

## บรรณานุกรม

- กิดานันท์ มลิทอง. (2543). เทคโนโลยีการศึกษาและนวัตกรรม. (พิมพ์ครั้งที่ 2). กรุงเทพฯ: จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย.
- แก้วตา คณะวรรณ. (2524). พัฒนาการสอน. ขอนแก่น: มหาวิทยาลัยขอนแก่น.
- ขนิษฐา ชานนท์. (2532, มีนาคม). มัลติมีเดียไมโครคอมพิวเตอร์. 2(48), 7-18.
- ชลอรัตน์ ศิริเขตรกรณ์. (2545). การพัฒนาบทเรียนคอมพิวเตอร์ มัลติมีเดีย เรื่อง ไตรยางค์ และการผันอักษร ระดับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1. วิทยานิพนธ์การศึกษามหาบัณฑิต มหาวิทยาลัยศรีนครินทรวิโรฒ ประสานมิตร.
- ชัยยงค์ พรหมวงศ์. (2523). เอกสารการสอนชุดวิชาเทคโนโลยีการศึกษาและสื่อการศึกษา. กรุงเทพฯ: ชุมนุมสหกรณ์การเกษตรแห่งประเทศไทย.
- ชูศักดิ์ เพรสคอตท์. (2531). CAI อนาคตสดใสของระบบการศึกษาไทย. กรุงเทพฯ: สุวีริยาสาส์น.
- ไชยยศ เรื่องสุวรรณ. (2542). คอมพิวเตอร์เพื่อการเรียนการสอน. ภาควิชาเทคโนโลยีการศึกษา มหาวิทยาลัยมหาสารคาม : คณะศึกษาศาสตร์ มหาวิทยาลัยมหาสารคาม.
- ถนอมพร เลหาจรัสแสง. (2541). คอมพิวเตอร์ช่วยสอน. กรุงเทพฯ : ภาควิชาโสตทัศนศึกษา คณะครุศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย.
- บุญชม ศรีสะอาด. (2546). การวิจัยเบื้องต้น. (พิมพ์ครั้งที่ 6). กรุงเทพฯ : สุวีริยาสาส์น.
- ประคอง กรรณสูตร. (2520). สถิติศาสตร์ประยุกต์สำหรับครู. (พิมพ์ครั้งที่ 5). กรุงเทพฯ: ไทยวัฒนาพานิช.
- พรพิไล สันจตุเสรี. (2538). สื่อการศึกษาและการพัฒนาการศึกษา. กรุงเทพฯ : สุวีริยาสาส์น.
- ไพฑูริย์ จารุสาร. (2536). ผลการเรียนรู้ที่เกิดจากการกำหนดอัตราความก้าวหน้าสองแบบและโอกาสในการเลือก อัตราความก้าวหน้าของบทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน. วิทยานิพนธ์การศึกษามหาบัณฑิต สาขาเทคโนโลยีทางการศึกษา มหาวิทยาลัยศรีนครินทรวิโรฒ ประสานมิตร.
- ไพโรจน์ ติรณนากุล. (2530). สถิติเพื่อการวิจัยทางการศึกษา. (พิมพ์ครั้งที่ 3). กรุงเทพฯ: ศูนย์สื่อเสริมกรุงเทพฯ.
- ราชบัณฑิตยสถาน. (2539). พจนานุกรมฉบับราชบัณฑิตยสถาน. (พิมพ์ครั้งที่ 6). กรุงเทพฯ: อักษรเจริญทัศน์.

- มนิศรา สุภกิจ.(2545). การสร้างบทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอนวิชาภาษาไทย เรื่องการผันวรรณยุกต์ สำหรับนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 2. วิทยานิพนธ์การศึกษามหาบัณฑิต สาขาการประถมศึกษา มหาวิทยาลัยศรีนครินทรวิโรฒ.
- รัตนพันธ์ ชาวเรือ.(2546). การเปรียบเทียบผลการเรียนรู้จากการใช้บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน วิชาคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ห่วงวิชาการเรียนและคุณลักษณะส่วนตัวของนักเรียน. วิทยานิพนธ์การศึกษามหาบัณฑิต สาขาวิชาเทคโนโลยีการศึกษา มหาวิทยาลัยมหาสารคาม.
- ล้วน สายยศ และ อังคณา สายยศ.(2540). เทคนิคการวัดผลการเรียนรู้. กรุงเทพฯ: สุวีริยาสาส์น
- วรภรณ์ ช่วยนุกิจ.(2544). ความพึงพอใจที่มีต่อการเสนอข่าวการเมืองของสถานีโทรทัศน์ไอทีวีของผู้ชมในกรุงเทพมหานคร. วิทยานิพนธ์ศึกษาศาสตรมหาบัณฑิต สาขาเทคโนโลยีการศึกษา มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์.
- วันเพ็ญ เขียนเอี่ยม.(2539). บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอนระบบไฮเปอร์มีเดียในการสอนวิชาฟิสิกส์ชั้นมัธยมศึกษาตอนปลาย. วิทยานิพนธ์การศึกษามหาบัณฑิต มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์.
- วุฒิชัย ประสารสอย.(2543). บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน. นวัตกรรมเพื่อการศึกษา. กรุงเทพฯ : วิเจ พรินติ้ง.
- วิชาการ,กรม. (2544). สื่อการเรียนรู้ตามหลักสูตรการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2544 กรุงเทพฯ: โรงพิมพ์คุรุสภาลาดพร้าว.
- (2545). สารและมาตรฐานการเรียนรู้ กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ในหลักสูตรการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2544 กรุงเทพฯ: โรงพิมพ์องค์การรับส่งสินค้าและพัสดุภัณฑ์.
- (2545). เอกสารประกอบหลักสูตรการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2544 คู่มือการจัดการเรียนรู้กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์. กรุงเทพฯ: โรงพิมพ์องค์การรับส่งสินค้าและพัสดุภัณฑ์.
- ศิริชัย นามบุรี.(2542). การสร้างบทเรียนสำเร็จรูปคอมพิวเตอร์การสอนวิชาความรู้พื้นฐานเกี่ยวกับคอมพิวเตอร์. กรุงเทพฯ : วิเจ พรินติ้ง.
- ศลใจ วิบูลกิจ.(2544). ความสัมพันธ์ระหว่างเทคนิคการประสานงานของศึกษานิเทศก์กับความพึงพอใจในการทำงานของเจ้าหน้าที่ในสำนักงานศึกษานิเทศก์อำเภอ เขตการศึกษา. วิทยานิพนธ์การศึกษามหาบัณฑิต มหาวิทยาลัยมหาสารคาม.

- สิริพร ทิพย์คง.(2545). ความรู้เกี่ยวกับสื่อมัลติมีเดียเพื่อการศึกษา. กรุงเทพฯ : สำนักพิมพ์  
 ครูสภาลาดพร้าว.
- คณะกรรมการการศึกษาแห่งชาติ,สำนักงาน กระทรวงศึกษาธิการ.(2543). การศึกษาแนวทางการ  
 การบริหารและการจัดการศึกษาของสถานศึกษา. กรุงเทพฯ: โรงพิมพ์ครูสภา  
 อมรฤทธิ์ อุทรักษ์.(2545). ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนวิชาวิทยาศาสตร์ของนักเรียนชั้นมัธยม  
 ศึกษาศึกษาปีที่ 3 ที่ได้รับการสอนโดยใช้บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง  
 พลังงานกับชีวิต. วิทยานิพนธ์ศึกษาศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิทยาศาสตร์ศึกษา  
 มหาวิทยาลัยเชียงใหม่.
- อัญชญา พัวไพบูลย์.(2545). การพัฒนาบทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอนเรื่อง ปรางค์การณ  
 โฟโตอิเล็กทรอนิกส์ ระดับชั้นมัธยมศึกษาตอนปลาย. มหาวิทยาลัยขอนแก่น
- อุบลรัตน์ วัฒนวงศ์.(2540). การพัฒนาบทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอนเรื่องการใช้ตัวสะกดสำหรับ  
 นักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 4. วิทยานิพนธ์การศึกษามหาบัณฑิต มหาวิทยาลัยบูรพา.
- เอกวิทย์ แก้วประดิษฐ์ . (2537). การวิจัยเทคโนโลยีการศึกษา.(พิมพ์ครั้งที่ 3).กรุงเทพฯ:ชมรมเด็ก.
- Good, Carter V. (1973). Dictionary of Education. New York: McGraw-Hill Book Company.
- Lim,Youngsook. (1996).The effectiveness of multimedia presentation tools in teaching  
 Perspective drawing for interior design students.Dissertation Abstracts International.  
 DAI-A 57/08 No.AAT 9700950.
- Short,Daniel Lowell. (2003). “Computer-based Mathematics Instruction:AutomateRemedial  
 Branching”. Masters Abstracts International. 41(3) : 670; June.
- Young,Shwu-ching. (1997). “A Study of Learners Interactions with and Perceptions of a  
 CD-ROM-based Instructional Program on Interactive Writing” Dissertation Abatracs  
 International. 57(7) : 2985-A; January.

