให้เปลี่ยนรูปแกนเดียวทำการทดสอบเริ่มจากการเปลี่ยนรูปทีละน้อยจนถึงสูงสุดเราพิจารณา พื้นที่หน้าตัดระหว่างเปลี่ยนรูปลักษณะของจุดเล็ก ๆ (Element) ยังคงตั้งฉากแต่ละทิศทางไม่มีความ เคลื่อนที่เกี่ยวกับทิศทางหลัก 1, 2, 3



ภาพที่ 2.5 ทิศทางหลักในการทดสอบแรงดึง [9]

ในทางตรงกันข้ามในการทดสอบการดึง 2 ความเค้นหลักมีค่า เป็นศูนย์ในลักษณะขึ้นส่วนเล็ก ๆ ที่เปลี่ยนรูปค่าความเค้น 1 และ 2 ไม่เท่ากับศูนย์ ความเค้น 3 คือตั้งฉากกับผิว แท้จริงเกิดจากการ สัมผัสระหว่างแผ่นบางกับ Tooling โดยทั่วไปแล้วน้อยกว่าจุด Yield ของวัสดุ จะให้เป็นศูนย์ได้และ ให้เป็น Plane stress deformation [9]

2.2.1 อัตราส่วนความเค้นและความเครียด (Stress and strain ratios) [2]

ในความหมายเฉพาะที่กล่าวถึงการเปลี่ยนรูปของจุดเล็ก ๆ Element ในแต่ละเทอม ของอัตราส่วนความเครียด (Strain ratio , β) หรืออัตราส่วนความเค้น (Stress ratio , α) สำหรับวิธี Proportional ค่าความจริงที่ใกล้เคียงที่สุด ดังรูปที่ 2.6

ในหลักทิศทางดังนั้นให้ $\sigma_1 > \sigma_2$ และทิศทางทั้งสามตั้งฉากกับพื้นผิว เมื่อ $\sigma_3 = 0$ ลักษณะการเปลี่ยนรูป

$$\varepsilon_{1}; \qquad \varepsilon_{2} = \beta \varepsilon_{1}; \qquad \varepsilon_{3} = -(1+\beta)\varepsilon_{1}$$

$$\sigma_{1}; \qquad \sigma_{2} = \alpha \sigma_{1}; \qquad \sigma_{3} = 0$$



ภาพที่ 2.6 ทิศทาง<mark>หลักของค</mark>วามเค้นและความเครียด [9]

2.2.2 การเปลี่ยนรูปขอ<mark>งโลหะแผ่นในระนาบคว</mark>ามเค้น (Deformation of Sheet in Plane Stress)

ในขณะที่มีการเปลี่ยนรูปบนระนาบความเค้น (Plane stress) พิจารณา (Work hardening) ของวัสดุ ซึ่งเข้ากำลังประยุกต์ใช้ทฤษฎีสัดส่วนการเปลี่ยนรูป ในภาพที่ 2.7 ลักษณะที่ยัง ไม่มีการเปลี่ยนรูปที่ความหนา t_0 ขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง d_0 หรือตารางขนาด d_0 ดังภาพที่ 2.7 (ก) ดังนั้นในระหว่างการเปลี่ยนรูปวงกลมจะเปลี่ยนไปเป็นวงรี แกนของ Major คือ d_1 แนวแกนของ Minor คือ d_2 ถ้าปรับตารางสี่เหลี่ยมให้เข้ากับทิศทางหลักของกริดวงกลม จะกลายเป็นสี่เหลี่ยมผืนผ้า ดังภาพที่ 2.7 (ข) ส่วนความหนา คือ t ตามที่กรณี ดังภาพที่ 2.7 (ค) ความเค้นที่ทำให้เปลี่ยนรูปคือ σ_1 และ σ_2 [13]



- **ภาพที่ 2.7** (ก) วงกลมบนโลหะแผ่น ขณะ<mark>ที่ยังไม่</mark>เปลี่ยนรูป (ข) เมื่อมีการเปลี่ยนรูปกริดวงกลมจะ เปลี่ยนเป็นรูปวงรี ขนาด<mark>ของแกนห</mark>ลักคือ d₁ และขนาดแกนรองคือ d₂ (ค) การดึง,T, หรือแรงส่งผ่านต่อหน่วยความกว้าง [13]
 - 2.2.3 แผนภาพความเครียด (Strain diagram)[9] ความเครียดเฉพาะจุดที่เกิดขึ้น ดังภาพที่ 2.8 สามารถวัดได้จากกริดวงกลมในภาพที่ 2.7



ภาพที่ 2.8 (ก) การขึ้นรูปถ้วยทรงกระบอก (ข) ชิ้นส่วนย่อยของถ้วยทรงกระบอกแสดงค่าความ เครียดที่วัดได้ (ค) ผลค่าความเครียดที่ได้จากการขึ้นรูปถ้วยทรงกระบอก [9]

2.2.4 ค่าความเครียดหลัก (Principal Strains)[9]

ความเครียดหลักที่เกิดขึ้นจุดสุดท้ายของกระบวนการ

$$\varepsilon_1 = \ln \frac{d_1}{d_0}$$
; $\varepsilon_2 = \ln \frac{d_2}{d_0}$; $\varepsilon_3 = \ln \frac{t}{t_0}$ (2.30)

2.2.5 อัตราส่วนของความเครียด (<mark>St</mark>rain ratio) [9]

์ โดยปกติเส้นแนวความเครียด<mark> (S</mark>train Path) ยังคงเป็นสัดส่วนเส้นตรง ดังสมการที่

$$\beta = \frac{\varepsilon_2}{\varepsilon_1} = \frac{\ln\left(\frac{d_2}{d_0}\right)}{\ln\left(\frac{d_1}{d_0}\right)}$$
(2.31)

2.2.6 ความเครียดหนาและความหนา (Thickness strain and Thickness) [9] จากสมการ 2.30 ความเครียดหาได้โดยการวัดความหนาหรือหาได้จากความเครียด หลัก(Major strain) ความเครียดรอง (Minor strain) โดยให้พิจารณาวัดการเปลี่ยนรูปที่ปริมาตรคงที่

$$\varepsilon_3 = \ln \frac{t}{t_0} = -(1+\beta)\varepsilon_1 = -(1+\beta)\ln \frac{d_1}{d_0}$$
(2.32)

จากสมการ 2.32 <mark>ความหนาโดยทั่</mark>วไป<mark>คือ</mark>

$$t = t_0 \exp(\varepsilon_3) = t_0 \exp\left[-(1+\beta)\varepsilon_1\right]$$
(2.33)

หรืออีกแนวทางหนึ่งที่ปริมาตร $td_1d_2 = t_0d_0^2$ ที่ปริมาตรคงที่

$$t = t_0 \frac{d_0^2}{d_1 d_2}$$
(2.34)

2.3 ทฤษฎีไฟไนต์เอลิเมนต์

ในการวิเคราะห์ปัญหาใดปัญหาหนึ่ง ปัญหานั้นมักประกอบด้วยสมการเชิงอนุพันธ์และเงื่อนไข ขอบเขตที่กำหนดมาให้ ผลเฉลยแม่นตรง (exact solution) ที่ประดิษฐ์ขึ้นมาได้จะประกอบด้วยค่า ของตัวแปรตามตำแหน่งต่าง ๆ กันบนรูปร่างลักษณะของปัญหานั้นหรือกล่าวอีกนัยหนึ่งคือ ผลเฉลย แม่นตรงจะประกอบด้วยค่าต่าง ๆ จำนวนมากมายเช่นนี้ซึ่งสำหรับปัญหาในทางปฏิบัตินั้นเป็นไป ไม่ได้ หลักการก็คือทำการลดค่าทั้งหมดที่มีจำนวนอนันต์ค่านั้นมาเป็นค่าโดยประมาณในจำนวนที่นับ ได้ (finite) ด้วยการแทนรูปร่างลักษณะของปัญหาด้วยเอลิเมนต์(elements) ดังภาพที่ 2.12 ซึ่งมี ขนาดต่าง ๆ กัน [14]



ภาพที่ 2.9 การวิเคราะห์หาผลเฉลยบนแผ่นอะลูมิเนียมด้วยการใช้ระเบียบวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ [14]

ระเบียบการไฟไนต์เอลิเมนต์ (Finite Element Analysis : FEA) เป็นเทคนิคการวิเคราะห์เชิง ตัวเลขเพื่อให้ได้ผลลัพธ์โดยประมาณของปัญหาที่หลากหลายในทางวิศวกรรม [15] ซึ่งประกอบด้วย สมการควบคุมระบบ และใช้เงื่อนไขขอบเขตเพื่อแก้สมการ ในระเบียบการไฟไนต์เอลิเมนต์จะแบ่ง โดเมนต์ของปัญหาออกชิ้นส่วนย่อยๆ เรียกว่า เอลิเมนต์ (Element) ซึ่งแต่ละเอลิเมนต์จะเชื่อมกัน ด้วยจุดโหนด (Node) ดังนั้น เพื่อให้ได้ผลลัพธ์ของปัญหาโดยประมาณต้องนำสมการควบคุมระบบมา สร้างสมการไฟไนต์เอลิเมนต์ของแต่ละเอลิเมนต์บนโดเมน จากนั้นจึงทำการแก้ปัญหาดังกล่าวซึ่งจะ ได้ผลเฉลยของปัญหาที่จุดต่อบนโดเมน แม้การพัฒนาระเบียบการไฟไนต์เอลิเมนต์แรกเริ่มเดิมทีจะ เน้นไปที่การศึกษาความเค้นในโครงสร้างที่ซับซ้อน ตั้งแต่นั้นระเบียบการไฟไนต์เอลิเมนต์ได้ถูกนำไป ประยุกต์ใช้งานอย่างกว้างขวางในสายงานทีเกี่ยวเนื่องทางกลศาสตร์ เพราะระเบียบการนี้มีความ
หลากหลาย อีกทั้งเป็นเครื่องมือวิเคราะห์ที่มีความยืดหยุ่นได้ ซึ่งทำให้ได้รับความสนใจในสถานศึกษา ทางด้านวิศวกรรม และในอุตสาหกรรม [16] ที่กล่าวข้างต้นระเบียบการไฟไนต์เอลิเมนต์สามารถ นำมาประยุกต์ใช้ในงานวิเคราะห์ได้ดังนี้ ความแข็งแรงของโครงสร้าง (Structural Analysis) ระบบ ของความร้อน (Thermal System Analysis) การไหล และการไหลที่มีการนำพาความร้อน (Flow Analysis and Flow Convection Heat Transfer) กระบวนการเปลี่ยนรูปร่างของวัสดุเมื่อได้รับ ความร้อน (Thermo Mechanical Process Analysis) เช่น การตีขึ้นรูป (Forging) การรีดขึ้นรูป (Rolling) งานฉีดขึ้นรูป (Injection Molding) กลา [16]

2.3.1 โหนด (Node)

ภาพที่ 2.10 โหนดเป็นตัวช่วยเชื่อมต่อโครงสร้างชิ้นเล็กๆ ที่เรียกว่าเอลิเมนต์ (Element) แต่ละเอลิเมนต์ให้ติดกันด้วยจุดของโหนด นอกจากนี้โหนดยังช่วยในการกำหนดรูปร่าง ของเอลิเมนต์ที่มีองศาอิสระ โดยปกติแล้วโหนดจะอยู่ที่มุมของเอลิเมนต์ หรือ จุดของเอลิเมนต์ แล้ว กลุ่มของเอลิเมนต์ และโหนดจะอยู่ติดกันเป็นกลุ่มที่เรียกว่า แบบจำลองไฟไนต์เอลิเมนต์ (Finite Element Model) จะเป็นตัวแทนของชิ้นงานเพื่อนำไปจำลองเป็นสมการเมทริกซ์ (Matrix) เพื่อนำไป คำนวณที่ซับซ้อนต่อไป [17]



ภาพที่ 2.10 โหนดในเอลิเมนต์แต่ละมิติ [18]

2.3.2 เอลิเมนต์ (Element)

โดยแท้แล้วเอลิเมนต์จะมีมิติอยู่ 1 ถึง 3 มิติ ดังภาพที่ 2.11 นอกจากนี้ยังมีเอลิเมนต์ ชนิดพิเศษที่มีลักษณะ 0 มิติ ดังเช่น กลุ่มของจุด (Lumped Springs) เป็นที่ทราบกันอยู่แล้วว่าเอลิ เมนต์ที่ลักษณะ 1 มิติ จะเป็นเส้นตรง เส้นโค้ง (Beam Element) มักใช้ในการวิเคราะห์งาน ลักษณะที่เป็นโครง เอลิเมนต์ 2 มิติ (Shell Element) จะเป็นรูปร่างรูปสามเหลี่ยม สี่เหลี่ยมที่มีความ เหมาะสมกับการวิเคราะห์งานที่เป็นพื้นผิว (Surface) ผนังบาง สุดท้ายแบบ 3 มิติ (Solid Element) โดยปกติส่วนมากรูปทรงเป็นแบบ Tetrahedral, Pentahedral, Hexahedral (Bricks) หรือ เป็น แบบปริซึม (Prisms) สามารถใช้กับงานที่เป็นปริมาตรตัน (Solid) ซึ่งเอลิเมนต์แต่ละมิติจะมีจุดที่ สามารถสังเกตได้ง่าย จุดเหล่านี้เรียกว่า จุดโหนด (Nodal Points) หรือ โหนด (Node) ประโยชน์ แบบทวีคูณของโหนดคือ เป็นตัวกำหนดรูปร่างทางเรขาคณิตของเอลิเมนต์กับเอลิเมนต์ที่รูปร่างมี องศาเป็นแบบอิสระ โดยปกติโหนดจะตั้งอยู่ที่มุม หรือ จุดปลายของเอลิเมนต์ดังแสดงในรูป มากกว่า นั้นในทางกลศาสตร์เอลิเมนต์เหล่านี้จะมีความเฉพาะเจาะจงกับพฤติกรรมของวัสดุสำหรับ ตัวอย่างเช่น เซิงเส้นยืดหยุ่น (Linear Elastic) ในวัสดุที่เป็นท่อน (Bar Element) [19]



ภาพที่ 2.11 ชนิดของเอลิเมนต์ตั้งแต่ 1 ถึง 3 มิติ [19]

1). เอลิเมนต์ 1 มิติ ดังภาพที่ 2.12 มีลักษณะเป็นเส้น (Beam Element) เท่านั้นซึ่งมี แต่ความยาว และไม่สามารถมองเห็นพื้นที่หน้าตัด หรือพื้นผิวได้อย่างชัดเจน และนอกจากเป็นเส้น แล้วจะไม่มีรูปทรงเรขาคณิตอื่นใดอีก เป็นแค่เพียงเส้นอาทิ เส้นตรง เส้นโค้งเท่านั้น ซึ่งมักนิยมเรียกว่า บีม (Beam) โดยเอลิเมนต์ต่อกันหลายเอลิเมนต์จะกลายเป็นกลุ่มของเอลิเมนต์ (Mesh) [20]



ภาพที่ 2.12 การใช้เอลิเมนต์ 1 มิติ ในงานโครงสร้าง [18]

2). เอลิเมนต์ 2 มิติ (Shell Element) ดังภาพที่ 2.13 ที่มีลักษณะเป็นรูปสามเหลี่ยม สี่เหลี่ยม โดยมีโหนด 3 และ 4 โหนดตามลำดับ แต่โดยพื้นฐานแล้วจะมีขั้นต่ำ 3 โหนด เอลิเมนต์ชนิด นี้จะใช้กับงานที่เป็นพื้นผิว หรือ ผนัง ซึ่งอาจแบ่งได้เป็น ผนังบาง (Thin Shell) และผนังหนา (Thick Shell) [18]



ภาพที่ 2.13 การใช้เอลิเมนต์ 2 มิติ ในงานที่มีลักษณะเป็นผนัง [18]

 เอลิเมนต์ 3 มิติ (Solid Element) ดังภาพที่ 2.14 จะมีโครงสร้างเป็น 3 มิติ รูปทรงจะมีความกว้าง ยาว สูง โดยพื้นฐานของเอลิเมนต์ชนิดนี้จะมีโหนดตั้งแต่ 3 โหนดขึ้นไปเอลิ เมนต์แบบนี้จะเหมาะกับกาจำลองโครงสร้างที่มีความหนา (Thick) เมื่อเทียบกับพื้นผิว [20]



ภาพที่ 2.14 การใช้งาน<mark>เอลิเม</mark>นต์ 3 <mark>ม</mark>ิติ ใน<mark>งานที่</mark>เป็นปริมาตรตันที่มีความหนา [21]

การจัดหมวดหมู่แบ่งประเภทของระเบียบการไฟในต์เอลิเมนต์ในทางกลศาสตร์ โครงสร้าง ความเหนียวแน่น ความหลวมของเอลิเมนต์บนพื้นฐานจะเกี่ยวข้องกับโครงสร้างทาง กายภาพดั้งเดิม ที่ชี้แจงหัวข้อนี้เพราะเป็นส่วนย่อยของระเบียบการไฟในต์เอลิเมนต์ ซึ่งทำให้มีความ เข้าใจในเทคนิคการออกแบบจำลองชิ้นสูง ดังเช่น รายละเอียดลำดับขั้น และการวิเคราะห์โดยรวมกับ เฉพาะแห่ง [19] ดังภาพที่ 2.15

ภาพที่ 2.15 แสดงโครงสร้างดั้งเดิมของเอลิเมนต์ (Primitive Structural Element) โดยเอลิเมนต์เหล่านี้จะจำแนกตามโครงสร้างกลศาสตร์โครงสร้างซึ่งเกี่ยวเนื่องกับลักษณะทาง กายภาพของโครงสร้าง เอลิเมนต์ทั้งหลายเหล่านี้ปกติมาจากกลศาสตร์ของวัสดุ (Mechanics of Materials) ซึ่งทำให้ง่ายต่อการเข้าใจ ทฤษฎีทางกายภาพของวัสดุมากกว่าทางคณิตศาสตร์ ดัง ตัวอย่างภาพที่ 2.15 เอลิเมนต์มีลักษณะเป็น แท่ง (Bars), ก้าน (Cables) และเส้น (Beams) [18]



<mark>ภาพที่ 2.15</mark> ตัวอย่างโครงสร้างเอลิเมนต์ดั้งเดิม [19]

สำหรับการแบ่งเอลิเมนต์ในกระบวนการวิเคราะห์ไฟไนต์เอลิเมนต์ จำเป็นต้องแบ่ง ขึ้นส่วนออกเป็นเอลิเมนต์ที่เกี่ยวโยงกันด้วยจุดต่อ (Node) โดยการแบ่งขิ้นส่วนออกเป็นเอลิเมนต์ สามารถใช้หลักการดังนี้ คือ ควรหลีกเลี่ยงการแบ่งเอลิเมนต์ที่มีรูปร่างผิดปกติ เช่น เอลิเมนต์ที่มีมุม ป้านมากๆ หรือสี่เหลี่ยมผืนผ้าที่มีด้านยาวมากๆ เอลิเมนต์ที่มุมแคบมากๆ และมีลักษณะอัตรา ส่วนกว้าง (Large Aspect Ratio) เป็นต้น ควรเลือกใช้เอลิเมนต์ที่เป็นสี่เหลี่ยมด้านเท่าจะดีมาก หรือ อัตราส่วนระหว่างความกว้างต่อความยาวมีค่าเข้าใกล้หนึ่ง อีกทั้งควรใช้เอลิเมนต์ขนาดเล็กๆ เพื่อให้ ได้ผลการวิเคราะห์ที่ละเอียดในส่วนที่มีความหนาแน่น และแบ่งเอลิเมนต์ขนาดใหญ่ขึ้นในบริเวณที่ ไกลออกไป [18]