ภาคผนวก

ภาคผนวก ก  
แบบประเมินบทเรียนคอมพิวเตอร์สำหรับผู้เชี่ยวชาญ  
และตารางผลการประเมินข้อมูล

**แบบประเมินบทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน**  
**เรื่อง การดำเนินการของเซต**  
**กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4**  
**สำหรับผู้เชี่ยวชาญ**

**คำชี้แจง** กรุณาใส่เครื่องหมาย (/) ลงในช่องที่ตรงกับความคิดเห็นของท่าน ข้อละ 1 ระดับ ความหมายของระดับประมาณค่าคุณค่าคุณภาพ โปรแกรมบทเรียน กำหนดเกณฑ์การตัดสินคุณภาพ เป็น 5 ระดับ ดังนี้

5 หมายถึงดีที่สุดใน 4 หมายถึงดีมาก 3 หมายถึงดี 2 หมายถึงพอใช้ 1 หมายถึงต้องปรับปรุง  
 ตอนที่ 1 ด้านเนื้อหา

รายการประเมิน	ระดับความคิดเห็น				
	5	4	3	2	1
1. เนื้อหาบทเรียนครอบคลุมวัตถุประสงค์					
2. การแยกย่อยเนื้อหาเหมาะกับวัตถุประสงค์					
3. การจัดลำดับขั้นการนำเสนอเนื้อหา					
4. ความถูกต้องของเนื้อหา					
5. ความชัดเจนในการนำเสนอเนื้อหา					
6. เนื้อหาเหมาะสมกับระดับความรู้ของผู้เรียน					
7. ความน่าสนใจของเนื้อหาบทเรียน					

ตอนที่ 2 ด้านสื่อการสอน

รายการประเมิน	ระดับความคิดเห็น				
	5	4	3	2	1
1. ด้านการออกแบบจอภาพ					
1.1 แบบอักษรที่ใช้นำเสนอเนื้อหาอ่านง่ายชัดเจน					
1.2 ขนาดตัวอักษรในการนำเสนอเนื้อหาเหมาะสม					
1.3 ความเหมาะสมของตัวเลือกใช้สีตัวอักษร					
1.4 ความชัดเจนของตัวอักษรบนพื้นหลังสีต่างๆ					
1.5 ความเหมาะสมของตัวเลือกใช้สีพื้นจอภาพ					
1.6 จังหวะการปรากฏตัวอักษรเพื่อนำเสนอเนื้อหา					
1.7 การเน้นข้อความโดยใช้อักษรและสีเหมาะสม					

รายการประเมิน	ระดับความคิดเห็น				
	5	4	3	2	1
2. การจัดการในการเรียน					
2.1 คำอธิบายการปฏิบัติในบทเรียนชัดเจน					
2.2 ความเหมาะสมของวิธีโต้ตอบกับโปรแกรม บทเรียน					
2.3 การเปิดโอกาสให้ผู้เรียนควบคุมบทเรียน เช่น การใช้แป้นพิมพ์ เม้าส์					
2.4 ความเหมาะสมของวิธีโต้ตอบกับบทเรียน					
2.5 ความเหมาะสมในการสื่อความหมายใน บทเรียน					
2.6 ความเหมาะสมของการสรุปเนื้อหาของบทเรียน					

ตอนที่ 3 ด้านโปรแกรม

รายการประเมิน	ระดับความคิดเห็น				
	5	4	3	2	1
1. สื่อชี้แนะ(Navigational Aids:Icoo,Hypertext,Button) ในการสืบค้นข้อมูลสะดวกต่อการใช้งาน					
2. การขยายลำดับการสืบค้นข้อมูล(Branching) สะดวกต่อการเข้าถึงข้อมูล					
3. ระบบจัดการและตรวจสอบผู้เรียนมีความสะดวก					
4. การถาม ตอบปัญหา (Q&A) มีความสะดวก					
5. ปุ่ม หรือข้อความมีความสะดวกต่อการใช้					

คำแนะนำเพิ่มเติม

.....

.....

.....

ลงชื่อ.....ผู้ประเมิน

(.....)

ผลการประเมินบทเรียนคอมพิวเตอร์สำหรับผู้เชี่ยวชาญด้านเนื้อหา ด้านสื่อการสอน และ  
ด้าน โปรแกรม เป็นแบบมาตราส่วนประมาณค่า (Rating Scale)

รายละเอียดการประเมิน	$\bar{X}$	ระดับความคิดเห็น
1. ด้านเนื้อ		
1.1 เนื้อหาบทเรียนครอบคลุมวัตถุประสงค์	4.00	ดี
1.2 การแยกย่อยเนื้อหาเหมาะกับวัตถุประสงค์	4.67	ดีมาก
1.3 การจัดลำดับขั้นการนำเสนอเนื้อหา	4.33	ดี
1.4 ความถูกต้องของเนื้อหา	4.33	ดี
1.5 ความชัดเจนในการนำเสนอเนื้อหา	4.00	ดี
1.6 เนื้อหาเหมาะสมกับระดับความรู้ของผู้เรียน	4.67	ดีมาก
1.7 ความน่าสนใจของเนื้อหาบทเรียน	4.67	ดีมาก
รวม	4.38	ดี
2. ด้านสื่อการสอน		
ด้านการออกแบบจอภาพ		
2.1 แบบอักษรที่ใช้แนะนำเสนอเนื้อหาอ่านง่ายชัดเจน	4.33	ดี
2.2 ขนาดตัวอักษรในการนำเสนอเนื้อหาเหมาะสม	4.00	ดี
2.3 ความเหมาะสมของตัวเลือกใช้สีตัวอักษร	4.33	ดี
2.4 ความชัดเจนของตัวอักษรบนพื้นหลังสีต่างๆ	4.00	ดี
2.5 ความเหมาะสมของตัวเลือกใช้สีพื้นจอภาพ	4.33	ดี
2.6 จังหวะการปรากฏตัวอักษรเพื่อนำเสนอเนื้อหา	4.67	ดีมาก
2.7 การเน้นข้อความโดยใช้อักษรและสีเหมาะสม	4.33	ดี
การจัดการในการเรียน		
2.8 คำอธิบายการปฏิบัติในบทเรียนชัดเจน	3.67	ดี
2.9 ความเหมาะสมของวิธีโต้ตอบกับ โปรแกรม บทเรียน	4.33	ดี
2.10 การเปิดโอกาสให้ผู้เรียนควบคุมบทเรียน เช่น การใช้แป้นพิมพ์ เมาส์	4.67	ดีมาก
2.11 ความเหมาะสมของวิธีโต้ตอบกับบทเรียน	4.00	ดี

รายละเอียดการประเมิน	$\bar{X}$	ระดับความคิดเห็น
2.12 ความเหมาะสมในการสื่อความหมายในบทเรียน	4.67	ดีมาก
2.13 ความเหมาะสมของการสรุปเนื้อหาของบทเรียน	4.33	ดี
รวม	4.28	ดี
3. ด้านโปรแกรม		
3.1 ลี้อชี้หน้า(NavigationalAids:Icoo,Hypertext,Button) ในการสืบค้นข้อมูลสะดวกต่อการใช้งาน	3.67	ดี
3.2 การขยายลำดับการสืบค้นข้อมูล(Branching) สะดวกต่อการเข้าถึงข้อมูล	4.00	ดี
3.3 ระบบจัดการและตรวจสอบผู้เรียนมีความสะดวก	4.67	ดีมาก
3.4 การถาม ตอบปัญหา (Q&A) มีความสะดวก	4.33	ดี
3.5 ปุ่ม หรือข้อความมีความสะดวกต่อการใช้	3.67	ดี
รวม	4.07	ดี
เฉลี่ย	4.24	ดี

พบว่า ผู้เชี่ยวชาญ มีความคิดเห็นต่อบทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง การดำเนินการของเขต กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4 โดยรวมอยู่ในระดับดี ( $\bar{X} = 4.24$ )

ค่า IOC ของความสอดคล้องระหว่างข้อสอบกับจุดประสงค์เชิงพฤติกรรมคอมพิวเตอร์ช่วยสอน  
เรื่อง การดำเนินการของเซต กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้น มัธยมศึกษาปีที่ 4

ข้อที่	IOC	ข้อที่	IOC
1	1.00	21	1.00
2	1.00	22	1.00
3	1.00	23	1.00
4	1.00	24	1.00
5 <sup>4</sup>	1.00	25	1.00
6	1.00	26	1.00
7	1.00	27	1.00
8	1.00	28	1.00
9	1.00	29	1.00
10	1.00	30	1.00
11	1.00	31	1.00
12	1.00	32	1.00
13	1.00	33	1.00
14	1.00	34	1.00
15	1.00	35	1.00
16	1.00	36	1.00
17	1.00	37	1.00
18	1.00	38	1.00
19	1.00	39	1.00
20	1.00	40	1.00

ภาคผนวก ข

แบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนรู้วิชาคณิตศาสตร์ เรื่อง การดำเนินการของเซต  
ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4

แบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์การเรียนรู้  
วิชาคณิตศาสตร์ เรื่อง การดำเนินการของเซต ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4

คำชี้แจง

1. ให้นักเรียนเขียนชื่อ – สกุล เลขที่ ในกระดาษคำตอบ
2. ข้อสอบฉบับนี้เป็นข้อสอบแบบเลือกตอบ 4 ตัวเลือก จำนวน 40 ข้อ ใช้เวลาในการสอบ 1 ชั่วโมง
3. เลือกคำตอบที่ถูกต้องที่สุด จากตัวเลือก ก. ข. ค. และ ง. เพียงคำตอบเดียวเท่านั้น โดยทำเครื่องหมาย (X) ลงในช่อง  ในกระดาษคำตอบให้ตรงกับตัวเลือกที่ต้องการ เช่น ถ้าคำตอบข้อ ก. ถูก ให้ทำดังนี้