2.3.3 ความอิสระของการเคลื่อนที่ (Degree of Freedom ; DOF)

ความอิสระของการเคลื่อนที่จะเป็นตัวกำหนดสถานะของเอลิเมนต์ ซึ่งจะทำหน้าที่ เรื่องจัดการ การเชื่อมต่อของเอลิเมนต์ ในการเชื่อมต่อของตัวแปรในจุดโหนดการกำหนดค่าอนุพันธ์ ตัวแปรของอิสระการเคลื่อนที่จะมีหลายค่า สำหรับความอิสระของการเคลื่อนที่จะขึ้นอยู่กับคุณสมบัติ ของลักษณะชนิดของการวิเคราะห์ โดยที่ความอิสระของการเคลื่อนที่จะเป็นตัวแปรที่ไม่ทราบค่า ซึ่ง ความอิสระของการเคลื่อนที่แต่ละชนิดสรุปได้ดังนี้ [20, 21] ดังในตารางที่ 2.1

ตารางที่ 2.1	ลักษณะการวิเค	ราะห์ความอิสระ	ะของการเคลื่อนที่ขอ	งแต่ละชนิด	[21,22]
					- / -

ขอบข่าย (Discipline) 🥚	อิสระการเคลื่อนที่ (DOF)
โครงสร้าง (Structural)	การเคลื่อนที่ (Displacement)
ความร้อน (Thermal)	อุณหภูมิ (Temperature)
ไฟฟ้า (Electrical)	โวลต์ (Voltage)
ของไหล (Fluid)	ความดัน (Pressure)
แม่เหล็ก (Magnetic)	สภาพแม่เหล็ก (Magnetic Potential)

2.3.4 การวิเคราะห์แบบเชิงเส้น และไม่เชิงเส้น (Linear and Nonlinear Analysis)

ไฟไนต์เอลิมเนต์จะมีความสามารถในการวิเคราะห์สมการทั้งแบบเชิงเส้น (Linear) และไม่เชิงเส้น (Nonlinear) สำหรับสมการแบบไม่เชิงเส้นจะเหมาะสมสำหรับชิ้นงาน หรือวัสดุที่มี การเสียรูปร่าง (Deformation) ไปแล้ว ดังนั้นจึงมีความยุ่งยากมากกว่า ใช้เวลาในการวิเคราะห์ที่ มากกว่า ความแตกต่างระหว่างการวิเคราะห์แบบเชิงเส้น และไม่เชิงเส้น ก็คือ การวิเคราะห์แบบไม่ เชิงเส้น สมการแบบไม่เชิงเส้นจะมีการเปลี่ยนแปลงค่าของเวลา เมื่อเกิดการเสียรูปร่าง เปลี่ยนแปลง รูปร่าง อีกทั้งสมบัติทางกายภาพจะเกิดการเปลี่ยนแปลงไปทำให้ค่าความแข็งเกร็ง (Stiffness) เปลี่ยนแปลงสามไปด้วย ส่วนแบบเชิงเส้น เมื่อวัสดุเกิดการเสียรูปร่าง สมบัติทางกายภาพจะไม่ เปลี่ยนแปลงไปแต่จะคงที่เสมอซึ่งทำให้ค่าความแข็งเกร็ง (Stiffness) ไม่เปลี่ยนตามไปด้วย [23, 24] ดังนั้นก่อนที่จะวิเคราะห์ไฟไนต์เอลิเมนต์จึงต้องพิจารณาเสียก่อนว่า ชิ้นงานจะ

วิเคราะห์แบบเชิงเส้น หรือแบบไม่<mark>เชิงเส้น ทั้งนี้เพื่อความ</mark>เหมาะสมเนื่องจากการวิเคราะห์แบบสถิติ (Static) และพลศาสตร์ (Dynamic) จะสามารถวิเคราะห์ได้ทั้งแบบเชิงเส้น และไม่เชิงเส้น [25]

ในการวิเคราะห์แบบไม่เชิงเส้น (Nonlinear) ถ้าแบ่งตามพฤติกรรมที่เกิดขึ้นจะแบ่งได้ ออกเป็น 3 รูปแบบดังนี้

 เรขาคณิตแบบไม่เชิงเส้น (Geometric Nonlinear) คือ มีสาเหตุของการเกิดจาก การเปลี่ยนแปลงทางด้านรูปทรงทางเรขาคณิต (Geometry) ประเภทการเปลี่ยนแปลงรูปร่างอย่าง มาก (Large Deflection) หรือ เรียกอีกอย่างหนึ่งว่าการหมุนขนาดใหญ่ (Large Rotation) มักจะ เกิดขึ้นกับวัสดุที่มีความเหนี่ยวสูง และมี Deflection มากเมื่อเทียบกับขนาดเส้นผ่านศูนย์กลางของ วัสดุ หรือมีความสามารถในการบิดตัวได้มาก คือวัสดุมีการเสียรูป หรือ การเปลี่ยนแปลงรูปร่างอย่าง มาก (Large Deformation) จนทำให้ค่าความแข็งเกร็ง (Stiffness) ของวัสดุ ชิ้นงานสูงขึ้นมาก กว่าเดิมตามเวลาที่ผ่านไป ซึ่งสมการทั่วไปแบบเรขาคณิตแบบไม่เชิงเส้น (Geometric Nonlinear) มี ดังนี้ [22,26,27]

$$[K] = \int [B]^T [D] [B] dv \qquad (2.35)$$

เมื่อ K = เมทริกซ์ความแข็งเกร็ง (Stiffness Matrix)

B = ความสัมพันธ์ระหว่างความเครีย<mark>ดก</mark>ับการเปลี่ยนแปลงรูปร่างกรณี (Large Strain)

D = ความเคลื่อนที่อิสระของโหนด เ<mark>อลิ</mark>เมนต์ (DOF)

2) วัสดุแบบไม่เชิงเส้น (Materials Nonlinear) โดยปกติแล้วการวิเคราะห์วัสดุแบบ ยืดหยุ่นเชิงเส้น (Linear Elastic) จะอยู่ภายใต้สมมติฐานที่ว่าจะเกิดการคืนรูปอย่างสมบูรณ์เมื่อนำ แรง หรือภาระกระทำออกไปแล้ว ค่าอัตราส่วนระหว่างความเค้น (Stress) และความเครียด (Strain) ซึ่งเรียกว่า อิลาสติกมอดูลัส (Elastic Modulus) จะมีค่าคงที่เสมอ แต่สำหรับวัสดุบางประเภทการคืน รูปเมื่อนำแรง หรือ ภาระกระทำออกไป จะเกิดความไม่สมบูรณ์จนเกิดช่วง Plastic Strain มักเกิด จากแรงที่มากระทำกับวัสดุมีขนาดมากเกินกว่าค่าจุดคราก (Yield) จนทำให้วัสดุเกิดการเปลี่ยนรูป อย่างถาวร ซึ่งจะต้องใช้การวิเคราะห์แบบวัสดุไม่เชิงเส้น (Materials Nonlinear) ซึ่งในการวิเคราะห์ จะใช้รูปแบบสมการโดยทั่วไปเหมือนกับสมการที่ 2.35 แต่แตกต่างกันที่ความเคลื่อนที่อิสระของโหนด เอลิเมนต์ (D) จะเป็นกรณี (Small Strain) อย่างเดียวเท่านั้น และความสัมพันธ์ระหว่างความเครียด กับการเปลี่ยนแปลงรูปร่าง (B) ไม่เป็นกรณี (Small Strain) [14,22,19]

$[K] = \int [B]^T [D] [B] dv$

เมื่อ K = เมทริกซ์ความแข็งเกร็ง (Stiffness Matrix)

- B = ความสัมพันธ์ระหว่างความเครียดกับการเปลี่ยนแปลงรูปร่าง
- D = ความเคลื่อนที่อิสระของโหนด เอลิเมนต์ (DOF) กรณี (Small Strain)

3) การเปลี่ยนสถานะแบบไม่เชิงเส้น (Changing Status Nonlinear) มีสาเหตุจากการ เปลี่ยนแปลงสถานะจนทำให้สมบัติของวัสดุเกิดการเปลี่ยนแปลงไป ดังตัวอย่าง การดึงสลับกับการ หย่อนสายเคเบิลนานๆ หรือ ยางที่ต้องสัมผัสกับความร้อน ความเย็นสลับกันจนทำให้สมบัติของวัสดุ

(2.36)

เกิดการเปลี่ยนแปลงไปคือ ความสามารถในการรับแรงของวัสดุจะเปลี่ยนแปลงไปตามเวลา หรือความ สมบัติด้านอุณหภูมิเปลี่ยนแปลงไป ซึ่งการวิเคราะห์ไฟไนต์เอลิเมนต์จะต้องวิเคราะห์แบบไม่เชิงเส้น (Nonlinear) เท่านั้น [9,28,29]

2.3.5 ขั้นตอนทั่วไปของระเบียบวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์

ในการใช้โปรแกรมไฟไนต์เอลิเมนต์ (Finite Element Software) ในการวิเคราะห์โดย ปกติทั่วไปจะประกอบด้วย 3 หลักการดังนี้ [1<mark>7,</mark>30]

- 1. การเตรียมกระบวนการ (Pre Processing)
- 2. การวิเคราะห์ (Analysis)
- 3. การนำเสนอกระบวนการ (Post Processing)

ระเบียบวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ประกอบด้วย <mark>6 ขั้นตอน</mark>หลัก อธิบายได้ดังนี้ [14]

ขั้นตอนที่ 1 การแบ่งขอบเขตรูปร่างของปัญหาออกเป็นเอลิเมนต์ย่อย ๆ ขอบเขต ดังกล่าวอาจเป็นขอบเขตของปัญหาชนิดต่าง ๆ กัน เช่น ปัญหาความยืดหยุ่นในของแข็ง (elasticity problem) ปัญหาที่เกี่ยวกับอุณหภูมิและความร้อน (Thermal problem) รวมทั้งปัญหาของการไหล (fluid problem) เป็นต้น ดังภาพที่ 2.16



ภาพที่ 2.16 การแบ่งรูปร่างของปัญหาออกเป็นเอลิเมนต์แบบต่าง ๆ กัน [14]

ขั้นตอนที่ 2 การเลือกฟังก์ชันประมาณภายในเอลิเมนต์ (Element interpolation functions) เช่นเอลิเมนต์สามเหลี่ยม เอลิเมนต์นี้ประกอบด้วย 3 จุดต่อที่มีหมายเลข 1, 2 และ 3 แสดงดังภาพที่ 2.17 โดยที่จุดต่อเป็นตำแหน่งที่ตั้งของตัวไม่รู้ค่า (nodal unknowns) ซึ่งคือ ϕ_1 , ϕ_2 และ ϕ_3 ตามลำดับ ตัวไม่รู้ค่าที่จุดต่ออาจเป็นค่าของการเสียรูป (displacement) หากเราวิเคราะห์

ปัญหาความยืดหยุ่นในของแข็ง หรืออาจเป็นค่าของอุณหภูมิหากเราทำปัญหาเกี่ยวกับการถ่ายเท ความร้อน หรืออาจเป็นความเร็วของของไหล หากเราวิเคราะห์ปัญหาเกี่ยวกับการไหล เป็นต้น ลักษณะการกระจายของตัวไม่รู้ค่าบนเอลิเมนต์นั้น สามารถเขียนให้อยู่ในรูปแบบของฟังก์ชันการ ประมาณภายในและตัวไม่รู้ค่าที่จุดต่อได้ คือ

$$\phi(x, y) = N_1(x, y)\phi_1 + N_2(x, y)\phi_2 + N_3(x, y\phi_3)$$
(2.37)

โดย $N_i(x, y), i = 1$, 2 , 3 แทนฟังก์ชันประมาณภายในเอลิเมนต์



ภาพที่ 2.17 เอลิเมนต์สา<mark>มเหลี่ยมแบบอย่างประกอบด้วยสามจุดต่อ โดยมีตัวไม่รู้ค่าอยู่ ณ ตำแหน่ง ที่จุดต่อ [14]</mark>

สมการ 2.37 สามารถเขียนให้อยู่ในรูปของเมทริกซ์ได้ คือ

$$\phi(x, y) = \lfloor N_1 N_2 N_3 \rfloor \begin{cases} \phi_1 \\ \phi_2 \\ \phi_3 \end{cases}$$

$$= \left\lfloor N \right\rfloor \left\{ \phi \right\}$$
(2.38)
$$(1\times3) (3\times1)$$

โดย $\lfloor N
floor$ แทนเมทริกซ์ฟังก์ชันการประมาณภายในเอลิเมนต์ และ $\{ \phi \}$ แทนเวกเตอร์เมทริกซ์ที่ ประกอบด้วยตัวไม่รู้ค่าที่จุดต่อของเอลิเมนต์นั้น

ขั้นตอนที่ 3 การสร้างสมการของเอลิเมนต์ (element equations) ดังตัวอย่างเช่น สมการของเอลิเมนต์สามเหลี่ยมแบบอย่าง ดังภาพที่ 2.20 จะอยู่ในรูปแบบดังนี้

$$\begin{bmatrix} k_{11} & k_{12} & k_{13} \\ k_{21} & k_{22} & k_{23} \\ k_{31} & k_{32} & k_{33} \end{bmatrix}_{e} \begin{pmatrix} \phi_{1} \\ \phi_{2} \\ \phi_{3} \end{pmatrix}_{e} = \begin{cases} F_{1} \\ F_{2} \\ F_{3} \end{bmatrix}_{e}$$
(2.39)

ซึ่งเขียนย่อได้เป็น

$$[K]_{e} \{\phi\}_{e} = \{F\}_{e}$$
(2.40)

ขั้นตอนที่ 3 นี้ ถือว่าเป็นหัวใจสำคัญของการศึกษาระเบียบวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ การ สร้างสมการของเอลิเมนต์ซึ่งอยู่ในรูปแบบของสมการ 2.39 สามารถทำได้โดย วิธีการโดยตรง (direct approach)วิธีการแปรผัน (variation approach) วิธีการถ่วงน้ำหนักเศษตกค้าง (method of weighted residuals)

ขั้นตอนที่ 4 ก<mark>ารนำสมการของแต่ละเอลิเ</mark>มนต์ที่ได้มาประกอบรวมกันเข้าก่อให้เกิด ระบบสมการรวม (system of simultaneous equations) ในรูปแบบดังนี้

$$\sum (\text{element equations}) \Longrightarrow [K]_{sys} \{\phi\}_{sys} = \{F\}_{sys} \qquad (2.41)$$

ขั้นตอนที่ 5 ทำการประยุกต์เงื่อนไขขอบเขต (Boundary conditions) ลงในระบบ สมการรวม 2.41 แล้วจึงแก้ระบบสมการรวมนี้เพื่อหา { ϕ }_{sys} อันประกอบด้วยตัวไม่รู้ค่าที่จุดต่อ (nodal unknowns) ซึ่งอาจเป็นค่าของการเคลื่อนตัวตามจุดต่อต่าง ๆ ของโครงสร้าง หรือเป็นค่า ของอุณหภูมิที่จุดต่อ หากเป็นปัญหาเกี่ยวกับการถ่ายเทความร้อน หรืออาจเป็นค่าของความเร็วของ ของไหลตามจุดต่อหากเป็นปัญหาเกี่ยวกับการไหล เป็นต้น

ขั้นตอนที่ 6 เมื่อคำนวณค่าต่าง ๆที่จุดต่อออกมาได้แล้วก็สามารถนำมาใช้เพื่อหาค่า อื่น ๆ ที่ต้องการต่อไปได้อีก เช่น เมื่อรู้ค่าการเสียรูป (Displacement) ตามจุดต่อต่าง ๆ ของ โครงสร้างก็สามารถนำไปใช้หาค่าความเครียด (strain) และความเค้น (stress) ได้ตามลำดับ หรือเมื่อ รู้ค่าอุณหภูมิที่จุดต่อก็สามารถคำนวณหาปริมาณการถ่ายเทความร้อนได้ หรือเมื่อรู้ค่าความเร็วของ ของไหลที่จุดต่อก็สามารถนำไปคำนวณหาปริมาณอัตราการไหลได้ เป็นต้น จากขั้นตอนทั้ง 6 ขั้นตอนนี้ จะเห็นได้ว่าระเบียบวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์เป็นระเบียบวิธีที่มี ระเบียบแบบแผนอย่างเป็นขั้นเป็นตอน โดยมีหัวใจสำคัญอยู่ที่การสร้างสมการของเอลิเมนต์ใน ขั้นตอนที่ 3

2.4 การลากขึ้นรูปลึกชิ้นงานที่มีรูปทรงไม่สมมาตร [31]

ชิ้นงานที่มีลักษณะการไหลตัวของวัสดุไม่สมมาตร เช่น รูปถ้วยสี่เหลี่ยมหรือถ้วยวงรีความ เสียหายที่จะเกิดขึ้นบนชิ้นงานที่มีรูปทรงไม่สมมาตรนี้คือ เกิดรอยย่นที่ปีกถ้วย เกิดรอยฉีกขาดที่ มุมพั้นซ์ หรือรอยฉีกขาดที่เกิดจากการไหลตัวไม่เท่ากันบริเวณต่าง ๆ ของชิ้นงาน ดังแสดงในภาพที่ 2.18



ภาพที่ 2.18 ความเสียหายที่เกิดบนชิ้นงานที่มีรูปทรงไม่สมมาตร [31]

ที่บริเวณส่วนปีกของชิ้นงานกล่องสี่เหลี่ยม โดยเฉพาะขอบปีกตรงบริเวณรัศมีมุมโค้งจะมี แนวโน้มที่จะเกิดการโก่งตัว (Buckle) และเกิดรอยย่นได้มากที่สุดเพราะเป็นบริเวณที่เกิดความเค้นอัด (Compressive Stress) ในแนวเส้นรอบวงมากและบริเวณรัศมีมุมโค้งก็เกิดความเค้นอัด (Bending Stress) ด้วย ทำให้การไหลตัวช้ากว่าบริเวณขอบเส้นตรงของถ้วย จึงทำให้เนื้อวัสดุเกิดการอัดตัว บริเวณรัศมีมุมโค้งซึ่งเป็นสาเหตุที่ทำให้เกิดการโก่งตัวหรือเกิดรอยย่น ดังนั้นการลากขึ้นรูปจึง จำเป็นต้องใช้แรงในการลากขึ้นรูปที่สูงขึ้น เพื่อเอาชนะแรงเสียดทานที่เพิ่มขึ้น ซึ่งบางครั้งจะทำให้ ชิ้นงานเกิดการฉีกขาดที่รัศมีมุมโค้งที่ก้นถ้วย และรัศมีที่ปากของถ้วยสี่เหลี่ยม เพราะบริเวณนี้จะเกิด ความเค้นดัดที่สูง และความหนาของชิ้นงานบริเวณนี้ก็จะลดลงด้วยจึงทำให้เกิดการฉีกขาดได้ง่าย