ข้อ	ก	ข	ค	ง
0	X			

ถ้าต้องการเปลี่ยนคำตอบจากข้อ ก. เป็นข้อ ข. หรือข้ออื่นๆ ให้ทำดังนี้

ข้อ	ก	ข	ค	ง
0	X	X		

4. ห้ามขีดเขียนข้อความใดๆ ลงบนกระดาษข้อสอบ
5. เมื่อทำข้อสอบเสร็จแล้วให้ส่งกระดาษคำตอบพร้อมข้อสอบคืนที่กรรมการ

## แบบทดสอบก่อนเรียนและหลังเรียน

1. ข้อใดไม่ถูกต้อง

ก.  $A \cup A = A$

ข.  $A \cup U = U$

ค.  $A \cup B = B \cup A$

ง.  $A \cup \phi = A$

2. กำหนดให้  $A = \{a, b, c, d, e\}$ ,  $B = \{d, e, f, g\}$  แล้ว  $A \cup B$  เท่ากับเซตใดต่อไปนี้

ก.  $\{a, b\}$

ข.  $\{a, b, d\}$

ค.  $\{c, d, e, f\}$

ง.  $\{a, b, c, d, e, f, g\}$

3. กำหนดให้  $A = \{0, 1, 2, 3\}$ ,  $B = \{1, 2, 4, 5, 6\}$  แล้ว

$A \cup B$  คือ เซตในข้อใด

ก.  $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$

ข.  $\{\phi, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$

ค.  $\{\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6\}\}$

ง.  $\{\{\phi\}, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{4\}, \{5\}, \{6\}\}$

4. กำหนดให้  $A = \{0, 1, 2, 3\}$ ,  $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 10\}$  แล้ว  $A \cup B$  ประกอบด้วยสมาชิกเท่าใด

ก. 4 ตัว

ข. 5 ตัว

ค. 6 ตัว

ง. 7 ตัว

5. กำหนด  $A = \{1, 2, 3\}$ ,  $B = \{3, 4, 5\}$ ,  $C = \{6, 7, 8, 9\}$

ข้อใดคือ

ก.  $\phi$

ข.  $\{3\}$

ค.  $\{2, 3, 5\}$

ง.  $\{1, 2, 3\}$

6. กำหนดให้  $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ ,  $B = \{10, 20, 30, 40, 50\}$  ข้อใดคือ  $A \cap B$



- ก.  $\emptyset$
- ข.  $\{1,2,3\}$
- ค.  $\{6,7,8\}$
- ง.  $\{1,2,3,6,7,8\}$

7. กำหนดให้  $A = \{a,b,c,d,e\}$ ,  $B = \{d,e,f,g\}$  แล้ว  $A \cup B$  เท่ากับเซตใดต่อไปนี้

- ก.  $\{a,b\}$
- ข.  $\{a,b,d\}$
- ค.  $\{c,d,e,f\}$
- ง.  $\{a,b,c,d,e,f,g\}$

8. ข้อใดกล่าวไม่ถูกต้อง

- ก.  $A \cap A = A$
- ข.  $A \cap \emptyset = \emptyset$
- ค.  $A \cap U = A$
- ง. ถ้า  $A \subset C$  และ  $B \subset C$  แล้ว

$$A \cap B \subset C$$

9. ข้อใดไม่ถูกต้อง

- ก. ถ้า  $A \cup B \neq A \cup C$  แล้ว  $B \neq C$
- ข. ถ้า  $A = C$  แล้ว  $A \cap B = A \cap C$
- ค. ถ้า  $A \cap B = A \cap C$  แล้ว  $B = C$
- ง. ถ้า  $A \cap B \neq A \cap C$  แล้ว  $B \neq C$

10. กำหนดให้  $A = \{0,1,2,3\}$ ,  $B = \{1,2,4,5,10\}$  แล้ว

$A \cup B$  คือเซตในข้อใด

- ก.  $\{0,1,2,3,4,5,10\}$
- ข.  $\{\emptyset, 0,1,2,3,4,5,10\}$
- ค.  $\{\{0,1,2,3,4,5,10\}\}$
- ง.  $\{\emptyset, \{0\}, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{4\}, \{5\}, \{10\}\}$

11. “เซตที่ประกอบด้วยสมาชิกซึ่งเป็นสมาชิกของ  $U$  แต่ไม่เป็นสมาชิกของ  $A$ ” เป็นบทนิยามของสิ่งใด

- ก. คอมพลีเมนต์ของเซต  $U$
- ข. คอมพลีเมนต์ของเซต  $A$

ค. ผลต่างระหว่างเซต A และ U

ง. ผลต่างระหว่างเซต A และเซต B

12.คอมพลิเมนต์ของเซต A เมื่อเทียบกับเซต B เรียกว่าอะไร

ก. คอมพลิเมนต์ของเซต U

ข. คอมพลิเมนต์ของเซต A

ค. ผลต่างระหว่างเซต A และ U

ง. ผลต่างระหว่างเซต A และเซต B

13. ข้อใดไม่ถูกต้อง

ก.  $(A')' \neq A$

ข.  $\phi' = U$

ค.  $U' = \phi$

ง.  $A \cap A' = U$

14. ข้อใดกล่าวถูกต้อง

ก.  $A - (B \cap C) \neq (A - B) \cup (A - C)$

ข.  $A - (B \cup C) = (A - B) \cap (A - C)$

ค.  $(A \cap B) - C = (A - C) \cup (B - C)$

ง.  $(A \cup B) - C = (A - C) \cap (C - B)$

15.กำหนดให้ A และ B เป็นสับเซตของเอกภพสัมพัทธ์ ถ้า  $A \subset B$  ข้อใดถูกต้อง

ก.  $(B' \cap A') - A = B'$

ข.  $(B' \cap A') \cup (A \cap B) = (A - B)'$

ค. ถ้า A เป็นเซตอนันต์แล้ว  $B - A$

เป็นเซตจำกัด

ง. ถ้า A เป็นเซตอนันต์แล้ว  $B - A$

เป็นเซตอนันต์

16. ถ้า A เป็นเซตอนันต์ B เป็นเซตอนันต์ และ C เป็นเซตจำกัด แล้วเซตใดเป็นเซตอนันต์

ก.  $A \cup (B \cap C)$

ข.  $(A \cup B) \cap C$

ค.  $(C - B) \cup (C - A)$

ง.  $(A \cap C) \cup (B \cap C)$

17. ข้อความใดกล่าวถูกต้อง

ก. ถ้า  $A \cap B = \phi$  แล้ว  $A = \phi$  หรือ

$$B = \phi$$

ข. A ไม่เป็นสับเซตแท้ของ B ก็ต่อเมื่อ

$$A \not\subset B \text{ หรือ } B \not\subset A$$

ค. ถ้า  $A \neq \phi, B \neq \phi$  และ

$$A \cap B \neq \phi \text{ แล้ว } A' - B' = B - A$$

ง. ถ้า Q เป็นเซตของจำนวนตรรกยะ และ  $A = \{x \in Q \mid x^2 - 3 = 0\}$

18. ให้ I เป็นเซตของจำนวนเต็ม

$$A = \{x \in I \mid x^2 + 3x - 4 = 0\}, B = \{x \in I \mid -4 - x = 4\} C = \{-1, 4\} \text{ ข้อใดเป็นเซตว่าง}$$

ก.  $(A \cap C)'$

ข.  $(B - C) \cap A$

ค.  $(A \cup B \cup C)'$

ง.  $(A \cup B') \cap C$

19. ให้  $A = \{1, 2, 3, 6\}, B = \{3, 6, 7, 8, 9\}$

ข้อใดคือ  $A - B$

ก.  $\phi$

ข.  $\{1\}$

ค.  $\{1, 2\}$

ง.  $\{1, 2, 6\}$

20. กำหนดให้  $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}, A = \{1, 3, 7\}, B = \{3, 7, 8, 9\}$  ข้อใดคือ  $(A - B)'$

ก.  $\{3, 7\}$

ข.  $\{3, 7, 8, 9\}$

ค.  $\{1, 3, 5, 7, 8, 10\}$

ง.  $\{2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$

21. กำหนดให้  $A = \{1, 2, 3, 5, 7\}$

$$B = \{0, 2, 4, 6, 8\}$$

$$C = \{2, 3, 4, 5, 6\}$$

ข้อใดต่อไปนี้ไม่ถูกต้อง

ก.  $A \cup (B \cap C) = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$

ข.  $(A \cup B) \cap C = \{2, 3, 4, 5, 6\}$

ก.  $(A \cap B) \cup C = \{2,3,4,5,6\}$

ง.  $A \cap B \cap C = \{2,3\}$

22. กำหนดให้ A, B และ C เป็นเซตใดๆ ถ้า  $A \cap B = A$  และ  $A \cap C \neq \emptyset$  แล้ว