จากผลงานวิจัยของ K.Lange [31] ได้แสดงให้เห็นว่า ความสามารถในการลากขึ้นรูปหรือการ เปลี่ยนรูปร่างของแผ่นโลหะขึ้นกับความหนาของวัสดุและอัตราส่วนการขึ้นรูป (กรณีของแผ่นโลหะ เปล่าและหน้าตัดพั้นซ์ที่ไม่กลม คิดค่าอัตราการลากขึ้นรูปจาการคำนวณขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง สมมติของวงกลมที่มีพื้นที่เท่ากัน) สำหรับการลากขึ้นรูปที่ใช้อัตราส่วนในการลากขึ้นรูปเท่ากับ 2.0 สำหรับแผ่นโลหะบาง ($D_0/T \ge 25 - 40$) นั้นจะมีความไวต่อการเกิดรอยย่นมาก เพราะมีโมเมนต์ ความเฉื่อยในการต้านการโก่งตัวและการเกิดรอยย่นต่ำ จึงต้องการแรงกดบนแผ่นจับชิ้นงานที่มากกว่า แผ่นโลหะที่มีความหนามาก สำหรับแผ่นโลหะหนา ($D_0/T \le 25$) โดยทั่วไปมีแนวโน้มที่จะเกิดรอย ย่นได้ยาก ทำให้สามารถลากขึ้นรูปได้โดยไม่ต้องใช้แผ่นจับชิ้นงาน และวัสดุมีค่า r_m (Normal Anisotropy) ที่ต่ำ จะต้องใช้แรงกดบนแผ่นจับชิ้นงานที่สูง และแรงกดแผ่นจับชิ้นงานจะเพิ่มขึ้นเมื่อ วัสดุมีค่า Δr (Planar Anisotropy) สูงขึ้นด้วย

ดังนั้นการแก้ปัญหาการโก่งตัวหรือเกิดรอยย่นสามารถแก้ไขได้โดยการใช้รัศมีมุมพั้นซ์และดาย ให้มีขนาดใหญ่ขึ้น เพื่อให้วัสดุมีการไหลตัวได้ง่ายขึ้น หรืแก้ไขโดยการเลือกใช้สารหล่อลื่นที่มี คุณสมบัติที่ดี เพื่อลดแรงเสียดทานระหว่างผิวสัมผัสของแผ่นโลหะกับผิวของแม่พิมพ์ให้มีการไหลตัว ได้ง่ายขึ้น และยังสามารถแก้ไขปัญหากรเกิดรอยย่นได้โดยการนำตัวดรอบีด (Drawbead) เข้ามาใช้ เพื่อช่วยกักการไหลตัวของวัสดุที่บริเวณขอบปีกในแนวเส้นตรงให้มีการไหลตัวที่ช้าลงหรือไหลตัว เท่ากับบริเวณขอบปีกตามรัศมีมุมโค้ง ซึ่ง<mark>มีการไหลตั</mark>วที่ช้าอยู่แล้ว

2.5 ดรอบีด (Draw bead) [32]

การควบคุมแรงกดชิ้นงานที่ไม่พอเพียง จะทำให้เกิดรอยย่นของโลหะ ซึ่งการย่นนี้จะให้โลหะ แผ่นไม่สามารถที่จะไหลตัวได้ ทำให้บริเวณส่วนก้นของชิ้นงานถูกพั้นช์ดันฉีกขาดแต่ถ้าแรงกดของแผ่น กดชิ้นงานมากเกินไป โลหะก็จะไม่สามารถไหลตัวเช่นเดียวกัน โดยเฉพาะการขึ้นรูปกล่องสี่เหลี่ยมจะ ทำให้อัตราการไหลของแต่ละจุดไม่เท่ากัน ทำให้แรงที่ใช้ในการกดแต่ละจุดไม่เท่ากันด้วย สำหรับ บริเวณที่ต้องการแรงกดมากจะใช้ดรอบีดเข้ามาช่วยเพื่อทำให้การไหลตัวของโลหะช้าลง [32]

ดรอบีดมีหน้าที่ควบคุมการไหลตัวของโลหะที่จะไหลเข้าไปในดาย และช่วยป้องกันไม่ให้เกิด รอยย่น (Wrinkle) ในขณะขึ้นรูปนอกจากนั้นยังช่วยลดแรงกดของแผ่นกดชิ้นงาน และตัวรีดโลหะให้ ความเครียดลดลงเป็นการเพิ่มคุณสมบัติในการขึ้นรูปของโลหะ การติดตั้งดรอบีดสามารถติดตั้งที่ แผ่นกดชิ้นงานหรือที่ดายก็ได้ แต่ปกตินิยมติดตั้งอยู่ที่แผ่นกดชิ้นงานและร่องบีด (Bead) จะอยู่ที่ดาย

2.5.1 ดรอบีด<mark>แบ่งออกได้เป็น 5 ชนิดตามรูปร่างหน้าตัดขอ</mark>งดรอบีด ดังต่อไปนี้

 1) ดรอบีดแบบหน้าตัดกลม (Round Drawbead) ตัวแปลที่ใช้ในการออกแบบคือ รัศมีของดรอบีด (R) ความสูงที่พ้นจากผิวของแผ่นจับชิ้นงานหรือดาย (H) และระยะห่างจากปากดาย (L) ดรอบีดประเภทนี้นิยมใช้ในงานวิจัยเพื่อช่วยลดค่าความเสียดทาน และร่องรอยที่เกิดจากดรอ บีดบนแผ่นโลหะมีน้อย แต่ไม่นิยมใช้ในอุตสาหกรรมการผลิตจริงแสดงดังภาพที่ 2.19



ภาพที่ 2.19 ดรอบีดแ<mark>บบหน้</mark>าตัดกลม (Round Drawbead)

 2) ดรอบีดแบบหน้าตัดครึ่งวงกลม (Half-Round Drawbead) มีตัวแปลในการ ออกแบบ คือ รัศมีของดรอบีด (R) ความกว้าง (B = 2R) ความสูงที่พ้นจากผิวของแผ่นจับชิ้นงานหรือ ดาย (H) ความสูงของดรอบีด (H1) และระยะห่างจากปากดาย (L) ดรอบีดประเภทนี้นิยมใช้ใน อุตสาหกรรมการผลิตจริงแสดงดังภาพที่ 2.20



ภาพที่ 2.20 ดรอบีดแบบหน้าตัดครึ่งวงกลม (Half-Round Drawbead)

3) ดรอบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยมผืนผ้า (Rectangular Drawbead) มีตัวแปลในการ
 ออกแบบคือ รัศมี (R1,R2,R3) ความกว้าง (B) ความสูง (H,H1) และระยะห่างจากปากดาย (L)
 ดรอบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยมผืนผ้าที่นิยมใช้แสดงดังภาพที่ 2.21



ภาพที่ 2.21 ดรอบีดแ<mark>บบห</mark>น้า<mark>ตัดสี่เ</mark>หลี่ยมผืนผ้า (Rectangular Drawbead)

 4) ดรอบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า (Trapenzifrom Drawbead) มีตัวแปล ในการออกแบบคือ รัศมี (R1,R2) ความกว้าง (B) ความสูง (H,H1,H2) และระยะห่างจากปากดาย
 (L) ดรอบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่าแสดงดังภาพที่ 2.22



ภาพที่ 2.22 ดรอบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า (Trapenzifrom Drawbead)

5) ดรอบีดแบบหน้าตัดรูปตัววี (V-Shaped Drawbead) มีตัวแปลในการออกแบบคือ รัศมี (R1,R2,R3,R4) ความกว้าง (B) ความสูง (H,H1,H2) และระยะห่างจากปากดาย (L) ดรอบีด แบบหน้าตัดรูปตัววี แสดงดังภาพที่ 2.23



ภาพที่ 2.23 ดรอบีดแบบหน้าตัดรูปตัววี (V-Shaped Drawbead)

- 2.5.2 ส่ว<mark>นของร่องบีด (Grooves) สามารถแบ่งตามรูปร่างห</mark>น้าตัดได้ 5 แบบ คือ
 - 1) ร่องบี<mark>ดแบบห</mark>น้าตั<mark>ดตา</mark>มรูปร่างข<mark>อง</mark>ดรอบี<mark>ด แสดงดังภา</mark>พที่ 2.24



ภาพที่ 2.24 ร่องบีดแบบหน้าตัดตามรูปร่างของดรอบีด

2) ร่องบีดหน้าตัดครึ่งวงกลม แสดงดังภาพที่ 2.25



ภาพที่ 2.25 <mark>ร่อ</mark>งบีดหน้าตัดครึ่งวงกลม

ร่องบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยมผืนผ้า แสดงดังภาพที่ 2.26



ภาพที่ 2.27 ร่องบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยมคางหมู

5) ร่องบิดแบบหน้าตัดสี่สามเหลี่ยม แสดงดังภาพที่ 2.28



ภาพที่ 2.28 ร่องปิดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยม

2.5.3 ต่ำแหนงในการติดตั้งตัวดรอบีด (Drawbead Position) [32]

สามารถติดตั้งตัวดรอบีดเพื่อการใช้งานได้ 2 ตำแหน่ง คือ ติดตั้งไว้บนหน้าดาย หรือ ติดตั้งไว้บนผิวหน้าของแผ่นจับชิ้นงาน แล้วแต่รูปแบบและความเหมาะสมในการทำงาน โดยต้อง คำนึงถึงการตัดขอบด้วย ต่ำแหนงของตรอบีดต้องไม่เป็นอุปสรรคกับการทำงานในขั้นตอนอื่น การ วางดรอบีดอาจใช้ 1, 2, 3 แถว หรือมากกว่านั้นก็ได้ ขึ้นอยู่กับความลึกของงานที่ขึ้นรูป ความหนา และพื้นที่ในการไหลตัวของแผ่นโลหะ หรือความต้องการในการต้านการไหลตัวของแผ่นโลหะ ตาราง ที่ 2.2 เป็นการแนะนำขนาด ระยะห่างจากขอบ และสกรูในการจับยึดดรอบีดแบบหน้าตัดครึ่ง วงกลมในตัวแปลต่าง ๆ ในตารางแสดงดังรูปที่ 2.29



ภาพที่ 2.29 ต่ำแหน่งและระยะของดรอบีด

ขนาดแม่พิมพ์	L	L1	В	R	Н	H1	D
	(mm)	(mm)	(mm)	(mm)	(mm)	(mm)	(mm)
เล็ก-กลาง	25-32	25-30	14	7	6	5	M6
กลาง-ใหญ่	28-35	28- <mark>32</mark>	16	8	7	6	M8
ใหญ่มาก	32-38	32- <mark>38</mark>	20	10	8	7	M10

ตารางที่ 2.2 ขนาดของดรอบีดและต่ำแหน่งของระยะห่างในการยึดติด

2.6 ชนิดของเหล็กแผ่นที่ใช้ในการขึ้นรูป

เหล็กแผ่นรีดเย็นเป็นโลหะที่ใช้มากในการอัดโลหะ เนื่องจากเหล็กแผ่นชนิดนี้จะถูกรีดเป็นแผ่น ณ อุณหภูมิห้องจึงได้ผิวเรียบและละเอียด นิยมใช้ทำตัวถังส่วนนอกรถยนต์ เครื่องใช้ไฟฟ้า เครื่อง เขียน หรือชิ้นส่วนของเครื่องใช้ที่ต้องการความสวยงาม JIS (Japanese Industrial Standard) ได้ กำหนดชนิดของเหล็กแผ่น SPCC เป็นชินที่นิยมใช้มากที่สุดในงานอัดโลหะ ยกเว้นอัดขึ้นรูปลึกมาก (Sever deep-drawing) ผิวของเหล็กแผ่นเหล่านี้จะแบ่งออกเป็นชนิดด้าน (Dull sheet) ซึ่งรีดจาก ลูกรีดผิวหยาบ และผิวเรียบ (Bright sheet) ซึ่งรีดจากลูกรีดละเอียด

SPCC เป็นสัญลักษณ์หนึ่งของเกรดเหล็ก (Steel grade) ตามมาตรฐาน JIS G3141:1996 (Cold reduced carbon steel sheets and strip) ซึ่งเป็นเหล็กแผ่นรีดเย็น (Commercial quality) ใช้สำหรับงานทั่วไป นอกจากนี้ยังมีเกรดอื่นอีก เช่น SPCD ซึ่งเป็น (Drawing quality) ใช้ สำหับงานขึ้นรูป และ SPCE (Deep draw quality) สำหรับงานขึ้นรูปลึก ดังแสดงในตารางที่ 2.2

ชนิด		NZ.	ส <mark>่วนผสม</mark>			ราว การใช้งาน
	С	Si	Mn	Р	S	8
SPCC	<0.12	-	<0.05	<0.040	< 0.045	ใช้อัดโลหะทั่วไป
SPCD	<0.10	-	<0.45	< 0.035	< 0.035	ใช้อัดขึ้นรูป
SPCE	<0.18	-	<0.40	<0.030	<0.030	ใช้อัดขึ้นรูปลึก

ตารางที่ 2.3 คุณสมบัติท<mark>างเคม</mark>ีของเหล็กรีดเย็น (มาตรฐา<mark>น J</mark>IS)

2.7 งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

Meiders,et al.[2] ได้ศึกษาการนำดรอบีดมาใช้กับการขึ้นรูปโลหะ โดยการสร้างแบบจำลอง ทางคณิตศาสตร์ด้วยวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ ตัวแปลที่สำคัญประกอบด้วย แรงในการควบคุมการไหลตัว ของโลหะ (Drawbead Restraining Force) การเปลี่ยนแปลงความหนาแบบพลาสติก,และแรงยก ดรอบีด (Drawbead Lift Force) ได้มีการจำลองดรอบีดแบบสองมิติ และการทดลองจริงค่าความ แตกต่างทางคณิตศาสตร์ทั้งสองค่าจะเป็นเครื่องมือที่สำคัญในการอธิบายการเปลี่ยนแปลงความหนา แบบพลาสติกได้

M.Samuel.[3] ได้ศึกษาอิทธิพลรูปทรงของดรอบีดในการขึ้นรูปโลหะ ใช้วิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ใน การสร้างแบบจำลองของดรอบีดเปรียบเทียบรูปทรงของดรอบีดระหว่างร่องบีดที่เป็นแบบครึ่งวงกลม กับร่องบีดที่เป็นแบบสี่เหลี่ยมและวิเคราะห์ความแตกต่างของการไหลตัวของวัสดุในการใช้ร่องบีดทั้ง สองชนิดเปรียบเทียบกับการทดลอง จากการทดลองพบว่าการเปลี่ยนแปลงความหนาและความเค้น ที่เกิดขึ้นที่ผิวของร่องบีดแบบสี่เหลี่ยมมีค่าสูงกว่าร่องบีดแบบครึ่งวงกลม

กิตติภัฏ รัตนจันทร์ [4] เพื่อศึกษาหาความสามารถในการควบคุมการไหลของโลหะแผ่นของดรอบีด (Drawbead) ขึ้นอยู่กับตัวแปรหลายตัวต่างกันเช่นรูปร่างและความสูงของดรอบีด ความเร็วในการดึง ขึ้นรูป สภาพการหล่อลื่นและสมบัติของโลหะแผ่น สำหรับในการวิจัยนี้ใช้ดรอบีดที่มีรูปร่างแบบครึ่ง ทรงกระบอกกลม (Half-Round Drawbead) โดยมีตัวแปรที่สนใจคือความสูงของดรอบีด สภาพการ หล่อลื่นและความเร็วในการดึงขึ้นรูป ผลการทดลองแสดงให้ทราบว่าความสูงของดรอบีดและการหล่อ ลื่นมีผลกระทบต่อการควบคุมการไหลของโลหะแผ่นที่จะเข้าสู่ช่องเปิดดายเป็นอย่างมาก เมื่อเพิ่ม ความสูงดรอบีดให้สูงขึ้นจะต้องใช้แรงกดขึ้นงานเพิ่มมากขึ้นตามไปด้วย แต่รอยย่นที่เกิดขึ้นจะลดลง ในส่วนของการหล่อลื่นพบว่าเมื่อไม่ใช้สารหล่อลื่นจะไม่สามารถดึงขึ้นรูปได้เพราะจะเกิดการฉีกขาดที่ ผนังชิ้นงานก่อน สำหรับความเร็วในการดึงขึ้นรูปในช่วงที่ใช้ในการทดลองพบว่ามีผลต่อคุณภาพของ ชิ้นงานสำเร็จน้อยมาก

บุญส่ง จงกลนี [1] ได้ศึกษาการออกแบบแม่พิมพ์ที่จะใช้ในการลากขึ้นรูปลึกชิ้นงานที่มี ลักษณะไม่สมมาตร เพื่อใช้ในการทดสอบอิทธิพลของตัวแปรที่มีอิทธิพลต่อการขึ้นรูป 4 ตัวแปร รูปร่างแผ่นเปล่า (Blank geometry) ขนาดแรงกดชิ้นงาน (Blank holding force : BHF) ชนิดของ สารหล่อลื่น (Lubricant type) และรูปร่างครอบีด (Drawbead geometry) ในขั้นตอนการทดสอบ จะมีการบันทึกผลแรงกดขึ้นรูปและแรงกดชิ้นงานในขณะขึ้นรูปทุกครั้ง การวัดผลการทดลองจะนำเอา ชิ้นงานที่ขึ้นรูปแล้วมาตรวจสอบความเสียหายและวัดขนาดของความเครียด (Strain) ที่เกิดขึ้นใน ตำแหน่งต่างๆบนชิ้นงานเพื่อใช้ในการวิเคราะห์ผลต่อไป จากการทดลองพบว่า รูปร่างของแผ่นตัด เปล่า และแรงกดชิ้นงานที่เหมาะสมนอกจากจะสามารถลดแรงที่ใช้ในการขึ้นรูปแล้วยังสามารถลด ระดับความเครียดบนชิ้นงานได้อีกด้วย ขนาดของแรงกดชิ้นงานที่เหมาะสมจะขึ้นอยู่กับขนาดของ แผ่นตัดเปล่าและกลไกของแม่พิมพ์ สารหล่อลื่นจะลดสัมประสิทธิ์ความเสียดทานที่ผิวสัมผัสของ ชิ้นงานโดยตรง และการใช้ดรอบีดที่มีขนาดที่เหมาะสม เข้าสู่ดายได้ดี จะทำให้สามารถลดขนาดของความเครียดในบริเวณวิกฤติได้ดี อย่างไรก็ตามการใช้ดรอ บีดจะต้องมีการปรับขนาด แผ่นตัดเปล่าให้โตขึ้น เพิ่มแรงกดชิ้นงาน และเลือกใช้สารหล่อลื่นให้ เหมาะสม

ทวีภัทร์ บูรณธิติ,ทัศน์ชัย ผองผาย [33] การขึ้นรูปโลหะแผ่นในการผลิตชิ้นส่วนรถยนต์มักจะ เกิดปัญหาการเกิดรอยย่น การฉีกขาด และการสปริงตัวกลับ ทั้งนี้กระบวนการขึ้นรูปโลหะแผ่นนั้นมี การกำหนดค่าตัวแปรกระบวนการผลิตต่างๆ ที่สำคัญเช่น แรงกดของตัวประสานหรือแรงจับยึดแบ ลงค์ตำแหน่งของดรอบีด และขนาดรูปร่างของแบลงค์ เป็นต้นงานวิจัยนี้ได้นำระเบียบวิธีไฟไนต์เอลิ เมนต์แบบไม่เชิงเส้นมาประยุกต์ในการจำลองสถานการณ์และการวิเคราะห์การขึ้นรูโลหะแผ่นของ ชิ้นส่วนขวางยึดเครื่องยนต์มาเป็นกรณีศึกษา โดยทำการศึกษาถึงอิทธิพลของแรงกดของตัวประสาน และตำแหน่งดรอบีดแบบต่างๆ ต่อการไหลของวัสดุในกระบวนการขึ้นรูปโลหะที่มีต่อการฉีกขาดและ การเกิดรอยย่นซึ่งเป็นเงื่อนไขการออกแบบหลัก แผ่นโลหะที่ใช้ในการศึกษานี้ คือ เหล็กกล้า JSC440W ที่มีความหนาเริ่มต้น 1 มม. ความสามารถในการขึ้นรูปขึ้นส่วนนี้ถูกพิจารณาโดยการ เปรียบเทียบกับแผนภูมิขีดจำกัดการขึ้นรูป ซึ่งเป็นลักษณะเฉพาะที่สำคัญทางด้านความไม่เสถียรทาง พลาสติกของแต่ละชนิดโลหะแผ่น ผลจากการศึกษาพบว่าดรอบีดสามารถควบคุมการไหลของวัสดุได้ ดีกว่าการใช้แรงกดของตัวประสานเพียงอย่างเดียว การเลือกตำแหน่งดรอบีดมีความสำคัญ โดยการ วางแนวตรอบีดอย่างสม่ำเสมอนั้นไม่เพียงพอต่อการขึ้นรูปสำหรับกรณีศึกษานี้การใช้ดรอบีดแบบ 6 ช่วงตำแหน่ง จะสามาร<mark>ถช่วยในการลดปัญหาทั้งการฉีกขาดและรอยย่นได้ด</mark>ีในกรณีศึกษา

จากการศึกษางานวิจัยที่เกี่ยวข้องถึงผลกระทบของดรอบีดที่มีผลต่อการขึ้นรูปโลหะแผ่นพบว่า ดรอบีดมีผลต่อการขึ้นรูปโลหะแผ่นโดยดรอบีดสามารถควบคุมการไหลตัวของแผ่นโลหะในต่ำแหน่งที่ มีการติดตั้งดรอบีด และสามารถกระจายเนื้อโลหะออกไปก่อนที่จะเกิดการย่น นอกจากนั้นยังพบว่า ความสูงของดรอบีด รูปทรงดรอบีด และต่ำแหน่งในการติดตั้งดรอบีดมีผลต่อการไหลตัวของโลหะ แผ่นอีกด้วย จากทฤษฎีและงานวิจัยที่เกี่ยวข้องดังกล่ววจึงมีแนวความคิดที่จะศึกษาชนิดและรูปทรง ของดรอบีด ว่ามีอิทธิพลในการควบคุมการไหลตัวของโลหะ โดยเฉพาะในการขึ้นรูปชิ้นงานที่มีรูปทรง ไม่สมมาตร ทำการศึกษารูปทรงของดรอบีด 3 ลักษณะได้แก่ ดรอบีดหน้าตัดรูปตัววี (V-Shaped Drawbead) ดรอบีดแบบหน้าตัดครึ่งวงกลม (Half-Round Drawbead)และ ดรอบีดแบบหน้าตัด สี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า (Trapenzifrom Drawbead) ตัวแปลที่ใช้ในการทดลองเป็นเหล็กแผ่นรีดเย็น เกรด SPCC โดยการเปรียบเทียบผลการทดลองการขึ้นรูปจริงกับการจำลองด้วยวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ ศึกษาผลการขึ้นรูปมีความสอดคล้องให้ผลลัพธ์ในทิศทางเดียวกัน เพื่อทราบถึงปัจจัยที่มีผลกระทบต่อ การขึ้นรูปโลหะแผ่น เพื่อนำไปใช้แก้ปัญหาการออกแบบดรอบีดและเปรียบเทียบผลการจำลองการขึ้น รูปวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์

บทที่ 3

วิธีการดำเนินการวิจัย

การดำเนินการทดลองแบ่งออกเป็นดังนี้ ส่วนแรกคือการจำลองการขึ้นรูปด้วยระเบียบวิธีไฟ ในต์เอลิเมนต์ ส่วนที่สองคือการทดลองขึ้นรูปชิ้นงานจริง เพื่อวัดความหนาและบริเวณที่เกิดความ เสียหาย นำข้อมูลที่ได้จากการทดลองไปเปรียบเทียบและวิเคราะห์เพื่อศึกษาหาความสัมพันธ์ระหว่าง การทดลองจริงกับการจำลองขึ้นรูปด้วยระเบียบวิธีไฟในต์เอลิเมนต์ ซึ่งเมื่อมีแนวโน้มใกล้เคียงกันจึงปรับ ค่าพารามิเตอร์ในการวิเคราะห์ไฟในต์เอลิเมนต์ สำหรับการออกแบบดรอบีด

3.1 ขั้นตอนการดำเนินการวิจัย

การดำเนินการวิจัยแบ่งอ<mark>อกเป็นสองส่วน ส่วนแ</mark>รกดำเนินการขึ้นรูปซิ้นงานที่รูปทรงไม่ สมมาตรเพื่อนำมาวิเคราะห์ความเครียดที่เปลี่ยนไป ส่วนที่สองเป็นจำลองการขึ้นด้วยวิธี ไฟในต์เอลิเมนต์ ผลทั้งสองส่วนน<mark>ำมาเปรียบเทียบกันซึ่งมีแนวท</mark>างการดำเนินการดังนี้





ภาพที่ 3.1 แผนภาพการดำเนินการวิจัยการศึกษาอิทธิพลรูปทรงของดรอบีดในการลากขึ้นรูปโลหะ ที่มีรูปทรงไม่สมมาตรโดยการจำลองด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์

จากแผนภาพการดำเนินการวิจัยทั้งสองส่วนสามารถแสดงรายละเอียดขั้นตอนดังนี้

3.1.1 ทดสอบหาสมบัติอัตราส่วนความเครียดถาวร n,r (Anisotropy) ของแผ่นเหล็กรีดเย็นSPCD ความหนา 1.0 มิลลิเมตร ตามวิธีการของ ASTM E517 vol.01.03.(1993)

นำแผ่นเหล็กรีดเย็น SPCD ความหนา 1.0 มิลลิเมตรมาทำการทดสอบหาค่า
 r (Anisotropy) ตัดชิ้นทดสอบ (Blanking) ตามแนวทิศทางการรีด (Rolling Direction)จากแผ่น
 เหล็กรีดเย็น ที่นำมาใช้ในการทดสอบ

 2) วัดความกว้าง (Wo) และความหนา (To) ของแต่ละชิ้นทดสอบทุกแนวการรีด บันทึกข้อมูล ในช่วงความยืด (Gage length)



ภาพที่ 3.2 ลักษณะชิ้นทดสอบหาสมบัติเชิงกล

นำชิ้นทดสอบที่วัดค่าความกว้างและหนา มาทดสอบการดึงตามแนวแกน

 4) วัดความกว้าง (Wx) และความหนา (Tx) ของชิ้นทดสอบที่ดึงทดสอบแล้วอุปกรณ์ (Extensometer) จะบันทึกการเปลี่ยนแปลงความยาวและพื้นที่หน้าตัด นำข้อมูลที่ได้จากการบันทึก มาคำนวณ

Title		Thickness	Width	GaugeLeng	gth	
T1		1	12.5	50		
	s Si	umm <mark>ary fo</mark> r [Data Proces	sing =====	-	
Title		Max_Force	Max_Stress	YP_Stress	Break_Stra	LYP_Stress (N/mm2)
T1		3730.69	93.27	68.9	74.33	68.29
Mean		0	0	0	0	0
	R	aw Data ==				
T1						
Time		Force	Stress	Stroke	Strain	Extensometer
	0	12.29	0.31	1	2	0
	1	-69.62	-1.74	1	2	0
	7	569.23	14.23	1	2	0.01
	7	724.84	18.12	1	2	0.01
	8	1015.6	25.39	- 1	2	0.02

ภาพที่ 3.3 การบันทึกข้อมูลการทดสอบการดึงจากโปรแกรมคอมพิวเตอร์

3.1.2. ทดสอบหาสมบัติเลขชี้กำลังการทำให้แข็งด้วยความเครียด (Strain-Hardening Exponent, *n* -values) และสัมประสิทธิ์ความต้านแรง (Strength Coefficient, *K*) ของเหล็กแผ่น รีดเย็น ตามวิธีทดสอบ ASTM E 646-91 vol.03.01.(1993)

1) วัดความกว้างความหนาของชิ้นทดสอบช่วงระยะยืด (Gage Length)

2) จับชิ้นงานทดสอบแรงดึงบันทึกค่าแรงที่กระทำและระยะที่เปลี่ยนแปลงช่วงที่หนึ่ง

3) คำนวณหาความเค้นทางวิศวกรรม (Engineering Stress, S) เท่ากับแรงกระทำช่วง ที่หนึ่งต่อขนาดพื้นที่หน้าตัด

4) คำนวณหาความเครียดวิศวกรรม (Engineering Strain, arepsilon)

5) คำนวณหาความเค้นจริง (True Stress) = $S \times (1 + \varepsilon)$

- 6) คำนวณหาความเครียดจริง (True Strain) = $\ln(1+\varepsilon)$
- 7) คำนวณหา y หรือ Log Tr<mark>ue</mark> Stress

Engineering,ture-stress (MPa)



ภาพที่ 3.4 แผนภาพความเค้น-ความเครียดวิศวกรรมและ ความเค้น-ความเครียดจริงของ เหล็กรีดเย็น หนา 1 มิลลิเมตร

- 8) คำนวณหา *x* หรือ Log True Stress
- 9) คำนวณหา y^2
- 10) คำนวณหา x^2
- 11) คำนวณหา *xy*

12) คำนวณหาค่าจากการบันทึก 2.2-2.11ทุกเปลี่ยนแปลงระยะยืดในช่วง GageLengthให้จำนวนครั้งการเปลี่ยนแปลงระยะยืดเป็น Nหาผลรวมทั้งหมด $\sum y, \sum x, \sum y^2, \sum x^2, \sum xy$



- **ภาพที่ 3.5** หาค่าสัมประสิทธิ์ความต้านแรงและเลขชี้กำลังการทำให้แข็งด้วยความเครียดใช้แบบ สมการกำลัง (Power Function)
- ตารางที่ 3.1 สมบัติเชิงกลแผ่นเหล็กรีดเย็น SPCD ความหนา 1.0 มิลลิเมตร

ชนิดของ	เลขช <mark>ี้กำลังการทำ</mark>	สัมประสิทธิ์	อัตราส	ส่ <mark>วนความเค</mark> ร์	รียดพลาสต์	ี่จิก (<i>r</i>)
วัสดุ	ให้แข็งด้วย	<mark>ความ</mark> ต้าน	R ₀	R ₄₅	R ₉₀	\overline{R}
	คว <mark>ามเครียด(n)</mark>	แรง(K)	12	A E		
SPCD	0.14	366	1.301	1.365	1.468	1.378

 3.1.3. การจำลองการขึ้นรูปด้วยระเบียบวิธีไฟในต์เอลิเมนต์ การวิเคราะห์กระบวนการขึ้นรูป ของงานวิจัยนี้ ใช้โปรแกรม Dyna Form 5.6 จำลองการขึ้นรูปของเหล็กแผ่นรีดเย็นเกรด SPCC , SPCD และ SPCE มีขั้นตอนดังนี้

- 1 ก่อนการประมวลผล (Pre processing)
- 2 ขั้นตอนการวิเคราะห์ (Analysis)
- 3 แสดงผลลัพธ์จากการประมวลผล (Post Processing)
- 3.1.4 ก่อนการประมวลผล (Pre processing) มีขั้นตอนดังนี้

	11000	
Name	DIE	
ID	1	
Color		
ок	Apply	Cancel

ภาพที่ 3.6 <mark>ก</mark>ำหนดชื่อของเครื่องมือ

1) ขั้นตอนการกำหนดชื่อของเครื่องมือเพื่อใช้ในการวิเคราะห์ ดังภาพที่ 3.6 จากเมนู บาร์ เลือกเมนู Part โดยเลือกฟังชั่น Create กำหนดชื่อ Die , Punch,Bender และ Blank จากนั้น กำหนดสีเพื่อแทนชนิดของเครื่องมือและชิ้นงาน โดยทีมี Drawbead ติดอยู่กับ Bender



2) การสร้างเครื่องมือและชิ้นงาน ดังภาพที่ 3.7 สร้างจาก CAD – file โดยใช้ โปรแกรม CATIA V5 R20

 การสร้างผิวสำหรับเครื่องมือและชิ้นงาน เนื่องจากการขึ้นรูปเป็นแบบไม่สมมาตร จึงวิเคราะห์การขึ้นรูปตลอดทั้งชิ้นงาน ดังภาพที่ 3.8



ภาพที่ 3.8 การ<mark>สร้างผิวสำ</mark>หรับเครื่องมือและชิ้นงาน

4) กำหนด Part mesh ดังภาพที่ 3.9 จากเมนูบาร์ เลือกเมนู BSE เลือกฟังชั่น Preparation คลิกไอคอน Part mesh กำหนดขนาดเอลิเมนต์ เท่ากับ 1 มิลลิเมตร และคลิกปุ่ม Select Surface



ภาพที่ 3.9 การสร้างพื้นผิวเครื่องมือและชิ้นงาน

3.1.5 ขั้นตอนการวิเคราะห์ (Analysis) มีขั้นตอนดังนี้



ภาพที่ 3.10 กำหนดชนิดการขึ้นรูป

กำหนดค่าของ Simulation Type เป็นชนิด Sheet Forming ดังภาพที่ 3.10 จาก เมนูบาร์ เลือกเมนู Setup เลือกฟังชั่น Auto Setup กำหนดความหนาของชิ้นงาน 1 มิลลิเมตร กำหนดชนิดของการขึ้นรูปแบบ Crash form กำหนด Blank surface แบบ Top ซึ่งการกำหนดชนิด การขึ้นรูปขึ้นกับลักษณะของงานที่วิเคราะห์ โดยแบ่งได้ดังนี้ แบบ Single action แบบ Double action แบบTriple action แบบ Springback

10.farming			1 per la	
Come Dans 1	ell Proces	e street		41 5
- Gaamers Part		listeral	Theirvess	Property
BLANK	2	SPICE	10	ELFORES
Postas	4.6		5411	A.
Postar 0.0	100	jor.o	S	
Severater	Same	-	and the	
BAYERARD BERR	1000		LIN S	Callen

ภาพที่ 3.11 กำหนดชนิดวัสดุของชิ้นงาน

ภาพที่ 3.11 เป็นการกำหนดชนิดของวัสดุ คลิกไอคอน Blank กำหนดวัสดุ คลิกไอคอน Material เลือกเกรดวัสดุเหล็กเกรด SPCD



ภาพที่ 3.12 เครื่องมือแล<mark>ะก</mark>ารกำหนดเงื่อนไขขอบเขตการขึ้นรูป



ภาพที่ 3.13 การประมวลผลของโปรแ<mark>กร</mark>ม Dyna Form 5.6

ภาพที่ 3.12 กำหนดเงื่อนไขขอบเขตการขึ้นรูป (Boundary Condition) ประมวลการ จำลองขึ้นรูปชิ้นงาน (Process) กำหนดระยะเคลื่อนที่ของพื้นซ์เท่ากับ 52 มิลลิเมตร ความเร็วของ การเคลื่อนที่ Die กับ Bender เท่ากับ 500 มิลลิเมตรต่อวินาที กำหนด Punch ไม่เคลื่อนที่ ภาพที่ 3.13 เป็นการประมวลผล ซึ่งก่อนการประมวลผลต้องตรวจสอบความถูกต้องของการเคลื่อนที่ ให้คลิก Preview ดูการเคลื่อนที่ จากนั้นเลือก Job Submitter

3.1.6 แสดงผลลัพธ์จากการประมวลผล (Post - Processing)

ประมวลผลการจำลองขึ้นรูปชิ้นงาน เมื่อกำหนดค่าพารามิเตอร์เกี่ยวกับ Geometry กำหนดค่าสมบัติของวัสดุ กำหนดเครื่องมือ (Tools) จากนั้นจึงจำลองการขึ้นรูปเพื่อตรวจสอบความ ถูกต้อง และทำการประมวลผลต่อไป



ภาพที่ 3.14 การกำหนดค่าส<mark>มบัติ</mark>ของวัสดุในโปรแกรม Dyna Form 5.6

ภาพที่ 3.14 การนำค่าเลขชี้กำลังการทำให้แข็งด้วยความเครียด และค่าอัตราส่วน ความเครียดพลาสติก จากการท<mark>ดสอบการดึง เพื่อให้โปร</mark>แกรม Dyna Form 5.6 สร้างแผนภาพ ขีดจำกัดการขึ้นรูป



ภาพที่ 3.15 แสดงผลลัพธ์การประมวลผล (Post-process) หลังจากโปรแกรม Dyna Form 5.6 ทำการวิเคราะห์ประมวลผล นำผลลัพธ์จากค่าหนา เพื่อเปรียบเทียบกับการทดลองขึ้นรูป จริง จากรูปภาพบริเวณพื้นที่สีเขียวคือบริเวณที่อยู่ระหว่างเส้นสภาวะยืดตรึง สภาวะดึงและเส้น ปลอดภัยในการขึ้นรูป พื้นที่สีน้ำเงิน คือบริเวณที่อยู่ระหว่างเส้นสภาวะดึง และสภาวะเฉือนอย่าง เดียวรูป ถ้าเนื้อโลหะแผ่นบริเวณใดมีค่าความเครียดหลังขึ้นรูปตกอยู่ในพื้นที่นี้ แสดงให้เห็นว่าเนื้อ โลหะแผ่นบริเวณนั้นมีแนวโน้มที่จะเกิดรอยย่นหลังขึ้นรูป พื้นที่สีม่วงคือบริเวณที่อยู่ใต้เส้นสภาวะ เฉือนอย่างเดียว ถ้าเนื้อโลหะแผ่นบริเวณใดมีค่าความเครียดหลังขึ้นรูปตกอยู่ในพื้นที่นี้ แสดงให้เห็นว่า เนื้อโลหะแผ่นบริเวณนั้นจะเกิดรอยย่นหลังขึ้นรูป



ภาพที่ 3.16 ค่าความหน<mark>าวิเคร</mark>าะห์จากโปรแกรม Dyna Form 5.6

ภาพที่ 3.16 แสดงถึง<mark>ตำแหน่งของความ</mark>หนาของชิ้นงาน (Thickness) โดยแสดงค่า ความหนาตามสีที่ปรากฏบนชิ้นงา<mark>น เพื่อ</mark>เปรีย<mark>บเ</mark>ทียบ<mark>กับกา</mark>รทดลองขึ้นรูปจริง

3.2 เครื่องมือและอุปกรณ์ใน<mark>การดำ</mark>เนินงานวิจัย

เครื่องมือที่ใช้ในทดสอบโดยใช้เครื่องปั้มโลหะของภาควิชาวิ<mark>ศว</mark>กรรมอุตสาหการที่มีขนาด 80 ตัน แม่พิมพ์ลากขึ้น<mark>รูปลึกชิ้นงานที่มีรูปทรงไม่สมมาตร และเครื่องจักรกลอ</mark>ัตโนมัติ (CNC automatic machine) ใช้ในการสร้าง<mark>ดรอบีด</mark> 3.2.1. เครื่องปั๊มโลหะที่มีขนาด 80 ตัน ดังแสดงในภาพที่ 3.17