ข้อใดสรุปได้ถูกต้อง

ก.  $A \cup C = U$

ข.  $B \cap C = \emptyset$

ค.  $B \cap C \neq \emptyset$

ง.  $A \cap (B \cap C) = \emptyset$

23. กำหนดให้  $U = \{x | x \in I^+\}$

$$A = \{x \in N | x \leq 5\}$$

ดังนั้น  $A'$  เท่ากับเซตใดต่อไปนี้

ก.  $\{5,6,7,\dots\}$

ข.  $\{\dots,3,4,5\}$

ค.  $\{6,7,8,\dots\}$

ง.  $\{\dots,2,3,4\}$

24. คอมพลีเมนต์ของเซตของจำนวนเต็มบวกคือเซตใดต่อไปนี้

ก.  $\{x \in I | x \leq 0\}$

ข.  $\{x \in I | x \leq -1\}$

ค.  $\{x \in N | x \leq 0\}$

ง.  $\{x \in N | x \leq -1\}$

25. คอมพลีเมนต์ของเซตของจำนวนตรรกยะคือข้อใดต่อไปนี้

ก. เซตของจำนวนเต็ม

ข. เซตของจำนวนอตรรกยะ

ค. เซตของจำนวนเชิงซ้อน

ง. เซตของจำนวนที่ไม่ใช่จำนวนเต็ม

26. กำหนด  $U = \{1,2,3,4,5\}$ ,  $A = \{1,2,3\}$  และ  $B = \{2,3,4\}$  ดังนั้น  $(A \cup B)'$  เท่ากับเซตใดต่อไปนี้

ก.  $\{2\}$

ข.  $\{3\}$

ค.  $\{5\}$

ง.  $\{1,2,3,4\}$

27. ข้อใดต่อไปนี้ไม่ถูกต้อง

ก.  $(A')' = A$

ข.  $\phi \cap U' = U$

ค.  $A \cap A' = \phi$

ง.  $A \cup A' = U$

28. กำหนดให้  $U = \{a,e,i,o,u\}$ ,  $A = \{a,e,i\}$  และ  $B = \{e,i,o\}$  ดังนั้น  $(A \cap B)'$  เท่ากับ เซตใดต่อไปนี้

ก.  $\{a,e\}$       ข.  $\{e,i\}$

ค.  $\{i,o,u\}$       ง.  $\{a,o,u\}$

29.  $A - (A - A)$  เท่ากับข้อใดต่อไปนี้

ก.  $A$                       ข.  $0$

ค.  $\phi$                         ง.  $U$

30. ข้อใดต่อไปนี้ เป็นเท็จ

ก.  $\phi - A = \phi$

ข.  $A - \phi = A$

ค.  $U - \phi = U$

ง.  $\phi - A = A$

ใช้ข้อมูลต่อไปนี้ตอบคำถามข้อ

31-35 กำหนดให้  $U = A \cup B \cup C$

$$A = \{1,2,3,4,5\}$$

$$B = \{0,4,-6,-1\}$$

$$C = \{-3,1,4,5\}$$

31.  $C - (A - B)$  เท่ากับเซตใดต่อไปนี้

ก.  $\{4,-3\}$       ข.  $\{1,-3\}$

ค.  $\{5,-3\}$       ง.  $\{-3\}$

32.  $(C - A) - B$  เท่ากับเซตใดต่อไปนี้

ก.  $\{4\}$                       ข.  $\{-3\}$

ค.  $\{1\}$                         ง.  $\{5\}$

33.  $(A \cap B) - C$  เท่ากับเซตใดต่อไปนี้

- ก.  $U$                       ข.  $(A \cap B)'$   
 ก.  $\phi$                         ง.  $\phi'$
34.  $A \cap (B - C)$  เท่ากับเซตใดต่อไปนี้  
 ก.  $U$                         ข.  $A'$   
 ค.  $C'$                         ง.  $\phi$

35.  $(B \cup A) - C$  เท่ากับเซตใดต่อไปนี้  
 ก.  $\{0, 2\}$   
 ข.  $\{0, 2, -6\}$   
 ค.  $\{-6, -1, 2, 3\}$   
 ง.  $\{-6, -1, 0, 2, 3\}$

36. ข้อใดไม่เท่ากับเซต  $A$   
 ก.  $A' - A$   
 ข.  $A - A'$   
 ค.  $A \cup (\phi - A)$   
 ง.  $A - (A' - \phi)$

ใช้ข้อกำหนดต่อไปนี้ตอบคำถามข้อ 37-40

$$\text{กำหนดให้ } U = \{x \in N | x < 7\}$$

$$A = \{x \in N | x < 5\}$$

$$B = \{x \in N | 3 \leq x \leq 5\}$$

$$C = \{x \in N | x \leq 6\}$$

37. ข้อใดต่อไปนี้ไม่ถูกต้อง  
 ก.  $A \cap B = \{3, 4\}$   
 ข.  $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$   
 ค.  $A \cap C = \{4, 6\}$   
 ง.  $A \cap U = \{1, 2, 3, 4\}$
38.  $(A \cap B) - C$  เท่ากับเซตใดต่อไปนี้  
 ก.  $\phi$                         ข.  $U$   
 ค.  $\{3, 4\}$                     ง.  $\{\phi\}$
39.  $C' \cap A$  เท่ากับเซตใดต่อไปนี้  
 ก.  $\{1, 2, 3, 4\}$

ข.  $\phi$

ค.  $\{3,4,5\}$

ง.  $\{\{\}\}$

40.  $(A \cup B)'$  เท่ากับเซตใดต่อไปนี้

ก.  $\{3,4,5\}$

ข.  $\{1,2,3,4,5\}$

ค.  $\phi$

ง.  $\{6\}$

เฉลยแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอนเรื่อง การดำเนินการของเซต  
 กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4

ข้อ	เฉลย	ข้อ	เฉลย
1	ง	21	ง
2	ง	22	ค
3	ก	23	ค
4	ง	24	ค
5	ก	25	ข
6	ก	26	ค
7	ง	27	ข
8	ง	28	ง
9	ค	29	ก
10	ก	30	ง
11	ข	31	ก
12	ค	32	ข
13	ง	33	ค
14	ก	34	ง
15	ง	35	ง
16	ก	36	ก
17	ง	37	ค
18	ข	38	ก
19	ค	39	ข
20	ง	40	ง

## คะแนนสอบก่อนเรียนและหลังเรียนของนักเรียนกลุ่มทดลอง

นักเรียนคนที่	คะแนนแบบทดสอบก่อนเรียน	คะแนนแบบทดสอบหลังเรียน
1	28	38
2	22	33
3	21	32
4	27	37
5	21	33
6	23	32
7	24	33
8	<b>19</b>	<b>33</b>
9	15	32
10	20	36
11	23	34
12	26	33
13	18	31
14	23	32
15	28	34
16	21	31
17	21	34
18	19	32
19	20	34
20	27	36
21	27	35
22	23	34
23	21	33
24	23	34
25	22	35
26	29	37
27	17	31

นักเรียนคนที่	คะแนนแบบทดสอบก่อนเรียน	คะแนนแบบทดสอบหลังเรียน
28	23	32
29	23	33
30	22	34
31	28	37
32	21	34
33	<b>18</b>	<b>31</b>
34	24	34
35	23	35
36	24	34
37	24	33
38	19	33
39	21	35
40	22	32
รวม	900	1,340
เฉลี่ย	<b>22.50</b>	<b>33.65</b>
ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน	<b>3.24</b>	<b>1.78</b>

ค่าความยากง่าย ค่าอำนาจจำแนก และค่าความเชื่อมั่นของแบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์  
คอมพิวเตอร์ช่วยสอนเรื่อง การดำเนินการของเซต กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์  
ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4

ข้อที่	ค่าความยาก(P)	ค่าอำนาจจำแนก(B)
1	.60	.45
2	.73	.57
3	.53	.57
4	.53	.27
5	.60	.36
6	.63	.29
7	.63	.28
8	.57	.55
9	.47	.68
10	.63	.68
11	.53	.61
12	.70	.46
13	.63	.62
14	.50	.70
15	.70	.40
16	.37	.52
17	.63	.59
18	.53	.63
19	.47	.25
20	.60	.45
21	.47	.53
22	.40	.54
23	.33	.31
24	.60	.47

ข้อที่	ค่าความยาก(P)	ค่าอำนาจจำแนก(B)
25	.60	.59
26	.50	.60
27	.50	.49
28	.57	.66
29	.67	.56
30	.70	.46
31	.47	.59
32	.63	.72
33	.53	.65
34	.70	.40
35	.47	.53
36	.53	.30
37	.57	.32
38	.77	.41
39	.60	.58
40	.53	.70

ความเชื่อมั่นของแบบทดสอบทั้งฉบับ คือ 0.92

การหาประสิทธิภาพของบทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง การดำเนินการของเซต กลุ่มสาระการ  
เรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4

ที่	คะแนน แบบทดสอบ ก่อนเรียน (40 คะแนน)	คะแนนแบบฝึกหัดหลังเรียน 4 หน่วย				รวม (40คะแนน)	คะแนน แบบทดสอบ หลังเรียน (40 คะแนน)
		หน่วยที่ 1 (10 คะแนน)	หน่วยที่ 2 (10 คะแนน)	หน่วยที่ 3 (10 คะแนน)	หน่วยที่ 4 (10 คะแนน)		
1	28	10	10	10	9	39	38
2	22	8	8	8	8	32	33
3	21	8	7	8	8	31	32
4	27	10	10	9	9	38	37
5	21	8	8	8	8	32	33
6	23	8	9	9	9	35	32
7	24	7	8	8	8	31	33
8	19	8	8	9	8	33	33
9	15	7	8	9	8	33	32
10	20	9	9	10	9	37	36
11	23	8	9	9	8	34	34
12	26	9	9	8	9	35	33
13	18	7	7	8	8	30	31
14	23	8	7	8	8	31	32
15	28	10	10	9	9	38	34
16	21	8	8	8	8	32	31
17	21	8	9	9	9	35	34
18	19	7	8	8	8	31	32
19	20	8	8	9	8	33	34
20	27	10	10	9	10	39	36
21	27	9	9	10	9	37	35
22	23	8	9	9	8	34	34
23	21	8	9	9	9	35	33