ภาพที่ 3.17 เครื่องปั๊มโลหะขนาด 80 ตัน

3.2.2. แม่พิมพ์ลากขึ้นรูปลึ<mark>กชิ้น</mark>งานที่มีรูปทร<mark>งไม่</mark>สมมาตร ดังแสดงในภาพที่ 3.18



ภาพที่ 3.18 แม่พิมพ์ลากขึ้นรูปลึกชิ้นงานที่มีรูปทรงไม่สมมาตร

3.2.3. เครื่องจักรกลอัตโนมัติ (CNC automatic machine) ดังแสดงในภาพที่ 3.19



ภาพที่ 3.19 เครื่องจักรกลอัตโนมัติ (CNC automatic machine)

- 3.2.4. การเตรียมแผ่นชิ้นงา<mark>นท</mark>ดสอบ
 - 1) เตรียมชิ้นทด<mark>สอบ ดั</mark>งแสดงภาพที่ 3.20





2) ดรอบีดแบบหน้าตัดครึ่งวงกลม (Haft-Round Drawbead) ดังแสดงใน

ภาพที่ 3.21



ภาพที่ 3.21 ดรอบีดแบบหน้า<mark>ตัด</mark>ครึ่งวงกลม (Haft-Round Drawbead)

3) ดรอบีดแบบหน้าตัดสามเ<mark>หลี่ยม</mark> (V-Shaped Drawbead) ดังแสดงในภาพที่



ภาพที่ 3.23 ดรอบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า (Trapenzifrom Drawbead)

3.2.5. แม่พิมพ์และการติดตั้ง หลักการทำงานของแม่พิมพ์ชุดตัว (Die holder) ใช้รับยึดกับ แท่นปั๊มขึ้นลงและยึดแผ่นรองดาย (Pressure die) และแผ่นดาย (Die holder) จะยึดกันเช่นชุดบน (Upper shore) มีชุดนำการปั๊ม (Guide post) เป็นชุดนำเพื่อความเที่ยงตรงในการปั๊มขึ้นลงและชุด ล่าง (Lower shore) จะประกอบด้วยพั๊นซ์ (Punch) แผ่นกดยึด (Blank holder) มีหน้าที่ในการกด ยึดชิ้นงานโดยส่งถ่ายแรงจากคุชชั่นพิน (Cushion pin) ซึ่งสามารถปรับแรงได้และแผ่นพั๊นซ์โฮลเดอร์ (Punch holder) จะจับยึดกับแท่นเครื่องปั๊ม ดั้งแสดงในภาพที่ 3.24



ภาพที่ 3.24 ส่วนประกอบของแม่พิมพ์ขึ้นรูปลึก [1]

ตารางที่	3.2	ตารางชิ้นส่วนแม่พิมพ์	

รายการ	วัสดุ	ขนาด	จำนวน/ชิ้น
Punch holder	SS41	240×420×48	1
Pressure die	S50C	210x250x25	1
Die plate	SKD11	210×250×40	1
Punch form	SKD11	80×150×118	1
Blank holder	SS41	210x250x30	1

Die holder	SS41	240×420×48	1
Spacer block	SS41	240×420×48	1
Cushion pin	SS41	35x400	4

3.2.6. แม่พิมพ์พร้อมใช้งานติดตั้งบน<mark>เค</mark>รื่องปั้ม ดังแสดงในภาพที่ 3.25



ภาพที่ 3.25 แม่พิมพ์พร้อมใช้งาน

3.2.7. แร<mark>งกดชิ้นงาน (Blank Holder Force) จากการคำนวณ</mark>แรงขึ้นรูปลึก ทำการศึกษา โดยเทียบเป็นขนาดของแรงก<mark>ดที่ระดับ 30 %, 50 % และ 70 %</mark> ของแรงที่ใช้ในการขึ้นรูปได้ดังนี้

> จาการคำนวณเทียบได้ = $\frac{49.69 \times 100}{104.84}$ = 47.4% เป็นค่าของแรงเริ่มต้น แรงกดชิ้นงานที่ 30% = $\frac{30 \times 104.84}{100}$ = 31.45 kN แรงกดชิ้นงานที่ 50% = $\frac{50 \times 104.84}{100}$ = 52.42 kN แรงกดชิ้นงานที่ 70% = $\frac{70 \times 104.84}{100}$ = 73.38 kN

3.2.8. สารหล่อลื่น [1] สารหล่อลื่น DRAW 359H ใช้ในงานลากขึ้นรูปเหล็กกล้าไร้สนิมและ เหล็กกล้า ง่ายในการทำความสะอาดหลังจากใช้งาน การนำไปใช้งานจะใช้เฉพาะสารหล่อลื่นโดยตรง หรือผสมกับน้ำมันแร่ก็ได้ โดยใช้ฟองน้ำ แปรง ลูกกลิ้งฉีดพ่น ใช้ในงานลากขึ้นรูปที่ยากสำหรับวัสดุที่ เป็นเหล็กกล้าและเหล็กกล้าไร้สนิมคุณสมบัติทางเคมีและฟิสิกส์ความหนืดที่ 100 องศาฟาเรนไฮร์
หรือ 38 องศาเซลเซียส เท่ากับ 1100 ม.ม.2/วินาทีเป็นสีดำ สีน้ำตาลเหลือง สีอำพันความ ถ่วงจำเพาะ 1.28

3.2.9. อุปกรณ์บันทึกข้อมูลเป็นอุปกรณ์จัดเก็บสัญญาณ (Mini data logger) เป็นอุปกรณ์ จัดเก็บข้อมูล พื้นฐานของระบบ (data logger) ประกอบไปด้วย scanner หรือ multiplexer digital-voltmeter และตัวบันทึกข้อมูล ซึ่งรับ Input ที่เป็นระบบ analog จาก sensor แล้วทำการ เปลี่ยนข้อมูลเป็นระบบ digital และเก็บข้อมูลไว้ในหน่วยความจำเพื่อการนำไปใช้ต่อไป ดังแสดงใน ภาพที่ 3.26



ภาพที่ 3.26 (<mark>ก) อุปกรณ์วัดแรงดันน้ำมัน (ข)</mark> อุปกรณ์จัดเก็บสัญญาณ



3.2.10. บริเ<mark>วณจุด</mark>ที่ตรวจวั<mark>ดความเครียดแนวความห</mark>นา





3.2.11. อุปกรณ์วัดความหนาชิ้นงาน ดังแสดงในภาพที่ 3.28



3.2.12. ตารางบันทึกผลการ<mark>ทดลอง เป็นตาราง</mark>บันทึกแรงของการลากขึ้นรูปต่อสัดส่วนของ แรงกด ในการใช้ดรอบีดแต่ละชนิด

ตารางที่ 3.3 ตารางบันทึกแรงที่ใช้ในการลากขึ้นรูป

	แรงที่ใช้ในการลาก <mark>ขึ้นรูปขอ</mark> งรูปทรงดรอบีด (KN)				
ครั้งที่	ครึ่งวงก <mark>ลม สาม</mark> เหลี่ยง		สี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า		
1 แผ่น <mark>แบลงค์ 199</mark> 7 –	X	X	X		
2 แผ่นแบลงค์	x	X	X		
3 แผ่นแบลงค์	X	×	X		
เฉลี่ย	X	×	X		

จุดตรวจวัด	รูปทรงดรอบีด							
ความหนา	ครึ่งว	วงกลม	หน้าตัดส	หามเหลี่ย ม	สี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า			
	ความหนา ชิ้นงาน	ค่า ความเครียด	ความหนา ชิ้นงาน	ค่า ความเครียด	ความหนา ชิ้นงาน	ค่า ความเครียด		
A1	Х	Х	×	Х	Х	Х		
A2	Х	Х	×	Х	Х	Х		
A3	Х	Х	×	Х	Х	Х		
A4	Х	х	X	Х	Х	Х		
A5	Х	х	Х	Х	Х	Х		
A6	Х	Х	X	Х	Х	Х		
A7	Х	×	Х	Х	Х	Х		
A8	Х	X	S X	X	Х	Х		
A9	Х	X	X	X	Х	Х		
A10	X	X	X	X	Х	Х		

ตารางที่ 3.4 ความเครียดในแนวความหนาของชิ้นงานในแต่ละจุดตรวจวัด



บทที่ 4

ผลการทดลอง

งานวิจัยนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาอิทธิพลของรูปทรงดรอบีดที่มีผลต่อการลากขึ้นรูปโลหะ แผ่นรูปทรงไม่สมมาตร โดยการวิเคราะห์ด้วยไฟในต์เอลิเมนต์ และนำมาเปรียบเทียบกับชิ้นงานจริง เพื่อนำไปหาค่าความเครียดแนวความหนาของชิ้นงานในแต่ละจุดที่เกิดขึ้น เมื่อทำการจำลองในแต่ละ กรณี รูปทรงดรอบีดต่างกันพบว่ามีผลต่อรอยยุ่น แรงในการขึ้นรูป และการกระจายตัวของความหนา ชิ้นงาน การศึกษาเป็นการเปรียบเทียบกับแผนภาพขีดจำกัดการขึ้นรูป (Forming Limit Diagram :FLD) เพื่อศึกษาความเป็นไปได้ที่จะเกิดรอยยุ่นกับชิ้นงาน ในแต่ละรูปทรงดรอบีด มีผลการวิจัยดังนี้

4.1 เปรียบเทียบแรงในการขึ้นรูป

เปรียบเทียบแรงขึ้นรูปจริ<mark>งกับการจำลองด้วยไฟไนต์</mark>เอลิเมนต์ในการใช้ดรอบีดแต่ละชนิด ที่ ระดับแรงกดชิ้นงาน 30 ,50 และ 70 <mark>เปอร์</mark>เซ็นต์ ของเ<mark>หล็ก</mark> SPCD



ภาพที่ 4.1 เปรียบเทียบแรงขึ้นรูปจริงกับการจำลองด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์ในการใช้ดรอบีดแต่ละชนิด ที่ระดับแรงกดชิ้นงาน 30 ,50 และ 70 เปอร์เซ็นต์ ของเหล็ก SPCD

จากรูปที่ 4.1 เป็นกราฟแสดงแรงในการขึ้นรูปซิ้นงานที่มีรูปทรงไม่สมมาตรในการใช้ดรอบีด หน้าตัดครึ่งวงกลม ดรอบีดหน้าตัดรูปตัววี และ ดรอบีดหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า ที่แรงกดซิ้นงาน 30, 50 และ 70 เปอร์เซ็นต์ ของเหล็ก SPCD พบว่า

4.1.1 แรงกดชิ้นงาน 30 เปอร์เซ็นต์ ดรอบีดหน้าตัดครึ่งวงกลม ให้แรงกดสูงสุดที่ 106 KN เปรียบเทียบกันระหว่างแรงในการขึ้นรูปชิ้นงานจริง กับการจำลองการขึ้นรูปด้วยวิธีไฟไนเอลิเมนต์ พบว่าแรงในการขึ้นรูปแตกต่างเฉลี่ย 5 เปอร์เซ็นต์ ดรอบีดหน้าตัดรูปตัววี ให้แรงกดสูงสุดที่ 109 KN เปรียบเทียบกันระหว่างแรงในการขึ้นรูปชิ้นงานจริง กับการจำลองการขึ้นรูปด้วยวิธีไฟไนเอลิเมนต์ พบว่าแรงในการขึ้นรูปแตกต่างเฉลี่ย 5 เปอร์เซ็นต์ ดรอบีดหน้าตัดรูปตัววี ให้แรงกดสูงสุดที่ 109 KN เปรียบเทียบกันระหว่างแรงในการขึ้นรูปชิ้นงานจริง กับการจำลองการขึ้นรูปด้วยวิธีไฟไนเอลิเมนต์ พบว่าแรงในการขึ้นรูปแตกต่างเฉลี่ย 6 เปอร์เซ็นต์ และดรอบีดหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า ให้แรงกด สูงสุดที่ 115 KN เปรียบเทียบกันระหว่างแรงในการขึ้นรูปแตกต่างเฉลี่ย 5 เปอร์เซ็นต์ 5 เปอร์เซ็นต์ ใปอร์เซ็นต์

4.1.2 แรงกดขึ้นงาน 50 เปอร์เซ็นต์ ดรอบีดหน้าตัดครึ่งวงกลม ให้แรงกดสูงสุดที่ 113 KN เปรียบเทียบกันระหว่างแรงในการขึ้นรูปขึ้นงานจริง กับการจำลองการขึ้นรูปด้วยวิธีไฟไนเอลิเมนต์ พบว่าแรงในการขึ้นรูปแตกต่างเฉลี่ย 18 เปอร์เซ็นต์ ดรอบีดหน้าตัดรูปตัววี ให้แรงกดสูงสุดที่ 138 KN เปรียบเทียบกันระหว่างแรงในการขึ้นรูปชั้นงานจริง กับการจำลองการขึ้นรูปด้วยวิธีไฟไนเอลิเมนต์ พบว่าแรงในการขึ้นรูปแตกต่างเฉลี่ย 29 เปอร์เซ็นต์ และดรอบีดหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า ให้แรง กดสูงสุดที่ 150 KN เปรียบเทียบกันระหว่างแรงในการขึ้นรูปแตกต่างเฉลี่ย 29 เปอร์เซ็นต์ และดรอบีดหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า ให้แรง กดสูงสุดที่ 150 KN เปรียบเทียบกันระหว่างแรงในการขึ้นรูปแตกต่างเฉลี่ย 8 เปอร์เซ็นต์

4.1.3 แรงกดชิ้นงาน 70 เปอร์เซ็นต์ ดรอบีดหน้าตัดครึ่งวงกลม ให้แรงกดสูงสุดที่ 145 KN เปรียบเทียบกันระหว่างแรงในการขึ้นรูปชิ้นงานจริง กับการจำลองการขึ้นรูปด้วยวิธีไฟไนเอลิเมนต์ พบว่าแรงในการขึ้นรูปแตกต่างเฉลี่ย 7 เปอร์เซ็นต์ ดรอบีดหน้าตัดรูปตัววี ให้แรงกดสูงสุดที่ 168 KN เปรียบเทียบกันระหว่างแรงในการขึ้นรูปชิ้นงานจริง กับการจำลองการขึ้นรูปด้วยวิธีไฟไนเอลิเมนต์ พบว่าแรงในการขึ้นรูปแตกต่างเฉลี่ย 23 เปอร์เซ็นต์ และดรอบีดหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า ให้แรง กดสูงสุดที่ 183 KN เปรียบเทียบกันระหว่างแรงในการขึ้นรูปชิ้นงานจริง กับการจำลองการขึ้นรูปก้วย วิธีไฟไนเอลิเมนต์ พบว่าแรงในการขึ้นรูปแตกต่างเฉลี่ย 17 เปอร์เซ็นต์

ผลการทดลอง การใช้แรงกดขึ้นงาน 30 เปอร์เซ็นต์ ไม่เหมาะสมสำหรับการขึ้นรูปเพราะเมื่อ ทำการขึ้นรูปชิ้นงานเกิดรอยย่นขอบปีกและผนังด้านข้างชิ้นงาน ที่แรงกดชิ้นงาน 50 เปอร์เซ็นต์ เหมาะสมกับดรอบีดแบบหน้าตัดครึ่งวงกลม เพราะใช้แรงในการขึ้นรูปไม่สูงมากและเกิดการ เปลี่ยนแปลงความหนาไม่มากทำให้ชิ้นงานมีคุณภาพมากที่สุด และใช้แรงกดชิ้นงานที่ 70 เปอร์เซ็นต์ แรงกดชิ้นงานสูงทำให้ชิ้นงานไหลตัวได้น้อยจะมีแรงลากขึ้นรูปสูงและทำให้ชิ้นงานเกิดการฉีกขาดของ ดรอบีดทุกรูปทรง ผลการจำลองด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์มีค่าใกล้เคียงกัน สรุปกราฟเปรียบเทียบแรงขึ้นรูปจริงกับการจำลองด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์ ความลึกในการขึ้นรูป 52 มม. ที่แรงกดชิ้นงาน 30 ,50 และ 70 เปอร์เซ็นต์ ในการใช้ดรอบีดแต่ละชนิด พบว่าแรงลากขึ้นรูป ในการใช้ ดรอบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า มีระดับแรงขึ้นรูปสูงสุด เพราะว่าดรอบีดมีหน้าสัมผัส กับโลหะมากที่สุดและรัศมีของดรอบีดมีน้อย ทำให้วัสดุไหลตัวได้น้อยส่งผลให้แรงขึ้นรูปมีค่าสูง รองลงมาเป็นการใช้ดรอบีดหน้าตัดรูปตัววี เพราะรูปทรงของดรอบีดมีลักษณะเรียวและรัศมีน้อยเมื่อมี แรงกดชิ้นงานทำให้วัสดุเกิดการดัดมากเกินไปวัสดุไหลตัวได้น้อย ทำให้ความต้องการในการใช้แรงขึ้น รูปสูง และดรอบีดแบบหน้าตัดครึ่งวงกลม มีระดับแรงขึ้นรูปต่ำสุดเนื่องจากมีรัศมีมากทำให้ความเสียด ทานผิวชิ้นงานที่สัมผัสกับแผ่นกชิ้นงาน กับดาย (Die) มีค่าน้อยทำวัสดุไหลตัวได้ดีที่สุดเมื่อเปรียบเทียบ กับดรอบีดชนิดอื่นทำให้แรงกดที่พั้นซ์มีค่าต่ำสุด

4.2 เปรียบเทียบความเครียดแนวความห<mark>นา</mark>

เปรียบเทียบผลการขึ้นรูปจริงกับการจำลองด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์ในการใช้ดรอบีดแต่ละชนิด ที่ระดับแรงกดชิ้นงาน 30 ,50 และ 70 เปอร์เซ็นต์โดยวัดความเครียดแนวความหนา ของชิ้นงานในแต่ ละจุด แสดงบริเวณจุดที่ตรวจวัดความ<mark>หนา</mark>บนชิ้นงาน ดั่งแสดงในภาพที่ 4.2





ภาพที่ 4.2 บริเวณ<mark>จุดที่ตรวจวัดค</mark>วามหนาบนชิ้นงาน [1]

เปรียบเทียบความเครียดแ<mark>นวความหนาของการขึ้นรูป</mark>จริงกับการจำลองด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์ใน การใช้ดรอบีดแต่ละชนิด ที่ระดับแร<mark>งกด</mark>ชิ้นงาน 30 ,50 และ 70 เปอร์เซ็นต์

4.2.1 เปรียบเทียบความเครียดแนวความหนาของการขึ้นรูปจริงกับการจำลองด้วยไฟไนต์เอลิ เมนต์ในการใช้ดรอบีดแต่ละชนิด ที่ระดับแรงกดชิ้นงาน 30 เปอร์เซ็นต์ เหล็ก SPCD



ภาพที่ 4.3 เปรียบเทียบความเครียดแนวความหนาของการขึ้นรูปจริงกับการจำลองด้วยไฟไนต์เอลิ-เมนต์ในการใช้ดรอบีดแต่ละชนิด ที่ระดับแรงกดชิ้นงาน 30 เปอร์เซ็นต์ เหล็ก SPCD จากการทดลองการขึ้นรูปจะพบว่า ตัวแปรที่มีผลต่อ ความหนาที่ลดลง ระหว่างการขึ้นรูปคือ แรงกดของแผ่นกดขึ้นงานและชนิดดรอบีด จากภาพที่ 4.4 แสดงการเปลี่ยนแปลงความเครียดแนว ความหนา มีค่าสูงสุดเท่ากับ 27 % ที่จุด A7 และ A8 ของหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า ส่วนดรอบีด แบบหน้าตัดรูปตัววีเปลี่ยนแปลงความเครียดแนวความหนาสูงสุดเท่ากับ 20 % ที่จุด A7 และ A8 และดรอบีดหน้าตัดครึ่งวงกลมเปลี่ยนแปลงความหนาสูงสุดเท่ากับ 25 % ที่แรงกดชิ้นงาน 30 % จาก รูปที่ 4.6 กราฟแสดงเปรียบเทียบดรอบีดต่างชนิดกันกัน จะเห็นได้ว่า เมื่อเปลี่ยนรูปทรงของดรอบีด จากดรอบีดแบบหน้าตัดรูปตัววีและหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า และดรอบีดหน้าตัดครึ่งวงกลม จะเห็น ได้ว่าค่าร้อยละการบางลงของความหนาสูงสุดเกิดการเปลี่ยนแปลง เมื่อเปลี่ยนรูปทรงของดรอบีด จากผลการทดลองเปรียบเทียบกับการจำลองด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์พบว่าการเปลี่ยนแปลงความหนามี ค่าใกล้เคียงกันทุกต่ำแหน่ง มีความแตกต่าง<mark>เฉลี่ย</mark> 21 %

4.2.2. เปรียบเทียบความเครียดแน<mark>วความ</mark>หนาของการขึ้นรูปจริงกับการจำลองด้วยไฟไนต์เอ ลิเมนต์ในการใช้ดรอบีดแต่ละชนิด ที่ระด<mark>ับแรงกดชิ้นง</mark>าน 50 เปอร์เซ็นต์ เหล็ก SPCD



ภาพที่ 4.4 เปรียบเทียบความเครียดแนวความหนาของการขึ้นรูปจริงกับการจำลองด้วยไฟไนต์เอลิ-เมนต์ในการใช้ดรอบีดแต่ละชนิด ที่ระดับแรงกดชิ้นงาน 50 เปอร์เซ็นต์ เหล็ก SPCD

จากกราฟผลทดการลองการขึ้นรูป ภาพที่ 4.5 พบว่าเมื่อเพิ่มแรงกดชิ้นงานจาก 30 % เป็น 50% ในการขึ้นรูปโดยการใช้ดรอบีดที่มีรูปทรงแตกต่างกัน พบว่าความหนามีค่าแตกต่างกัน โดยที่ ดรอบีดรูปทรงหน้าตัดแบบสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่ามีการเปลี่ยนแปลงความเครียดแนวความหนาสูงสุด เฉลี่ย 36 % ที่จุด A10 รองลงมาเป็นดรอบีดหน้าตัดรูปตัววี มีการเปลี่ยนแปลงความเครียดแนวความหนาสูงสุดเฉลี่ย 33 % ที่จุดวัดความหนาเดียวกัน และดรอบีดหน้าตัดครึ่งวงกลมเกิดการเปลี่ยนแปลงความหนาต่ำสุดเฉลี่ย 27 % ที่แรงกดขึ้นงาน 50 % พบว่า เมื่อเปลี่ยนรูปทรงของดรอบีด จากดรอบีดแบบหน้าตัดรูปตัววีและหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่ เท่า และดรอบีดหน้าตัดครึ่งวงกลม จะเห็นได้ว่าค่าร้อยละการบางลงของความหนาเกิดการ เปลี่ยนแปลงเมื่อเปลี่ยนรูปทรงของดรอบีด จากผลการทดลองเปรียบเทียบกับการจำลองด้วยไฟไนต์ เอลิเมนต์พบว่าการเปลี่ยนแปลงความหนามีค<mark>่าใ</mark>กล้เคียงกันทุกต่ำแหน่ง มีความแตกต่างเฉลี่ย 25 %

4.2.3 เปรียบเทียบความเครียดแนว<mark>คว</mark>ามหนาของการขึ้นรูปจริงกับการจำลองด้วยไฟไนต์เอ ลิเมนต์ในการใช้ดรอบีดแต่ละชนิด ที่ระดับแร<mark>งก</mark>ดชิ้นงาน 70 เปอร์เซ็นต์ เหล็ก SPCD



ภาพที่ 4.5 เปรียบเทียบความเ<mark>ครียดแนวความหนาของการขึ้นรู</mark>ปจริงกับการจำลองด้วยไฟไนต์เอลิ-เมนต์ในการใช้ดรอบีดแต่ละชนิด ที่ระดับแรงกดชิ้นงาน 70 เปอร์เซ็นต์ เหล็ก SPCD

จากกราฟผลทดการลองการขึ้นรูป ภาพที่ 4.11 พบว่าเมื่อเพิ่มแรงกดชิ้นงาน 70 % ในการ ขึ้นรูปโดยการใช้ดรอบีดที่มีรูปทรงแตกต่างกัน พบว่าความเครียดแนวความหนามีค่าเพิ่มสูงขึ้น โดยที่ ดรอบีดรูปทรงหน้าตัดแบบสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่ามีการเปลี่ยนแปลงความเครียดแนวความหนาสูงสุด เฉลี่ย 50 % ที่จุด A7,A8 รองลงมาเป็นดรอบีดหน้าตัดรูปตัววี มีการเปลี่ยนแปลงความเครียดแนว ความหนาสูงสุดเฉลี่ย 45% ที่จุดวัดความหนาเดียวกัน และดรอบีดหน้าตัดครึ่งวงกลมเกิดการ เปลี่ยนแปลงความหนาต่ำสุดเฉลี่ย 38 % ที่แรงกดชิ้นงาน 50 % จากภาพที่ 4.7 กราฟแสดง เปรียบเทียบรูปทรงดรอบิด จะเห็นได้ว่า เมื่อเปลี่ยนรูปทรงของดรอบิด จากดรอบิดแบบหน้าตัดรูปตัว วีและหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า และดรอบิดหน้าตัดครึ่งวงกลม จะเห็นได้ว่าค่าร้อยละการบางลงของ ความหนาเกิดการเปลี่ยนแปลงเมื่อเปลี่ยนรูปทรงของดรอบิด จากผลการทดลองเปรียบเทียบกับการ จำลองด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์พบว่าการเปลี่ยนแปลงความหนามีค่าใกล้เคียงกันทุกต่ำแหน่ง มีความ แตกต่างเฉลี่ย 30 %

4.2.4 สรุปการเปรียบเทียบความเคร<mark>ียด</mark>แนวความหนาของการขึ้นรูป

 จากผลการทดลองการขึ้นรูป พบว่าแรงกดชิ้นงาน 30 เปอร์เซ็นต์ ของดรอบีดทั้ง
 3 ชนิด คือ ดรอบีดแบบหน้าตัดครึ่งวงกลม หน้าตัดสามเหลี่ยม หน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า วัสดุไหล ตัวได้มากเกินไปเนื่องจากแรงกดชิ้นงานน้อยเกินไปส่งผลให้เกิดรอยย่นบริเวณปีกของชิ้นงาน แต่จาก ซึ่งผลการจำลองด้วยไฟในต์เอลิเมนต์ที่แรงกดชิ้นงาน 30 เปอร์เซ็นต์ของดรอว์บีดทั้ง 3 ชนิดวัสดุมีค่า ความหนาและต่ำแหน่งของรอยย่นใกล้เคียงกับการขึ้นรูปจริง

2) คุณภาพชิ้นงานในการใช้ดรอบีดแต่ละชนิดที่แรงกดชิ้นงาน 50 % ชิ้นงานที่ได้จาก การขึ้นรูปมีแรงลากขึ้นรูปสูงกว่า 30 % ในการใช้ดรอบีดทั้ง 3รูปทรงนั้นยังพบว่าชิ้นงานเกิดรอยย่นที่ ผนังชิ้นงานและขอบปีกชิ้นงานบ้างเล็กน้อย เนื่องจากแรงกดชิ้นงานมีความเหมาะสมกับการขึ้นรูป แต่ ที่ระยะลึกสุดของชิ้นงานบริเวณนี้จะมีขนาดความหนาลดลง จะเห็นได้ว่ามีค่าความเครียดเกิดขึ้นสูง และตรงที่ชิ้นงานที่ใช้ดรอบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า จะทำให้ชิ้นงานง่ายต่อการฉีกขาด แต่ ในขณะที่ใช้ดรอบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า นั้นพบว่าชิ้นงานเกิดรอยย่นที่ขอบปีกชิ้นงาน ความถี่การเกิดรอยย่นมากขึ้นกว่าดรอบีดแบบหน้าตัดสามเหลี่ยม และดรอบีดแบบหน้าตัดครึ่งวงกลม มีการเกิดรอยย่นน้อยที่สุด ซึ่งผลการจำลองด้วยไฟในต์เอลิเมนต์ที่แรงกดชิ้นงาน 50 เปอร์เซ็นต์ ของ ดรอบีดและวัสดุทั้ง 3 ชนิดวัสดุมีค่าความหนาและต่ำแหน่งของรอยย่นใกล้เคียงกับการขึ้นรูปจริง

3) คุณภาพขึ้นงานในการใช้ดรอบีดแต่รูปทรงที่แรงกดขึ้นงาน 70 เปอร์เซ็นต์ ขึ้นงาน ที่ได้จากการขึ้นในการใช้ดรอบีดแบบหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า ดรอบีดแบบหน้าตัดครึ่งวงกลม และ ดรอบีดแบบหน้าตัดสามเหลี่ยม พบว่าขึ้นงานเกิดการฉีกขาดบริเวณจุด A7,A8,A9,A10 และ บริเวณ กันถ้วย เพราะว่าปริมาณแรงกดขึ้นงานที่สูงกดลงที่ดรอบีดทำให้โลหะไม่สามารถไหลเข้าสู่ช่องดายได้ ทำให้เกิดความรุนแรงของการเปลี่ยนรูปวัสดุ เกิดความเค้นสูงสุดทำให้ขึ้นงานเกิดความเสียหาย แต่ไม่ เกิดรอยย่นที่บริเวณขอบปีกของขึ้นงานเนื่องจากแรงกดของขึ้นงานสูงและแรงลากขึ้นรูปมากจึงทำให้ มีการเปลี่ยนแปลงความหนาของขึ้นงานมากที่สุดด้วย ซึ่งผลการจำลองการขึ้นรูปด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์ มีค่าใกล้เคียงกัน 4.2.5 เปรียบเทียบรูปร่างของชิ้นงาน ระหว่างวิธีไฟในต์เอลิเมนต์และวิธีการทดลองจริงของ
 ดรอบีดแบบครึ่งวงกลม ด้วยแรงกดชิ้นงาน 30,50 และ 70 เปอร์เซ็นต์ ของเหล็ก SPCD ดังภาพที่
 4.5 - 4.7



ภาพที่ 4.6 เปรียบเทียบรูปร่างข<mark>องชิ้นงาน ระหว่างวิธีไฟไน</mark>ต์เอลิเมนต์และวิธีการทดลองจริงของ ดรอบีดแบบครึ่งวงกล<mark>ม ด้ว</mark>ยแรงก<mark>ด</mark>ชิ้นงาน 30 เปอร์เซ็นต์ ของเหล็ก SPCD



ภาพที่ 4.7 เปรียบเทียบรูปร่างของชิ้นงาน ระหว่างวิธีไฟในต์เอลิเมนต์และวิธีการทดลองจริงของ ดรอบีดแบบครึ่งวงกลม ด้วยแรงกดชิ้นงาน 50 เปอร์เซ็นต์ ของเหล็ก SPCD



ภาพที่ 4. 8 เปรียบเทียบรูปร่างของชิ้นงาน ร<mark>ะห</mark>ว่างวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์และวิธีการทดลองจริงของ ดรอบีดแบบครึ่งวงกลม ด้วยแร<mark>งกดชิ้น</mark>งาน 70 เปอร์เซ็นต์ ของเหล็ก SPCD

4.3 ศึกษาอิทธิพลรูปทรงของดรอบีด<mark>ในกระบวน</mark>การขึ้นรูป

หลังจากที่ได้ทำการเปรียบเทียบผลการทดลองกับจำลองกระบวนการขึ้นรูปโลหะแผ่นที่มี รูปทรงไม่สมมาตร โดยใช้ระเบียบวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ กับผลการทดลองในหัวข้อที่ 4.2 และ 4.3 สรุป ได้ว่าการนำดรอบีดเข้ามาช่วยควบคุมปริมาณวัสดุที่ถูกดึงเข้าไปในแม่พิมพ์ที่มีรูปทรงไม่สมมาตรเพื่อ ป้องกันการเกิดรอยย่น หรือรอยย่นน้อยที่สุด ในการศึกษาทำได้โดยใช้ ดรอบีด 3 ชนิด ที่มีรูปทรง ต่างกัน ได้แก่ ดรอบีดหน้าตัดแบบครึ่งวงกลม หน้าตัดรูปตัววีและหน้าตัดสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า ที่แรงกด ชิ้นงาน 50 เปอร์เซ็นต์ ของเหล็ก SPCD ในการเปรียบเทียบผลการขึ้นรูป

4.3.1 กา<mark>ร</mark>เปรียบเที<mark>ยบร</mark>อยย่นกับรูปทรงของดรอบีด

การเปรียบเทียบรอยย่นกับรูปทรงของดรอบีด แรงกดชิ้นงาน 50 เปอร์เซ็นต์ เหล็ก SPCD จากภาพที่ 4.9 แสดงการเปรียบเทียบร้อยละการเกิดรอยย่นกับรูปทรงของดรอบีด ซึ่งได้จาก แผนภาพขีดจำกัดการขึ้นรูป (Forming Limit Diagram :FLD) พบว่าเมื่อเปลี่ยนรูปทรงของดรอบีด ร้อยละของรอยย่นเมื่อเทียบกับจำนวนเอลิเมนต์ทั้งหมดนั้นมีค่าเปลี่ยนไป



ภาพที่ 4.9 แผน<mark>ภาพขีดจำกัดการ</mark>ขึ้นรูป กรณีการใช้ดรอบีดหน้าตัดครึ่งวงกลม ของเหล็ก SPCD

รูปร่างของดรอบีดที่ต่างกัน ซึ่งดรอบีดหน้าตัดแบบครึ่งวงกลม เกิดรอยย่นน้อยที่สุด กล่าวคือเมื่อดรอบีดสัมผัสกับแผ่นชิ้นงานและมีแรงกดชิ้นงานที่เพียงพอสำหรับการขึ้นรูป เกิดการ ดรอว์ (Draw) และ การดึงยืดขึ้นรูป (Stretching) ที่เพียงพอสำหรับการไหลตัวของวัสดุ เกิดจาก ปลายโค้งมนของดรอบีดส่งผลให้ความเค้นอัดรอบแนวแกนลดลง จึงทำให้รอยย่นลดลงดังแสดงใน ภาพที่ 4.10



ภาพที่ 4.10 แผน<mark>ภาพขีดจำกัดการขึ้นรูป กรณีการใช้ดรอบีดหน้ารูปตัววี</mark> ของเหล็ก SPCD

ส่วนครอบีดหน้าตัดรูปตัววีพบว่าเกิดรอยยุ่นมากกว่าครอบีดหน้าตัดครึ่งวงกลม คือ เมื่อมีแรงกดชิ้นงานครอบีดมีรูปทรงปลายแหลมและรัศมีของครอบีดน้อยทำให้วัสดุเกิดการดัดมาก เกินไปโลหะไหลตัวได้น้อยชิ้นงานเกิดการดึงยืดขึ้นรูปสูง และการดรอว์ลดลงส่งผลให้ชิ้นงานเกิดการ ฉีกขาด แต่บริเวณขอบชิ้นงานเกิดความเค้นอัดสูงขึ้นส่งผลให้รอยยุ่นเพิ่มสูงขึ้น ภาพที่ 4.11 แสดง แผนภาพขีดจำกัดการขึ้นรูป ใช้ครอบีดหน้ารูปตัววี และครอบีดหน้าตัดแบบสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า เกิด รอยยุ่นมากที่สุด ซึ่งแนวโน้มของภาพที่ 4.10 พบว่ารูปทรงของครอบีดมีอิทธิพลต่อรอยยุ่นที่เกิดขึ้น สอดคล้องกับทฤษฎี ในหัวข้อที่ 2.5 จากกราฟจะเห็นได้ว่ารูปทรงครอบีดและแรงกดของแผ่นกด ชิ้นงาน นั้นมีผลต่อการเกิดรอยยุ่น ซึ่งทำให้ปริมาณการดึงยืดขึ้นรูป (Stretching) เพิ่มขึ้น และลด ความเค้นกดในแนวเส้นรอบวง (Compressive Stress) ลงได้ จึงทำให้รอยยุ่นลดลง จากผลการ ทดลองนี้ ยังต้องพิจารณาการเกิดการฉีกขาดด้วย เมื่อเพิ่มแรงกดแผ่นกดชิ้นงาน อาจจะทำให้เกิดการ ฉีกขาดมากขึ้นตามไปด้วย เนื่องจากเกิดการดึงยืดขึ้นรูปที่เพิ่มขึ้น



ภาพที่ 4.11 แผน<mark>ภาพขีดจำกัดการขึ้นรูป กรณีการใช้ดรอบีดหน้าตัดสี่เห</mark>ลี่ยมด้านไม่เท่า ของเหล็ก



ภาพที่ 4.12 แผนภูมิของร้อยละเอลิเมนต์ในแต่ละชนิดของดรอบีดของเหล็ก SPCD

บทที่ 5

สรุปผลการทดลอง

งานวิจัยฉบับนี้ได้ศึกษาเกี่ยวกับการศึกษาอิทธิพลของรูปทรงดรอบีดที่มีผลต่อการลากขึ้นรูป โลหะแผ่นโดยวิธีการวิเคราะห์ด้วยไฟไนต์อิลิเมนต์ เพื่อศึกษาผลกระทบในการขึ้นรูปโลหะแผ่นเพื่อ ประเมินความสามารถในการขึ้นรูปโลหะที่มีรูปทรงไม่สมมาตร เปรียบเทียบการขึ้นรูปชิ้นงานจริงกับ การวิเคราะห์จากการจำลองการขึ้นรูปด้วยระเบียบวิธีไฟไนเอลิเมนต์ ภายใต้แรงกดชิ้นงาน 30 เปอร์เซ็นต์ 50 เปอร์เซ็นต์ และ 70 เปอร์เซ็นต์ ของแรงลากขึ้นรูป วัสดุเกรด SPCD สามารถสรุปได้ ดังนี้

5.1 สรุปผลการทดลอง

 แรงกดชิ้นงาน 30 เปอร์เซ็นต์ แรงกดไม่เพียงพอสำหรับการขึ้นรูป ทำให้ชิ้นงานเกิดรอยย่น บริเวณขอบปีกชิ้นงาน แรงกดชิ้นงาน 50 เปอร์เซ็นต์เป็นแรงที่เหมาะสมสำหรับการขึ้นรูปโดยใช้ดรอ บีดแบบหน้าตัดครึ่งวงกลม ถ้าใช้แรงกดชิ้นงาน 70 เปอร์เซ็นต์ ชิ้นงานเกิดการฉีกขาดจะมีความหนา ลดลงมากจากผลการจำลองด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์มีความสอดคล้องกัน