ที่	คะแนน แบบทดสอบ ก่อนเรียน (40 คะแนน)	คะแนนแบบฝึกหัดหลังเรียน 4 หน่วย				รวม (40คะแนน)	คะแนน แบบทดสอบ หลังเรียน (40 คะแนน)
		หน่วยที่ 1 (10 คะแนน)	หน่วยที่ 2 (10 คะแนน)	หน่วยที่ 3 (10 คะแนน)	หน่วยที่ 4 (10 คะแนน)		
24	23	8	9	9	8	34	34
25	22	8	9	9	9	35	35
26	29	9	10	9	10	38	37
27	17	8	7	8	8	31	31
28	23	8	9	9	9	35	32
29	23	8	9	9	8	34	33
30	22	8	9	8	8	33	34
31	28	10	10	9	9	38	37
32	21	9	9	9	8	35	34
33	18	7	7	8	8	30	31
34	24	8	9	9	9	35	34
35	23	8	9	9	9	35	35
36	24	8	9	8	9	34	34
37	24	8	8	9	8	33	33
38	19	7	8	8	8	31	33
39	21	8	8	9	8	33	35
40	22	8	8	8	8	32	32
รวม	900	329	344	348	339	1,361	1,346
$\bar{X}$	22.50	8.23	8.60	8.70	8.48	34.03	33.65
S.D.	3.24	0.86	0.90	0.61	0.60	2.53	1.78
						$E_1=85.00$	$-_2=84.10$

ภาคผนวก ก

แบบวัดความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อบทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน  
เรื่อง การดำเนินการของเขต กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์  
ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4

แบบวัดความพึงพอใจของนักเรียนที่มีต่อการเรียนด้วยบทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่องการดำเนินการของเซต กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4

### คำชี้แจง

1. แบบวัดนี้ สร้างขึ้นเพื่อวัดความพึงพอใจของนักเรียน ที่มีต่อการเรียนด้วยบทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง การดำเนินการของเซต กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4 ซึ่งแบบวัดนี้แบ่งออกเป็น 3 ด้าน คือ
  - 1.1 ด้านเนื้อหา 6 ข้อ
  - 1.2 ด้านประสบการณ์การเรียนรู้ 6 ข้อ
  - 1.3 ด้านเทคนิค 8 ข้อ
2. ให้นักเรียนอ่านข้อความแต่ละข้อให้ละเอียดและพิจารณาอย่างรอบคอบ แล้วเลือกตอบข้อที่ตรงกับความรู้สึกริจริง ๆ ของนักเรียน การตอบแบบวัด ไม่มีคำตอบใดถูกหรือผิด เพราะแต่ละคนย่อมมีความคิดเห็นแตกต่างกัน การเลือกคำตอบในแต่ละข้อจะไม่มีผลต่อคะแนนผลการเรียนของนักเรียนแต่อย่างใด
3. วิธีตอบแบบวัด ให้ท่านอ่านข้อความแล้วพิจารณาว่ามีความรู้สึกริตรงกับคำตอบใดก็ให้ทำเครื่องหมาย / ลงในช่องนั้น
  - 5 หมายถึง มีความพึงพอใจอยู่ในระดับมากที่สุด
  - 4 หมายถึง มีความพึงพอใจอยู่ในระดับมาก
  - 3 หมายถึง มีความพึงพอใจอยู่ในระดับปานกลาง
  - 2 หมายถึง มีความพึงพอใจอยู่ในระดับน้อย
  - 1 หมายถึง มีความพึงพอใจอยู่ในระดับน้อยที่สุด

ลักษณะของเนื้อหา	ระดับความพึงพอใจ				
	มากที่สุด 5	มาก 4	ปานกลาง 3	น้อย 2	น้อยที่สุด 1
ด้านเนื้อหา					
1. เนื้อหาของบทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอนมีความน่าสนใจ					
2. ความยาวของเนื้อหาในแต่ละหน่วย					
3. ผู้เรียนสามารถอ่านและทำความเข้าใจในเนื้อหาได้ด้วยตนเอง					
4. บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอนนี้ทำให้เข้าใจเนื้อหาได้ง่าย					
5. เนื้อหาในบทเรียนส่งเสริมความคิดสร้างสรรค์					
6. ความรู้ที่ได้จากบทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอนเป็นเรื่องที่นำมาประยุกต์ใช้ในชีวิตประจำวันได้					
ด้านความรู้และประสบการณ์					
7. บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอนทำให้ผู้เรียนมีความรู้ในเรื่องเซต					
8. บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอนทำให้มีความตื่นเต้นและเร้าใจ					
9. บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอนทำให้ผู้เรียนเอาใจใส่ต่อการเรียนมากขึ้น					
10. บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอนทำให้ผู้เรียนช่วยตนเองในการเรียนมากขึ้น					
11. บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอนให้ทั้งความรู้และความเพลิดเพลิน					
12. บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอนทำให้ผู้เรียนได้เรียนรู้ในเนื้อหาได้รวดเร็ว					

ลักษณะของเนื้อหา	ระดับความพึงพอใจ				
	มากที่สุด 5	มาก 4	ปานกลาง 3	น้อย 2	น้อยที่สุด 1
ด้านเทคนิค					
13. ความรวดเร็วในการเข้าถึงข้อมูลในแต่ละหน้าจอ					
14. ขนาดตัวอักษร ภาพ และกราฟิกชัดเจน					
15. รูปร่างกราฟิกประกอบน่าสนใจ					
16. ใช้เทคนิคภาพเคลื่อนไหว ในแต่ละข้อความหรือภาพมีความน่าสนใจ					
17. ความสัมพันธ์ระหว่างภาพกับภาษาและเสียง					
18. หน้าจอมีสัดส่วนและสวยงาม					
19. มีความละเอียดที่ต้องการเช่น เมนูหลัก					
20. การใช้สีสวยงาม และชัดเจน					

ข้อเสนอแนะเพิ่มเติม

.....

.....

.....

.....

.....

.....

ค่าอำนาจจำแนก และค่าความเชื่อมั่นแบบวัดความพึงพอใจต่อบทเรียน  
คอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง การดำเนินการของเซต กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้น  
มัธยมศึกษาปีที่ 4

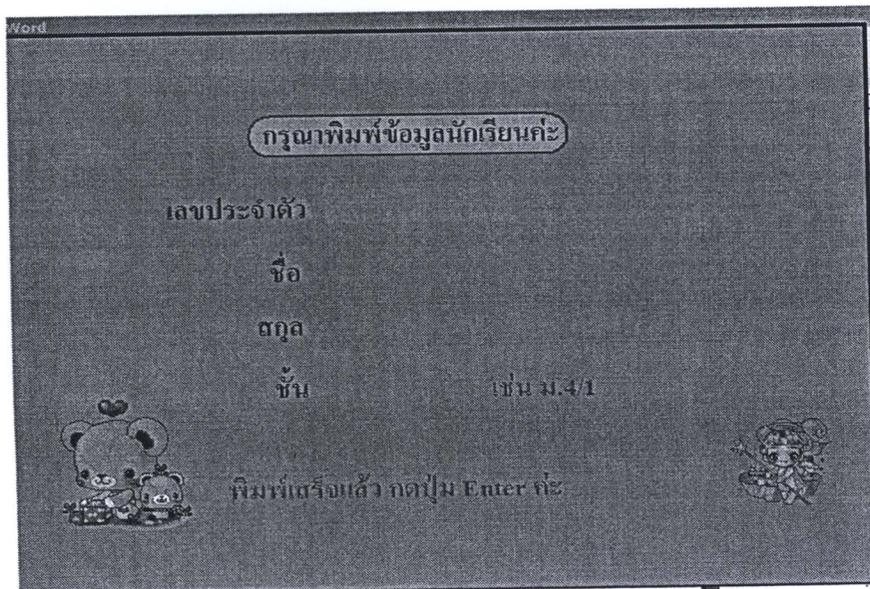
ข้อที่	ค่าอำนาจจำแนก ( B )
1	.39
2	.45
3	.57
4	.52
5	.46
6	.43
7	.42
8	.60
9	.57
10	.58
11	.38
12	.49
13	.48
14	.49
15	.57
16	.60
17	.57
18	.41
19	.46
20	.39

ความเชื่อมั่นของแบบสอบถามทั้งฉบับ คือ 0.85

ภาคผนวก ง

ตัวอย่างภาพหน้าจอบทเรียนคอมพิวเตอร์

ภาพหน้าจอบทเรียนคอมพิวเตอร์  
เรื่อง การดำเนินการของเซต กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4



บทเรียนคอมพิวเตอร์เรื่อง เซต การดำเนินการบนเซต

ดูเนื้อหา

ชั่วโมงที่ 1

ชั่วโมงที่ 2

แบบทดสอบดูเนื้อหา

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูจอ

ยูเนียน (Union)