2. จากการวิจัยพบว่า รูปทรงของดรอบีดนั้น มีผลต่อ การเกิดรอยย่นและ การฉีกขาด โดยวัด เป็นจำนวนเอลิเมนต์ที่ เกิดขึ้น พบว่า ดรอบีดหน้าตัดครึ่งวงกลม เกิดรอยย่นน้อยที่สุด และ รูปทรง ของดรอบีดมีผลต่อการฉีกขาด และรอยย่น ซึ่งเมื่อใช้แรงกดชิ้นงานที่เท่ากัน แรงขึ้นรูปเพิ่มขึ้นตาม แรงกดชิ้นงาน และรูปทรงของดรอบีดในส่วนของการเปลี่ยนแปลงความหนาของแผ่นโลหะนั้น รูปทรงของดรอบีดมีผลต่อการลดลงของการเปลี่ยนแปลงความหนา ซึ่งสามารถทำนายการเกิดการฉีก ขาดได้ เมื่อพิจารณา แผนภาพขีดจำกัดการขึ้นรูป (Forming Limit Diagram: FLD) จะแสดงถึงเอลิ เมนต์ที่เกิดการฉีกขาด และรอยย่น เมื่อเปรียบเทียบรูปทรงของดรอบีดต่างๆ พบว่า ดรอบีดหน้าตัด ครึ่งวงกลม เกิดการฉีกขาดและรอยย่นน้อยที่สุด

5.2 การอภิปรายผล

จากผลการวิเคราะห์การเปรียบเทียบระหว่างการขึ้นรูปชิ้นงานจริง กับการจำลองการขึ้นรูป ด้วยระเบียบวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ พบว่าสามารถแสดงถึงพฤติกรรมการขึ้นรูปโลหะแผ่น ที่มีแนวโน้ม ของผลลัพธ์ที่สอดคล้องกัน ดังนั้นจึงสามารถนำผลการวิเคราะห์ไฟไนต์เอลิเมนต์จากการจำลองการ ขึ้นรูป ไปประยุกต์ใช้สำหรับการออกแบบดรอบีดในการขึ้นรูปโลหะแผ่น สำหรับในการใช้ดรอบีดมี อิทธิพลต่อการขึ้นรูปขึ้นงานที่มีรูปทรงไม่สมมาตรของเหล็กแผ่นเกรด SPCD โดยเฉพราะการขึ้นรูป ชิ้นงานที่มีรูปทรงไม่สมมาตร การไหลตัวของวัสดุไม่เท่ากันส่งผลให้ชิ้นงานมีความหนากระจายตัวไม่ สม่ำเสมอกัน จึงได้มีการประยุกต์ใช้ดรอบีดมาใช้ในการควบคุมการไหลตัวของวัสดุ โดยมีการ ออกแบบดรอบีด 3 ลักษณะได้แก่ ดรอบีดหน้าตัดครึ่งวงกลม หน้าตัดรูปตัววี และ หน้าตัดสี่เหลี่ยม ด้านไม่เท่า มาใช้ในการขึ้นรูปชิ้นงานรูปทรงไม่สมมาตรแล้วนำผลที่ได้มาเปรียบเทียบกับการจำลอง ด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์ ดังนั้นจึงสรุปได้ว่า รูปทรงของดรอบีดมีผลต่อการขึ้นรูปชิ้นงานที่มีรูปทรงไม่ สมมาตร โดยดรอบีดหน้าตัดครึ่งวงกลม

5.3 ข้อเสนอแนะ

5.3.1 ศึกษาปัจจัยที่มีอิทธิพลต่อการ<mark>ขึ้นรูป</mark>ชิ้นงานที่มีรูปทรงไม่สมมาตรกับวัสดุนอกกลุ่มเหล็ก โดยเปรียบเทียบกับไฟไนต์เอลิเมนต์

5.3.2 ศึกษาเปรียบเทียบชนิดของสารหล่อลื่นสำหรับกับการขึ้นรูปเปรียบเทียบกับการจำลอง ด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์

5.3.3 เปรียบเทียบความสูงข<mark>องคร</mark>อบ<mark>ีดสำห</mark>รับ<mark>การ</mark>ขึ้นรูปกับการจำลองด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์

5.3.4 ดรอบีดที่ใช้สำหรับการลากขึ้นรูปควรมีรั<mark>ศมีมาก</mark>เพื่อลดแรงเสียดทานของแผ่น แบลงค์ที่ จะสัมผัสกับแผ่นเหยีย<mark>บชิ้นงานและช่องดาย</mark>

5.3.5 ศึกษ<mark>าชนิดของดรอบีด ความสูงของดรอบีด และต่ำแหน่ง</mark>การติดตั้งดรอบีดในการขึ้น รูปเปรียบเทียบกับการจำลอง<mark>ด้วย</mark>ไฟไนต์เอลิเมนต์

บรรณานุกรม

- [1] บุญส่ง จงกลนี, ศึกษาอิทธิพลของตัวแปรในกระบวนการขึ้นรูปลึกชิ้นงานที่มีรูปทรงไม่ สมมาตรต่อสมบัติการขึ้นรูปของเหล็ก SPCC , วิทยานิพนธ์ปริญญาวิศวกรรมศาสตร์ มหาบัณฑิต วิศวกรรมอุตสาหการ มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลธัญบุรี, 2552.
- [2] Meiders, et al, The implementation of an Equivalent Drawbead model in a finite Element code for sheet model forming. Journal of material processing Technology 1998,234-244
- [3] M.Samuel, Influence of drawbead geometry on sheet metal forming, Faculty of Engineering, Department of Production Engineering and Machine Design, Mansoura University, 2001.pp.94-103.
- [4] กิตติภัฏ รัตนจันทร์, ผลกระทบจากดรอว์บีดในการขึ้นรูปโลหะแผ่น, ปริญญา วิศวกรรมศาสตร์มหาบัณฑิต สาขาวิศวกรรมการผลิต สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าพระนคร เหนือ,2543
- [5] ชัยยศ บูรณะชีพ, การวิเคราะห์พฤติกรรมการย่นโดย แผนภาพขีดจำกัดการขึ้นรูป, ภาควิชาวิศวกรรมการผลิตบัณฑิตวิทยาลัย สถานบันเทคโนโลยีพระนครเหนือ, 2549.
- [6] ธนสาร อินทรกำธร, "5 คำถามกับการจำลองการขึ้นรูปโลหะแผ่น," ศูนย์เทคโนโลยีโลหะและ วัสดุแห่งชาติ.
- [7] ชนะชัย วลิตวรางค์กูร และ ชัยวัฒน์ ทองหลี, การศึกษาตัวแปรในการลากขึ้นรูปโลหะแผ่น, ปริญญานิพนธ์วิศวกรรมศาสตร์มหาบัณฑิต สาขาวิศวกรรมเครื่องมือและวัสดุ คณะ วิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาเทคโนโลยีพระจอมเกล้าธนบุรี, 2540.
- [8] มาโนช กรอบเงิน, การออกแบบแม่พิมพ์และการใช้โปรแกรมไฟไนต์เอลิเมนต์ช่วยในการ วิเคราะห์การลากขึ้นรูปชิ้นงานขอบสันฝาข้างท้ายรถกระบะ, ปริญญานิพนธ์ วิศวกรรมศาสตร์มหาบัณฑิต สาขาวิชาเทคโนโลยีการขึ้นรูปโลหะ คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหา วิทยาเทคโนโลยีพระจอมเกล้าธนบุรี, 2548.
- [9] Kobayashi, S., Oh, S. and Altan, T., Metal Forming and Finite Element Method, New York Oxford University, 1989. pp.58-109.

- [10] พนา แช่มสวัสดิ์, การแก้ปัญหารอยย่นในงานขึ้นรูปถ้วยที่ทำด้วยเหล็กกล้าไร้สนิม, วิทยานิพนธ์วิศวกรรมศาสตร์มหาบัณฑิต สาขาวิศวกรรมการผลิต สถานบันเทคโนโลยีพระจอม เกล้าพระนครเหนือ, 2541.
- [11] สุบิน ขันตี, การศึกษาความไวอัตราการยึดตัวของเหล็กกล้าไร้สนิม SUS 304 ด้วยไฟไนต์ เอลิเมนต์, ปริญญาวิศวกรรมศาสตร์มหาบัณฑิต สาขาวิชาเทคโนโลยีการขึ้นรูปโลหะ คณะ วิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาเทคโนโลยีพระจอมเกล้าธนบุรี, 2548.
- [12] ชาญ ถนัดงาน, "เทคโนโลยีการขึ้นรูปโลหะและพื้นฐานการขึ้นรูปโลหะ," ภาควิชา วิศวกรรมการผลิต คณะวิศวกรรมศาสตร์ สถานบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าพระนครเหนือ, 2541.
- [13] Manfred Jasner, Meinhard Hecht, Wolfgang Beckmann, Heat Exchangers and Piping Systems from Copper Alloys - Commissioning, Operating and Shutdown, May 2009
- [14] Van Sant Enterprises, Inc. 80 Truman Road Pella, IA 50219 877-VAN-SANT.
- [15] ปราโมทย์ เดชะอำไพ, ไฟในต์เอลิเมนต์ในงานวิศวกรรม. พิมพ์ครั้งที่ 4. : สำนักพิมพ์แห่ง จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2550. หน้า 3-18.
- [16] R. W. Clough, The Finite Element Method. Pittsburgh, PA, September 1960, pp. 8-9.
- [17] Tai Hun Kwon, IN TRODUCTION TO FINITE ELEMENT METHOD, Department of Mechanical Engineering Pohang University of Science and Technology, pp. 2.
- [18] Daryl L. Logan, FINITE ELEMENT METHOD Fourth Edition, University of Wisconsin-Platteville.
- [19] MSC.Software Corporation, "INTRODUCTION TO MSC. MARC AND MENTAT,"
 815 Colorado Boulevard Innsbrucker Ring 15 Los Angeles, 2007.
- [20] T. H. Kwon, FEM MODELLING INTRODUCTION, 2005.
- [21] MSC.Software Corporation, "MSC. MARC USER GUIDE VERSION 2008 R1 VOLUME B." 815 Colorado Boulevard Innsbrucker Ring 15 Los Angeles, March 2008.

- [22] MSC.Software, "MSC. MARC. MENTAT." 815 Colorado Boulevard Innsbrucker Ring 15 Los Angeles, 2003.
- [23] D.A. Anderson, J.C. Tannehill, and R.H. Pletcher, "COMPUTATATIONAL FLUID MECHANICS AND HEAT TRANSFER," Hemisphere, Washington, DC, 1984.
- [24] GK Lal SK Chhoudhury, **"FUNDAMENTALS OF MANUFACTURING PROCESSES**," Alpha Science Internationnal Ltd. Harrow, U.K., 2005.
- [25] วิทยา สงวนวรรณ และทีมงานวิชาการ, "NX CAE THE FINITE ELEMENT (FEA) ANALYSIS," : สำนักพิมพ์ เอนจิเนียร์ แอนด์ อคิเตค พลัส 315/22-23 ถ.สุขาภิบาล 6 ต.บาง พลีใหญ่ อ.บางพลี จ.สมุทรปราการ 10540
- [26] รศ.ดร.เดช พุทธเจริญทอง, "ทฤษฏีพลาสติซิตี้ และการเปลี่ยนรูปถาวร," ภาควิชา วิศวกรรมเครื่องกล คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีพระจอมเกล้าธนบุรี, :ศูนย์ สื่อเสริมกรุงเทพ 431/5 ถ.ประชาราษฏ์บำเพ็ญ เขตห้วยขวาง กรุงเทพมหานคร 10320
- [27] Frank J. Vecchio, Professor, Nonlinear Finite Element Analysis of Reinforced Concrete Membranes, Department of Civil Engieering, University of Toronto, Ontario Canada.
- [28] Kurt Lage, Professor, "HANDBOOK OF METAL FORMING," University of Stuttgart.
- [29] Bill Smith and Mark King, Bending Square and Retangular Tubing, May 16, 2002.
- [30] J D Square Inc. 2244 Eddie Williams Rd. Johnson City, Opyright 2009.
- [31] K. Longe , Handbook of Metal Forming, Society of manufacturing Engineering , 1985.
- [32] V.A.Zharkov, Theory and Practice of Deep Drawing, Mechanical Engineering Publication Limited,London,1995.
- [33] ทวีภัทร์ บูรณธิติ. 2550. "การออกแบบการขึ้นรูปชิ้นส่วนขวางยึดเครื่องยนต์โดยการวิเคราะห์ การฉีกขาดและรอยย่น." วารสารวิชาการพระจอมเกล้าพระนครเหนือ.

ภาคผนวก ก การค<mark>ำนวณแรงขึ้นรูป แรงกดชิ้นงานและขนาดข</mark>องแผ่นชิ้นงาน

ก.1 การคำนวณแรงขึ้นรูปลึก

แรงในการขึ้นรูปสามารถหาได้จากสมการที่ 2.3 มีการคำนวณโดยการประมาณค่าดังแสดงวิธี ดังนี้ [9]



ภาพที่ ก<mark>.1</mark> เส้นรอบรูปชิ้นงานหาค</mark>วามยาว *Lt* **(L Total) [1]**

เมื่อ *L2* กับ *L4* เป็นเส้นตรงที่มีขนาดเท่ากันและ *L1* กับ *L3* เป็นเส้นโค้ง *R1* = 37.5 มม. *R2* = 12.5 มม. ตามลำดับเพื่อหาค่ามุม α

$$\sin \alpha = \frac{R1 + R2}{105}$$

แทนค่า<mark>ในสมการ</mark>

$$\sin \alpha = \frac{37.5 + 12.5}{105} = \frac{25}{105}$$
$$\alpha = \sin^{-1} \frac{25}{105} = 13.77 \text{ DMM}$$
$$L2 = L4 = 105 \cos \alpha$$
$$= 105 \cos 13.77$$
$$L2 = L4 = 102 \text{ mm}$$

หาค่า L1 และ L3 ที่สัมผัสส่วนโค้งของ R1 และ R2

$$L1 = \frac{\pi (180 + 2\alpha)R1}{180}$$
$$L1 = \frac{\pi (180 + 2 \times 13.77) \times 37.5}{180}$$
$$L1 = 135.8 \text{ mm}$$

$$L1 = \frac{\pi (180 + 2\alpha)R2}{180}$$

$$L3 = \frac{\pi (180 + 2 \times 13.77) \times 12.5}{180}$$

$$L3 = 33.3 \text{ mm}$$

$$Lt = L1 + L2 + L3 + L4$$

$$Lt = 135.8 + 102 + 102 + 33.3$$

$$Lt = 373.1 \text{ mm}$$
Annรที่ 2.00
$$Fd = \frac{241 + 321}{2} \times 373.1 \times 1.0$$

$$Fd = \frac{104841}{1000} \text{ N หรือ} = 104.84 \text{ kN}$$

แทนค่าในสมการที่ 2.00

แรงกดยึดแผ่นชิ้นงานสามารถ<mark>หาได้จากสมการที่</mark> 2.4 และ 2.5 ดังนี้ [9]

หาค่า
$$h = \sqrt{105^2 - (37.5 - 12.5)^2} = 101.98$$
 mm.

$$Ao = \frac{207.54}{360} \pi (75)^2 + \frac{152.46}{360} \pi (38)^2 + \frac{87+48}{2} 101.98 + \frac{81+46}{2} 101.98$$
$$Ao = 25468.17 \text{ mm}^2$$
$$Ast = \frac{207.54}{360} \pi (37.5)^2 + \frac{154.46}{360} \pi (12.5)^2 + 2 \left[\frac{37.5+12.5}{2} 101.98 \right]$$
$$Ast = 7853.78 \text{ mm}^2$$

คำนวณค่า *k,m* ของวัสดุ SPCD

$$k = \frac{1 + (r_{\text{max}} - r_{\text{min}})}{r_m n_m} 0.49 \times 10^{-3}$$
$$m = 1 + \left[\frac{d_{fo}}{t_o} - 175\right] \frac{0.17}{100}$$

ค่าคุณสมบัติของวัสดุ SPCD ทดสอบตามมาตรฐาน ASTM E517-92 [38]

$$r_{m} = \frac{(r_{0} + 2r45 + r90)}{4}$$
$$r_{m} = \frac{(0.89 + 2(0.699) + 1.102)}{4}$$
$$r_{m} = 0.848$$
$$r_{max} = 1.102$$

$$r_{\min} = 0.699$$
$$n_m = \frac{(n_0 + 2n45 + n90)}{4}$$
$$n_m = 0.184$$

หาค่า *n* ตามมุมใดๆจากสมการที่ 2.15

จากสมการเส้นตรงของข้อมูลคู่ระหว่างแรงกับความเครียด F, arepsilon

$$k = \left[\frac{1 + (1.102 - 0.699)}{0.848 \times 0.180}\right] 0.49 \times 10^{-3}$$

$$k = 4.5038 \times 10^{-3}$$

$$d_{fo}$$
, (The fictitious equivalent punch diameter)

$$d_{fo} = \sqrt{\frac{4A_{st}}{\pi}} = \sqrt{\frac{4(7854)}{\pi}} = 100 \text{ mm}$$

ค่าตัวแปรของวัสดุ *m*

$$m = 1 + \left[\frac{100}{1} - 175\right] \frac{0.17}{100}$$

m = 0.87แรงกดที่ $F_{_{NA}}$ แผ่นกดชิ้นงาน (BHF)

$$P_{NA} = (4.5038 \times 10^{-3})(0.87) \times (\frac{25468}{7854} - 1) \times 321$$

 $P_{NA} = 2.8208 \text{ N/mm}^2$
 $F_{NA} = P_{NA}(Ao - Ast)$
 $F_{NA} = 2.8208(25468 - 7854)$
 $F_{NA} = 49685.57 \text{ N}$ ибе \cong 49.6 kN

∴ BHF จาก

ก.2 ขนาดของแผ่นชิ้นงาน



หาค่าความยาว L1 และ L2

$$L1 = \frac{\pi}{2}R1 + (h-r) + \frac{\pi}{2}r + (a-r)$$
เมื่อกำหนดให้

$$R1 = 37.5 \text{ mm}$$

$$a = 5 \text{ mm}$$

$$r = 4 \text{ mm}$$
unuค่าด้วแปรในสมการเพื่อหาค่า L1

$$L1 = \frac{\pi}{2}(37.5) + (15-4) + \frac{\pi}{2}(4) + (5-4)$$

$$L1 = 77.16 \equiv 77 \text{ mm}$$

$$L2 = \frac{\pi}{2}R2 + (h-r) + \frac{\pi}{2}r + (a-r)$$
เมื่อกำหนดให้

$$R1 = 12.5 \text{ mm}$$

$$a = 5 \text{ mm}$$

$$r = 4 \text{ mm}$$

$$L2 = \frac{\pi}{2}(12.5) + (15-4) + \frac{\pi}{2}(4) + (5-4)$$

$$L2 = 37.91 \equiv 38 \text{ mm}$$
where the second s

$$a = 5 \text{ mm}$$

$$r = 4 \text{ mm}$$

$$L4$$

$$L4 = 2(12.5)\sin 45 + (15-4) + \frac{\pi}{2}(4) + (5-4)$$

$$L4 = 35.95 \equiv 36 \text{ mm}$$

ภาคผนวก ข

<mark>คุณสมบัติทางกลของเหล็ก</mark>



ภาพที่ ข.1 ชิ้นทดสอบการดึง (Plain-End Specimen)

ชิ้นทดสอบการดึงเพื่อหาค่าเลขชี้กำลังการทำให้แข็งด้วยความเครียด (*n*) ของวัสดุโลหะ แผ่นตามมาตรฐาน ASTM E 646-91 ดังภาพที่ ข.1

รายละเอียด	ขนาด			
		มิลลิเมตร		
G ความยาวเกจ	2.000 ± 0.005	50.00 ± 0.01		
W ความกว้าง	0.500 ± 0.010	12.5 ± 0.25		
T ความหนา	ความหนาของชิ้นทดสอบ			
R รัศมีของส่วนโค้ง,น้อยที่สุ ด (1914) (สุปรา บ	1/2	13		
L ความยาวรวม,น้อยที่สุด	8	200		
A ความยาวของการลดพื้นที่หน้าตัด,น้อยที่สุด	$2\frac{1}{4}$	60		
B ความยาวของส่วนที่ใช้จับยึด,น้อยที่สุด	2	50		
C ความกว้างของส่วนที่ใช้จับยึด	3/4	20		

ตารางที่ ข.1 ขนา<mark>ดของ</mark>ชิ้นทดสอบการดึง

ข.1 ทดสอบหาสมบัติทางกลของเหล็ก SPCD หนา 1 มิลลิเมตร

1) นำค่าจากการทดสอบการดึง (Tensile test) มาลงจุดสร้างแผนภาพความค้นจริง (True

stress) ความเครียดจริง (True strain)

Title	Thickness	Width 🧃	GaugeLen	gth		
T1	1	12.5	50			
S	ummary for [Data Proces	sing =====			
Title	Max_Force	Max_Stress	YP_Stress	Break_Stra	LYP_Stress	(N/mm2)
T1	3644.69	91.12	46.38	49.42	45.87	
Mean	0	0	0	0	0	
===== R	====== Raw Data ======					
T1						
Time	Force	Stress	Stroke	Strain	Extensome	er
0	4.1	0.1	1	2	0	
0	102.38	2.56	1	2	0	
2	69.62	1.74	1	2	0	
2	147.43	3.69	1	2	0	
3	479.13	11.98	1	2	0.01	
3	888.65	22.22	1	2	0.02	

ภาพที่ ข.1 การบ<mark>ันทึก</mark>ข้อมูล<mark>จา</mark>กกา<mark>รทดส</mark>อบการดึง (Tensile test)

การบันทึกข้อมูลในช่วงความยืด (gage length) 50 mm. เครื่องบันทึกข้อมูลจะสามารถ บันทึกได้ประมาณ 30,500 ค่า และคำนวณโดยโปรแกรมสำเร็จรูปไมโครซ็อฟท์เอ็กเซล (Microsoft excel) จะได้ค่าความเค้นความเครียดวิศวกรรม



ภาพที่ ข.2 แผนภาพความเค้น-ความเครียดวิศวกรรมและ ความเค้น-ความเครียดจริงของเหล็ก

 จากการลงจุดสร้างแผนภาพ ความเค้นจริง ความเครียดจริง หาค่า K, n จากพฤติกรรม ช่วงพลาสติกซิตี้ (Plasticity) โดยใช้สมการตามแบบ กำลัง (Power function) จำนวนห้าชิ้นทดสอบ



ภาพที่ ข.3 ชิ้นทดสอบชิ้นทดสอบที่ 1 แทนค่า K, n ตามแบบสมการ $\sigma = K\varepsilon^n$ ได้ค่า





ภาพที่ ข.4 ชิ้นทดสอบชิ้นทดสอบที่ 2 แทนค่า K, n ตามแบบสมการ $\sigma = K \varepsilon^n$ ได้ค่า K = 366.87 และ ค่า n = 0.1463



้ ภาพที่ ข.5 ชิ้นทดสอบชิ้นทดสอบที่ 3 แทนค่า K, n ตามแบบสมการ $\sigma = K \varepsilon^n$ ได้ค่า

K = 371.35 และ ค่า *n* = 0.1514



ภาพที่ ข.6 ชิ้นทดสอบชิ้นทดสอบที่ 4 แทนค่า K, n ตามแบบสมการ $\sigma = K \varepsilon^n$ ได้ค่า



ภาพที่ ข.7 ชิ้นทดสอบชิ้นทดสอบที่ 5 แทนค่า K, n ตามแบบสมการ $\sigma = K \varepsilon^n$ ได้ค่า

K = 365.67 และ ค่า *n* = 0.1442

คำนวณหาค่าเฉลี่ย *K* รวม (369.54+366.87+371.35+359.58+365.67)/5 = 366.6

คำนวณหาค่าเฉลี่ยnรวม (0.149+0.146+0.151+0.118+0.144) / 5 = 0.141

หาค่าแอนไอโซทรอปิคของเหล็ก SPCD ตามแนวทิศทางการรีด (Rolling Direction)
 หนา 1 มิลิเมตร ที่ 20 เปอร์เซ็นต์ของความเครียด จากสมการที่ 2.11

$$r_{0} = \frac{\ln(8.16/12.5)}{\ln(0.72/1)} = \frac{\ln(0.652)}{\ln(0.72)} = 1.13$$
$$r_{45} = \frac{\ln(8.44/12.5)}{\ln(0.75/1)} = \frac{\ln(0.675)}{\ln(0.75)} = 1.365$$
$$r_{90} = \frac{\ln(7.25/12.5)}{\ln(0.69/1)} = \frac{\ln(0.98)}{\ln(0.65)} = 1.468$$

ตารางที่ ข.1 คุณสมบัติของเหล็ก SPCD

ชนิดของวัสดุ	เลขชี้กำลั <mark>งกา</mark> ร	สัมประสิทธิ์	อัตราส่วนความเครียดพลาสติก (r)				
	ทำให้แข็งด้วย ความเครียด(n)	ค <mark>วามต้านแรง</mark> (K)	R ₀	R ₄₅	R ₉₀	\overline{R}	
SPCD	0.14	366	1.13	1.365	1.468	1.378	

ี<mark>ภาคผนวก ค</mark> ข้อมูลการทดลอง

ค.1 ตารางบันทึกแรงที่ใช้ในการขึ้นรูป

ตารางที่ ค.1 ตารางบันทึกผลของการลากขึ้นรูปที่ แรงกดชิ้นงาน 30 ,50,70 เปอร์เซ็นต์ เหล็ก SPCD เปรียบเทียบกับการจำลองด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์

	แรงที่ใช้ในการลากขึ้นรูปของรูปทรงดรอบีด (KN)					
วัสด/แรงอดซึ่ง เวเ	ครึ่ง <mark>วง</mark> กลม		สามเหลี่ยม		สี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า	
96161 06 9 1 1 1 0 1 K 1 K	EXP	FEM	EXP	FEM	EXP	FEM
1.เหล็ก SPCD แรงกด 30 %	106	101	109	103	132	133
2.เหล็ก SPCD แรงกด 50 %	133	115	138	109	150	142
3.เหล็ก SPCD แรงกด 70 %	145	138	168	145	183	166

ค.2 ความเครียดในแนวความหนาของชิ้นงานในแต่ละจุดตรวจวัด

ตารางที่ ค.2 ตารางวิเคราะห์ค<mark>วามเครียดเทียบเท่าความห</mark>นา (Equivalent strain) ของเหล็ก SPCD ที่ แรงกดชิ้<mark>นงาน</mark> (Blank Holder Force) 30 เปอร์เซ็นต์

	ครึ่งวงกลม		สาม	หลี่ยม	สี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า	
จดตรวจวัด	ความเครีย	<mark>เดแนวความ</mark>	ความเครีย	<mark>ดแนวความ</mark>	ความเครียดแนวความ	
้ความหนา	หนา $\varepsilon_t = \ln(t/t_o)$		หนา ε_t	$=\ln(t/t_o)$	หนา $arepsilon_t = \ln ig(t / t_o ig)$	
	EXP	FEM	EXP	FEM	EXP	FEM
A1	0.20	0.18	0.15	0.16	0.22	0.21
A2	0.17	0.17	0.19	0.18	0.22	0.23
A3	0.21	0.20	0.20	0.19	0.22	0.21
A4	0.20	0.19	0.20	0.19	0.25	0.23
A5	0.20	0.20	0.15	0.15	0.22	0.21
A6	0.22	0.21	0.15	0.15	0.25	0.23
A7	0.25	0.24	0.20	0.19	0.26	0.26
A8	0.25	0.24	0.20	0.19	0.27	0.26
A9	0.22	0.23	0.13	0.13	0.25	0.24
A10	0.22	0.21	0.13	0.12	0.25	0.24

 ε_{t} คือ ความเครียดแนวความหนา $\varepsilon_{t} = \ln (t/t_{o})$

ตารางที่ ค.3 ตารางวิเคราะห์ความเครียดเทียบเท่าความหนา (Equivalent strain) ของเหล็ก SPCD ที่แรงกดชิ้นงาน (Blank Holder Force) 50 เปอร์เซ็นต์

	ครึ่งวงกลม ${ m ilde{0}}$ ุดตรวจวัด ความเครียดแนวความ ${ m ilde{0}}$ ความหนา ${ m ilde{c}}_t=\lnig(t/t_oig)$		สามเ	หลี่ยม	สี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า	
จุดตรวจวัด			ความเครียดแนวความ หนา $arepsilon_t = \lnig(t/t_oig)$		ความเครียดแนวความ	
ความหนา					หนา $arepsilon_t = \ln(t/t_o)$	
	EXP	FEM	EXP	FEM	EXP	FEM
A1	0.20	0.21	0.27	0.26	0.25	0.23
A2	0.22	0.23	0.25	0.24	0.27	0.27
A3	0.25	0.24	0.25	0.23	0.25	0.26
A4	0.25	0.23	0.25	0.23	0.27	0.28
A5	0.23	0.22	0.22	0.21	0.33	0.32
A6	0.25	0.24	0.25	0.22	0.33	0.32
A7	0.27	0.27	0.33	0.32	0.35	0.34
A8	0.27	0.27	0.33	0.32	0.35	0.34
A9	0.25	0.25	0.30	0.29	0.35	0.33
A10	0.25	0.25	0.30	0.29	0.36	0.34

 $\varepsilon_{_t}$ คือ ความเครียดแนวความหนา $\varepsilon_{_t} = \ln (t/t_{_o})$
	ครึ่งวงกลม		สามเหลี่ยม		สี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า	
จุดตรวจวัด	ความเครียดแนวความ $ m \kappa_t = \ln ig(t/t_oig)$		ความเครียดแนวความ หนา $arepsilon_t = \ln(t/t_o)$		ความเครียดแนวความ $\kappa_t = \ln ig(t / t_o ig)$	
พ.า.าทมหา.า						
	EXP	FEM	EXP	FEM	EXP	FEM
A1	0.25	0.25	0.35	0.33	0.33	0.31
A2	0.25	0.24	0.34	0.34	0.32	0.30
A3	0.30	0.29	0.36	0.34	0.31	0.32
A4	0.32	0.31	0.36	0.34	0.35	0.33
A5	0.29	0.28	0.33	0.34	0.42	0.40
A6	0.36	0.34	0.39	0.37	0.42	0.43
A7	0.39	0.37	0.44	0.42	0.50	0.49
A8	0.39	0.37	0.45	0.43	0.50	0.49
A9	0.39	0.38	0.45	0.43	0.48	0.46
A10	0.33	0.32	0.42	0.40	0.48	0.46

ตารางที่ ค.4 ตารางวิเคราะห์ความเครียดเทียบเท่าความหนา (Equivalent strain) ของเหล็ก SPCD ที่ แรงกดชิ้นงาน (Blank Holder Force) 70 เปอร์เซ็นต์

 $arepsilon_t$ คือ ความเครียดแนวความหนา $arepsilon_t = \ln ig(t / t_o ig)$

ค3. เปรียบเทียบแรงในการขึ้นรูประหว่างการขึ้นรูปจริงกับการจำลองด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์ โดยมีเงื่อนไขดังต่อไปนี้

เปรียบเทียบแรงในการขึ้นรูปจริงกับการจำลองด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์ของดรอบีดแบบครึ่ง
 วงกลม ของเหล็กเกรด SPCD ดังภาพที่ ค4 – ค6 ด้วยแรงกดชิ้นงาน 30, 50 และ 70 เปอร์เซ็นต์



ภาพที่ ค1 Half-Round Drawbead, BHF 30 % ,SPC ภาพที่ ค2 Half-Round Drawbead, BHF 50 % ,SPCD



ภาพที่ ค3 Half-Round Drawbead, BHF 70 % ,SPCD

 2) เปรียบเทียบแรงในการขึ้นรูปจริงกับการจำลองด้วยไฟไนต์เอลิเมนต์ของดรอบีดแบบหน้าตัด สามเหลี่ยม ของเหล็กเกรด SPCD ดังภาพที่ ค13 – ค15 ด้วยแรงกดชิ้นงาน 30 , 50 และ 70 เปอร์เซ็นต์



3) เปรียบเทียบแรงเนการขั้นรูบจริงกับการจำลองด้วยเพเนตเอลเมนตของดรอวบัดแบบ สี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า ของเหล็กเกรด SPCD ดังภาพที่ ค22 – ค24 ด้วยแรงกดชิ้นงาน 30,50 และ 70 เปอร์เซ็นต์



ภาพที่ ค7 Trapenzifrom Drawbead, BHF 30 % รPCD

ภาพที่ ค8 Trapenzifrom Drawbead, BHF 50 % SPCD



ภาพที่ ค9 Trapenzifrom Drawbead, BHF 70 % ,SPCD

ค.4 เปรียบเทียบการเปลี่ยนแ<mark>ปลงความเครียดแนวคว</mark>ามหนา รูปร่างของชิ้นงานระหว่างการ ขึ้นรูปจริงกับการจำลองด้วยไฟไนต์<mark>เอลิ</mark>เมนต์ โดยมีเงื่อ<mark>นไขดั</mark>งต่อไปนี้

1) เปรียบเทียบความเครี<mark>ยดแนวความหนา รูปร่างขอ</mark>งชิ้นงาน ระหว่างวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์และ วิธีการทดลองจริงของ<mark>ดร</mark>อบีดแบบครึ่งวงกลม ด้วยแรงกดชิ้นงาน 30 เปอร์เซ็นต์ ของเหล็ก SPCD ดังภาพที่ ค.34 – ค<mark>.35</mark>



ภาพที่ ค.10 Thickness Strian , Half-Round Drawbead, BHF 30 %,SPCD



ภาพที่ ค.11 เปรียบเทียบชิ้นงานจริงกับ F<mark>EM</mark> , Half-Round Drawbead, BHF 30 % , SPCD

2) เปรียบเทียบความเครียดแนวความหนา รูปร่างของชิ้นงานระหว่างวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์และ วิธีการทดลองจริงของดรอบีดแบบครึ่งวงก<mark>ลม ด้ว</mark>ยแรงกดชิ้นงาน 50 เปอร์เซ็นต์ ของเหล็ก SPCD ดังภาพที่ ค.36 – ค.3**7**



ภาพที่ ค.12 Thickness Strian , Half-Round Drawbead, BHF 50 %,SPCD



ภาพที่ ค.13 เปรียบเทียบชิ้นงานจริงกับ FEM , Half-Round Drawbead, BHF 50 % , SPCD

 เปรียบเทียบความเครียดแนวความหนา รูปร่างของชิ้นงาน ระหว่างวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ และวิธีการทดลองจริงของดรอบีดแบบครึ่งวงกลม ด้วยแรงกดชิ้นงาน 70 เปอร์เซ็นต์ ของเหล็ก SPCD ดังภาพที่ ค.38 – ค.39



ภาพที่ ค.14 Thickness Strian , Half-Round Drawbead, BHF 70 %,SPCD



ภาพที่ ค.15 เปรียบเทียบชิ้นงานจริงกับ F<mark>EM</mark> , Half-Round Drawbead, BHF 70 % , SPCD

 4) เปรียบเทียบความเครียดแนวความหนา รูปร่างของชิ้นงานระหว่างวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์และ วิธีการทดลองจริงของดรอบีดแบบหน้าตัดสามเหลี่ยม ด้วยแรงกดชิ้นงาน 30 เปอร์เซ็นต์ ของเหล็ก SPCD ดังภาพที่ ค.52 – ค.53



ภาพที่ ค.16 Thickness Strian , V-Shaped Drawbead, BHF 30 % , SPCD



ภาพที่ ค.17 เปรียบเทียบชิ้นงานจริงกับ FEM , V-Shaped Drawbead , BHF 30 % , SPCD

5) เปรียบเทียบความเครียดแนวค<mark>วามหน</mark>า รูปร่างของชิ้นงาน ระหว่างวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ และวิธีการทดลองจริงของดรอบีดแบบหน้าตัดสามเหลี่ยม ด้วยแรงกดชิ้นงาน 50 เปอร์เซ็นต์ ของ เหล็ก SPCD ดังภาพที่ ค.54 – ค.55



ภาพที่ ค.18 Thickness Strian , V-Shaped Drawbead, BHF 50 % , SPCD



ภาพที่ ค.19 เปรียบเทียบชิ้นงานจริงกับ FEM , V-Shaped Drawbead, BHF 50 % , SPCD

 6) เปรียบเทียบความเครียดแนวความหนา รูปร่างของชิ้นงาน ระหว่างวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ และวิธีการทดลองจริงของดรอบีดแบบหน้าตัดสามเหลี่ยม ด้วยแรงกดชิ้นงาน 70 เปอร์เซ็นต์ ของ เหล็ก SPCD ดังภาพที่ ค.56 – ค.57



ภาพที่ ค.20 Thickness Strian , V-Shaped Drawbead, BHF 70 % , SPCD



ภาพที่ ค.21 เปรียบเทียบชิ้นงานจริงกับ FEM , V-Shaped Drawbead, BHF 70 % , SPCD

 เปรียบเทียบความเครียดแนวความหนา รูปร่างของชิ้นงาน ระหว่างวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ และวิธีการทดลองจริงของดรอว์บีดแบบสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า ด้วยแรงกดชิ้นงาน 30 เปอร์เซ็นต์ ของ เหล็ก SPCD ดังภาพที่ ค.70 – ค.71



ภาพที่ ค.22 Thickness Strian , Trapenzifrom Drawbead, BHF 30 % , SPCD



ภาพที่ ค.23 เปรียบเทียบชิ้นงานจริงกับ FEM , Trapenzifrom Drawbead, BHF 30 % , SPCD 8) เปรียบเทียบความเครียดแนวความหนา รูปร่างของชิ้นงาน ระหว่างวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ และวิธีการทดลองจริงของดรอบีดแบบสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า ด้วยแรงกดชิ้นงาน 50 เปอร์เซ็นต์ ของ เหล็ก SPCD ดังภาพที่ ค.72 – ค.73





ภาพที่ ค.24 Thickness Strian , Trapenzifrom Drawbead, BHF 50 % , SPCD

ภาพที่ ค.25 เปรียบเทียบชิ้นงานจริงกับ FEM , Trapenzifrom Drawbead, BHF 50 % , SPCD

 9) เปรียบเทียบความเครียดแนวความหนา รูปร่างของชิ้นงาน ระหว่างวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ และวิธีการทดลองจริงของดรอว์บีดแบบสี่เหลี่ยมด้านไม่เท่า ด้วยแรงกดชิ้นงาน 70 เปอร์เซ็นต์ ของ เหล็ก SPCD ดังภาพที่ ค.74 – ค.75



ภาพที่ ค.26 Thickness Strian , Trapenzifrom Drawbead, BHF 70 % , SPCD



ภาพที่ ค.27 เปรียบเทียบชิ้นงานจริงกับ FEM , Trapenzifrom Drawbead, BHF 70 % , SPCD



ภาคผนวก ง แบบชิ้นส่วนแม่พิมพ์