บทนิยาม ยูเนียน ของเซต A และเซต B คือเซตที่ประกอบด้วยสมาชิกซึ่งเป็นสมาชิกของเซต A หรือของเซต B หรือของทั้งสองเซต

วิธีสัญลักษณ์ ยูเนียนของเซต A และเซต B เขียนแทนด้วย  $A \cup B$

เขียน  $A \cup B$  ในรูปเซตแบบเงื่อนไขของสมาชิกได้ดังนี้

$\{x \in U \mid x \in A \text{ หรือ } x \in B\}$  (เมื่อ  $x$  เป็นสมาชิกของทั้งสองเซต)

$A \cup B$  เขียนง่าย ๆ โดยนำสมาชิกของ A และ B มาเขียนรวมกันในเซตเดียว นั่นเอง แล้วใส่คำอื่นให้เขียนครั้งเดียว



บทเรียนคอมพิวเตอร์เรื่อง เซต การดำเนินการบนเซต

ดูเนื้อหา

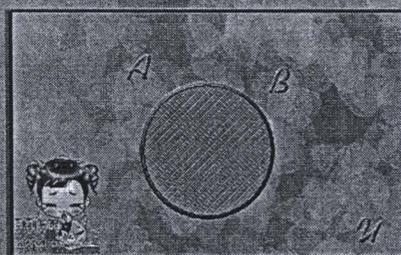
ชั่วโมงที่ 1

ชั่วโมงที่ 2

แบบทดสอบดูเนื้อหา

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูจอ



ถ้าเซต A และเซต B เป็นเซตที่เท่ากัน

$A \cup B = A$  หรือ  $A \cup B = B$

เช่น ให้  $A = \{2, 5, 8, 12\}$   $B = \{2, 5, 8, 12\}$

$A \cup B = \{2, 5, 8, 12\}$

\*เซตสองเซตจะเท่ากัน ก็ต่อเมื่อ เซตทั้งสองมีสมาชิกเหมือนกันทุกตัว\*



บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง ทฤษฎีเซต

จุดประสงค์

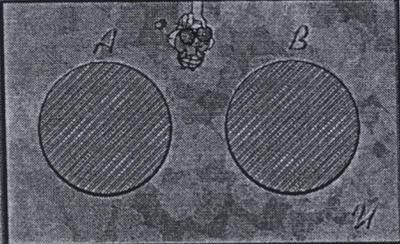
ชั่วโมงที่ 1

ชั่วโมงที่ 2

แบบทดสอบจุดประสงค์

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปยังจุด



ถ้าเซต A และ เซต B ไม่มีสมาชิกเหมือนกัน  $(A \cap B) = \emptyset$   
 $A \cup B$  คือ พื้นที่ส่วนที่รวม

เช่น ให้  $A = \{1, 3, 5, 7\}$      $B = \{2, 4, 6, 8, 10\}$   
 $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 10\}$



บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง ทฤษฎีเซต

จุดประสงค์

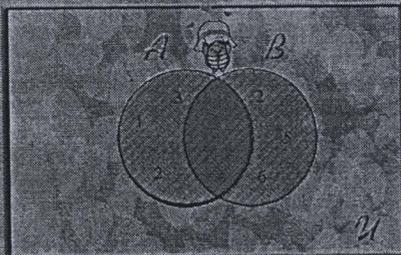
ชั่วโมงที่ 1

ชั่วโมงที่ 2

แบบทดสอบจุดประสงค์

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปยังจุด



ถ้าเซต A และ เซต B มีสมาชิกบางส่วนเหมือนกัน  $(A \cap B \neq \emptyset)$   
 $A \cup B$  คือ พื้นที่รวม

เช่น ให้  $A = \{1, 2, 3, 4\}$   
 $B = \{2, 4, 5, 6\}$   
 $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$



บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง ทฤษฎีเซต

จุดเน้น

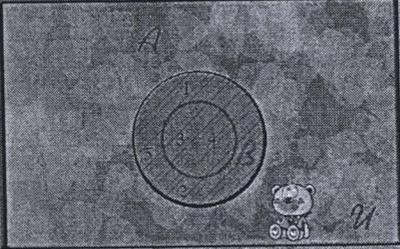
ชั่วโมงที่ 1

ชั่วโมงที่ 2

แบบทดสอบจุดเน้น

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูจอ



ถ้าเซต B เป็นสับเซต ของเซต A ( $B \subset A$ )  
 $A \cup B$  คือ พื้นที่ที่แรเงา  
 ซึ่ง  $A \cup B = A$   
 เช่น  $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ ,  $B = \{3, 4\}$   
 $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$   
 หมายเหตุ :  $A \cup B$  จะเท่ากับเซตที่ใหญ่กว่าเสมอ

บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง ทฤษฎีเซต

จุดเน้น

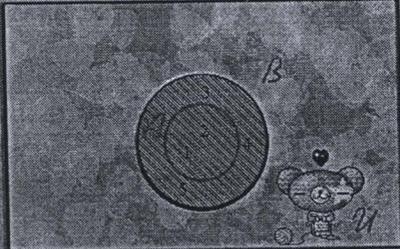
ชั่วโมงที่ 1

ชั่วโมงที่ 2

แบบทดสอบจุดเน้น

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูจอ



ถ้าเซต A เป็นสับเซต ของเซต B ( $A \subset B$ )  
 $A \cup B$  คือ พื้นที่ที่แรเงา  
 ซึ่ง  $A \cup B = B$   
 เช่น  $A = \{1, 2\}$ ,  $B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$   
 $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$   
 หมายเหตุ :  $A \cup B$  จะเท่ากับเซตที่ใหญ่กว่าเสมอ

บทเรียนคอมพิวเตอร์เรื่อง โครงสร้างในทฤษฎีเซต

จุดเน้น

จุดสนใจที่ 1

จุดสนใจที่ 2

แบบทดสอบจุดเน้น

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูจอ

คุณสมบัติที่สำคัญบางประการเกี่ยวกับยูเนียน

- $A \cup A = A$   
-ไม่ว่าเซตใดก็ตามที่ยูเนียนกับตัวเอง ผลที่ได้จะเป็นเซตเดิม
- $A \cup \emptyset = A$   
-เนื่องจากเซตว่างเป็นเซตที่ไม่มีสมาชิก ดังนั้น เซตใดที่ยูเนียนกับเซตว่าง ย่อมได้เซตนั้นเสมอ




บทเรียนคอมพิวเตอร์เรื่อง โครงสร้างในทฤษฎีเซต

จุดเน้น

จุดสนใจที่ 1

จุดสนใจที่ 2

แบบทดสอบจุดเน้น

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูจอ

คุณสมบัติที่สำคัญบางประการเกี่ยวกับยูเนียน

- $A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$   
-ในกรณีที่เซตยูเนียนกันมากกว่า 2 เซตขึ้นไป จะเอาเซตสองเซตใด มายูเนียนกันก่อนก็ได้ผลเท่าเดิม
- $A \subset B$  ก็คือเมื่อ  $A \cup B = B$   
-เซตหนึ่งเป็นสมาชิกของอีกเซตหนึ่ง เมื่อนำเซตทั้งสองยูเนียนกันย่อมเท่ากับเซตที่ใหญ่กว่าเสมอ
- $A \subset A \cup B$  และ  $B \subset A \cup B$   
-เซตใดจะต้องเป็นสมาชิกของเซตที่เกิดจากเซตนั้นยูเนียนกับเซตอื่นเสมอ






### บทเรียนคอมพิวเตอร์สอนเรื่อง เซต ทรรศนในทฤษฎีเซต

**จุดเน้น**

- ชั่วโมงที่ 1
- ชั่วโมงที่ 2
- แบบทดสอบจุดเน้น
- นักเรียนทำเรื่อง
- กลับไปมอบหมาย

**คำแนะนำก่อนทำแบบทดสอบ**

- แบบทดสอบเป็นแบบปรนัย 4 คำเลือก ก, ข, ค, ง จำนวน 10 ข้อ
- ผู้เรียนเลือก กดปุ่มตัวเลือกที่ตรงกับคำตอบที่ถูกต้องที่สุด
- เมื่อกดปุ่ม ตามข้อ 2 จะมีเสียงตอบรับว่าคำตอบนั้นถูกหรือผิด
- เมื่อทำแบบทดสอบครบ 10 ข้อ โปรแกรมจะแจ้งผลการทดสอบให้ทราบ แล้ว ให้พิมพ์ข้อมูลนักเรียนอีกครั้ง เพื่อจัดเก็บข้อมูล

*กดปุ่ม โดจ เพื่อเข้าสู่การทดสอบ*

### บทเรียนคอมพิวเตอร์สอนเรื่อง เซต ทรรศนในทฤษฎีเซต

**อินเตอร์เซกชัน**

**อินเตอร์เซกชัน (Intersection)**

บทนิยาม อินเตอร์เซกชันของเซต A และเซต B คือเซตที่ประกอบด้วยสมาชิกซึ่งเป็นสมาชิกของทั้งเซต A และเซต B

ใช้สัญลักษณ์ " $A \cap B$ " แทน "A อินเตอร์เซกชัน B" ดังนี้

$$A \cap B = \{x \mid x \in A \text{ และ } x \in B\}$$

ตัวอย่าง กำหนดให้  $A = \{0, 1, 2, 3\}$ ,  $B = \{0, 3, 5, 9\}$   
และ  $A \cap B$  หมายถึง เซตใหม่ที่ประกอบด้วยสมาชิกที่อยู่ทั้งเซต A และ เซต B พร้อมกัน

$$A \cap B = \{0, 3\}$$

บทเรียนคอมพิวเตอร์เรื่อง เซต กรณีเซตเหมือนกัน

อินเทอร์เน็ต

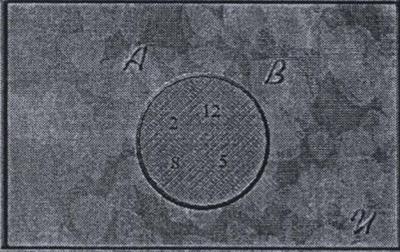
ชั่วโมงที่ ๑

ชั่วโมงที่ ๔

แบบทดสอบ

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูจอ



ถ้าเซต A และ เซต B เป็นเซตที่เท่ากัน  
 $A \cap B = A$  หรือ  $A \cap B = B$

เช่น ให้  $A = \{2, 5, 8, 12\}$   $B = \{2, 5, 8, 12\}$   
 $A \cap B = \{2, 5, 8, 12\}$

**\*\*เซตสองเซตจะเท่ากัน ก็ต่อเมื่อ เซตทั้งสองมีสมาชิกเหมือนกันทุกตัว\*\***

บทเรียนคอมพิวเตอร์เรื่อง เซต กรณีเซตไม่เหมือนกัน

อินเทอร์เน็ต

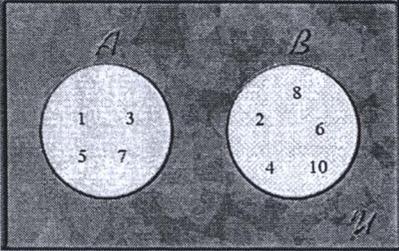
ชั่วโมงที่ ๑

ชั่วโมงที่ ๔

แบบทดสอบ

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูจอ



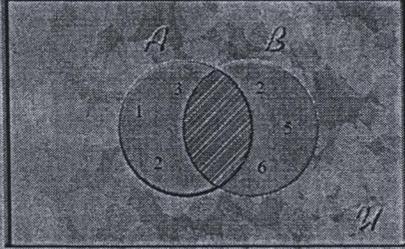
ถ้าเซต A และ เซต B ไม่มีสมาชิกเหมือนกันเลย  
 $A \cap B = \emptyset$

เช่น ให้  $A = \{1, 3, 5, 7\}$   $B = \{2, 4, 6, 8, 10\}$   
 จะได้  $A \cap B = \emptyset$

บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง ทฤษฎีเซต

อินเตอร์เฟซ

ชั่วโมงที่ ๑  
 ชั่วโมงที่ ๔  
 แบบทดสอบ  
 นำเรียนจาเรียน  
 กลับไปเมนูจอ



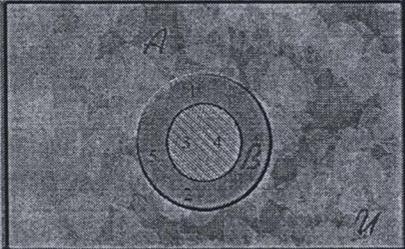
ถ้าเซต A และ เซต B มีสมาชิกบางตัวเหมือนกัน  
 $A \cap B$  คือ พื้นที่ซ้อนทับกัน  
 เช่น ให้  $A = \{1, 2, 3, 4\}$   
 $B = \{2, 4, 5, 6\}$   
 $A \cap B = \{4\}$



บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง ทฤษฎีเซต

อินเตอร์เฟซ

ชั่วโมงที่ ๑  
 ชั่วโมงที่ ๔  
 แบบทดสอบ  
 นำเรียนจาเรียน  
 กลับไปเมนูจอ



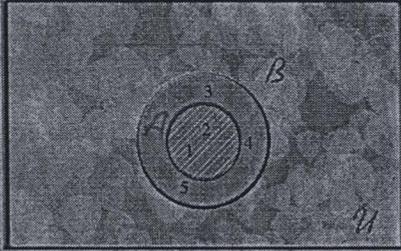
ถ้าเซต B เป็นสับเซตของเซต A ( $B \subset A$ )  
 $A \cap B$  คือ พื้นที่ที่เงา  
 ซึ่ง  $A \cap B = B$   
 เช่น  $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$   $B = \{3, 4\}$   
 $A \cap B = \{3, 4\}$   
 หมายเหตุ:  $A \cap B$  จะเท่ากับเซตที่มีค่าน้อย



บทเรียนคอมพิวเตอร์เรื่อง เซตเบื้องต้น

**อินเตอร์เซกชัน**

ชั่วโมงที่ ๑  
 ชั่วโมงที่ ๒  
 แบบทดสอบ  
 บันทึกเข้าเรียน  
 กลับไปเมนูของ



ถ้าเซต A เป็นสับเซต ของเซต B ( $A \subset B$ )  
 $A \cap B$  คือ พื้นที่ที่แรเงา  
 ซึ่ง  $A \cap B = A$   
 เช่น  $A = \{1, 2\}$   $B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$   
 $A \cap B = \{1, 2\}$   
 หมายเหตุ :  $A \cap B$  จะเท่ากับเซตที่เล็กกว่าเสมอ

บทเรียนคอมพิวเตอร์เรื่อง เซตเบื้องต้น

**อินเตอร์เซกชัน**

คุณสมบัตินี้ศึกษาบางประการเกี่ยวกับอินเตอร์เซกชัน

ชั่วโมงที่ ๑  
 ชั่วโมงที่ ๒  
 แบบทดสอบ  
 บันทึกเข้าเรียน  
 กลับไปเมนูของ

- $A \cap A = A$   
 - ไม่ว่าเซตใดก็ตามที่อินเตอร์เซกชันกับตัวมันเอง ผลที่ได้จะเป็นเซตเดิม
- $A \cap \emptyset = \emptyset$   
 - เนื่องจากเซตว่างเป็นเซตที่ไม่มีสมาชิก ดังนั้น เซตใดที่อินเตอร์เซกชันกับเซตว่าง ย่อมได้เซตว่างเสมอ
- $A \cap U = A$   
 - เนื่องจากเอกภพสัมพัทธ์เป็นเซตที่ใหญ่ที่สุดภายในขอบเขตที่เราศึกษา ดังนั้นเซตใดที่อินเตอร์เซกชันกับเอกภพสัมพัทธ์ ผลที่ได้ย่อมเป็นเซตนั้นเสมอ
- $A \cap B = B \cap A$   
 - การอินเตอร์เซกชันนั้น สามารถสลับที่กันได้ นั่นคือ จะพิจารณาจากเซต A ก่อน แล้วจึงพิจารณาเซต B หรือจะพิจารณาจากเซต B ก่อนแล้วจึงจะพิจารณาเซต A ผลที่ได้ย่อมเท่ากัน

บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง ทฤษฎีเซต

### อินเตอร์เซกชัน

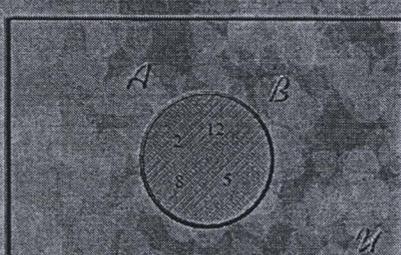
คุณสมบัติที่สำคัญบางประการเกี่ยวกับอินเตอร์เซกชัน

- $A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup C$   
 -ในการที่มีเซตอินเตอร์เซกชันกันมากกว่า 2 เซตขึ้นไป จะเอาเซตสองเซตใด มาอินเตอร์เซกกันก่อนก็ย่อมได้ผลเหมือนกัน
- $A \subset B$  ก็คือเมื่อ  $A \cap B = A$   
 -ในการที่ A เป็นสับเซตของ B แสดงว่าจำนวนสมาชิกของ A ห้อยน้อยกว่า หรือเท่ากับ B ผลการอินเตอร์เซกชันจะได้เซตที่มีจำนวนสมาชิกน้อยกว่า หรือเท่ากับ เซต B เสมอ เนื่องจากจะพิจารณาเฉพาะสมาชิกในส่วนที่ซ้ำกันเท่านั้น
- $(A \cap B) \subset A$  และ  $(A \cap B) \subset B$   
 -อินเตอร์เซกชันของสองเซตใดต้องเป็นสับเซตของเซตใดเซตหนึ่งเสมอ



บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง ทฤษฎีเซต

### อินเตอร์เซกชัน



ถ้าเซต A และเซต B เป็นเซตที่เท่ากัน  
 $A \cap B = A$  หรือ  $A \cap B = B$

เช่น ให้  $A = \{2, 5, 8, 12\}$   $B = \{2, 5, 8, 12\}$   
 $A \cap B = \{2, 5, 8, 12\}$

**\*\*เซตสองเซตจะเท่ากัน ก็ต่อเมื่อเซตทั้งสองมีสมาชิกเหมือนกันทุกตัว\*\***



บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง ทฤษฎีเซต

อินเตอร์เซกชัน

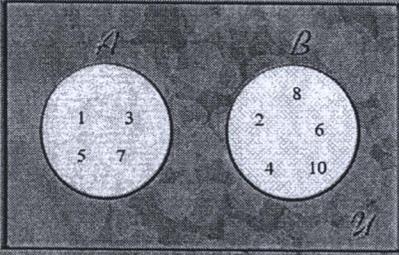
ชั่วโมงที่ ๑

ชั่วโมงที่ ๔

แบบทดสอบ

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูจอ



ถ้า เซต A และ เซต B ไม่มีสมาชิกเหมือนกันเลย

$$A \cap B = \phi$$

เช่น ให้  $A = \{1, 3, 5, 7\}$      $B = \{2, 4, 6, 8, 10\}$

จะได้  $A \cap B = \phi$

บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง ทฤษฎีเซต

อินเตอร์เซกชัน

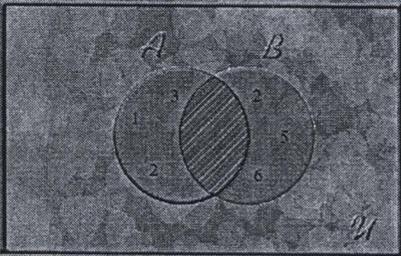
ชั่วโมงที่ ๑

ชั่วโมงที่ ๔

แบบทดสอบ

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูจอ



ถ้า เซต A และ เซต B มีสมาชิกบางตัวที่เหมือนกัน

$A \cap B$  คือ พื้นที่ที่ซ้อนทับกัน

เช่น ให้  $A = \{1, 2, 3, 4\}$

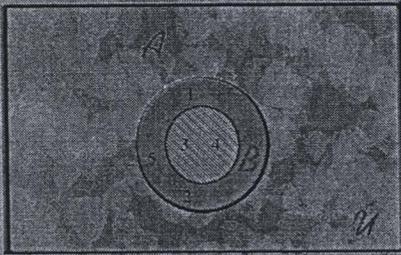
$B = \{2, 4, 5, 6\}$

$A \cap B = \{4\}$

บทเรียนคอมพิวเตอร์เรียนเรื่อง ทฤษฎีเซต

**อินเทอร์เน็ตเซกชัน**

ชั่วโมงที่ ๓  
 ชั่วโมงที่ ๔  
 แบบทดสอบ  
 นักเรียนเข้าเรียน  
 กลับไปเมนูจอ



ถ้าเซต B เป็นสับเซตของเซต A ( $B \subset A$ )  
 $A \cap B$  คือ พื้นที่ที่แรเงา  
 ซึ่ง  $A \cap B = B$   
 เช่น  $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$   $B = \{3, 4\}$   
 $A \cap B = \{3, 4\}$   
 ท้ายสุด:  $A \cap B$  จะเท่ากับเซตที่เล็กกว่าของ



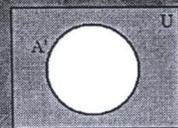
บทเรียนคอมพิวเตอร์เรียนเรื่อง ทฤษฎีเซต

**คอมพลีเมนต์**

ชั่วโมงที่ ๕  
 ชั่วโมงที่ ๖  
 แบบทดสอบ  
 นักเรียนเข้าเรียน  
 กลับไปเมนูจอ

**คอมพลีเมนต์ (Complement)**

บทนิยาม ถ้าเซต  $A$  เป็นสับเซตของเอกภพสัมพัทธ์  $U$   
 คอมพลีเมนต์ของเซต  $A$  คือเซตที่ประกอบด้วยสมาชิก  
 ซึ่งเป็นสมาชิกของ  $U$  แต่ไม่เป็นสมาชิกของ  $A$   
 สัญลักษณ์ของคอมพลีเมนต์ของเซต  $A$  ที่นิยมใช้มีหลายแบบ  
 เช่น  $A^c, A', A^-$  ในที่นี้จะใช้สัญลักษณ์  $A'$  ตามภาษาโปรแกรม  
 เขียนเซต  $A$  ในรูปเซตแบบนอกก่อน ได้ดังนี้  
 $A = \{x \in U \mid x \in A\}$   
 บริเวณที่แรเงาในแผนภาพของเวนนี - ออกเตอร์แสดง  
 คอมพลีเมนต์ของเซต  $A$





บทเรียนคอมพิวเตอร์เรื่อง เซต การดำเนินการบนเซต

คอมพิวเตอร์

ชั่วโมงที่ 5

ชั่วโมงที่ 6

แบบทดสอบ

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูของ

ตัวอย่างที่ 1 กำหนดให้  $B = \{0, 1, -1, 2, -2, \dots, 10, -10\}$

$A = \{0, 1, 2, 3, \dots, 10\}$

$B = \{-1, -2, -3, \dots, -10\}$

$C = \{1, -1, 2, -2, \dots, 10, -10\}$

จะได้ว่า  $A' = \{-1, -2, -3, \dots, -10\}$

$B' = \{0, 1, 2, 3, \dots, 10\}$

$C' = \{0\}$



บทเรียนคอมพิวเตอร์เรื่อง เซต การดำเนินการบนเซต

คอมพิวเตอร์

ชั่วโมงที่ 5

ชั่วโมงที่ 6

แบบทดสอบ

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูของ

ตัวอย่างที่ 2 กำหนดให้  $B = 1 =$  เซตของจำนวนเต็ม

$A =$  เซตของจำนวนเต็มคู่

$B = 1^+$  (เซตของจำนวนเต็มบวก)

$C = 1^-$  (เซตของจำนวนเต็มลบ)

จะได้ว่า  $A' =$  เซตของจำนวนเต็มคี่

$B' = \{0, -1, -2, -3, \dots\}$

$C' = \{0, 1, 2, 3, \dots\}$



บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง ทฤษฎีเซตในทฤษฎีเซต

**คอมพลีเมนต์**

ชั่วโมงที่ 5

ชั่วโมงที่ 6

แบบทดสอบ

เลิกเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูจออง

ตัวอย่างที่ 3 กำหนดให้  $U = \{1, 2, 3, 4, \dots, 10\}$  และ  $A = \{1, 2, 3, 4\}$   
 จงเขียน  $A'$  แบบแจกแจงสมาชิก พร้อมทั้งเขียนแผนภาพประกอบ  
 วิธีทำ  $A' = \{5, 6, 7, 8, 9, 10\}$

บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง ทฤษฎีเซตในทฤษฎีเซต

**คอมพลีเมนต์**

ชั่วโมงที่ 5

ชั่วโมงที่ 6

แบบทดสอบ

เลิกเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูจออง

สมบัติของคอมพลีเมนต์

- $(A')' = A$
- $\phi' = U$
- $U' = \phi$
- $A \cap A' = \phi$

บทเรียนคอมพิวเตอร์เรื่อง เซต

คอมพิวเตอร์

สมบัติของคอมพลิวเมนต์

5.  $A \cup A' = U$

6.  $(A \cap B)' = A' \cup B'$

7.  $(A \cup B)' = A' \cap B'$

8.  $A \subset B$  ก็ต่อเมื่อ  $B \subset A'$

9.  $A \cap B = \emptyset$  ก็ต่อเมื่อ  $A \subset B'$

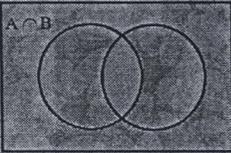
ชั่วโมงที่ ๕

ชั่วโมงที่ ๕

แบบทดสอบ

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูจอ





บทเรียนคอมพิวเตอร์เรื่อง ทฤษฎีเซต

คอมพิวเตอร์

คำแนะนำก่อนทำแบบทดสอบ

1. แบบทดสอบเป็นแบบปรนัย 4 ตัวเลือก ก, ข, ค, ง จำนวน 10 ข้อ
2. ผู้เขียนเลือก กดปุ่มตัวเลือกที่ตรงกับคำตอบที่ถูกต้องที่สุด
3. เมื่อกดปุ่ม ตามข้อ 2 จะมีเสียงตอบรับว่าคำตอบนั้นถูกหรือผิด
4. เมื่อทำแบบทดสอบครบ 10 ข้อ โปรแกรมจะแจ้งผลการทดสอบให้ทราบ แล้ว ให้พิมพ์ข้อมูลนักเรียนอีกครั้ง เพื่อจัดเก็บข้อมูล

กดปุ่ม ใดๆ เพื่อเข้าทำการทดสอบ

ชั่วโมงที่ ๕

ชั่วโมงที่ ๕

แบบทดสอบ

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูจอ




บทเรียนคอมพิวเตอร์เรียน เรื่อง การดำเนินการบนเซต

**ผลต่างของเซต**

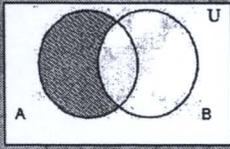
- ชั่วโมงที่ 7
- ชั่วโมงที่ 8
- แบบทดสอบ
- นักเรียนมาเรียน
- กลับไปไมโครซอฟ

**ผลต่างระหว่างเซต (Difference)**

คอมพลิเม้นต์ของเซต A เมื่อเทียบกับเซต B เรียกว่า "ผลต่างระหว่างเซต A และ เซต B"

**บทนิยาม** ผลต่างระหว่างเซต A และ เซต B คือ เซตที่ประกอบด้วยสมาชิกของเซต A ซึ่งไม่เป็นสมาชิกของเซต B

ผลต่างระหว่างเซต A และ เซต B เขียนแทนด้วย  $A - B$   
 ดังนั้น  $A - B = \{x \in U \mid x \in A \text{ และ } x \notin B\}$



บริเวณที่แรเงา คือ  $A - B$

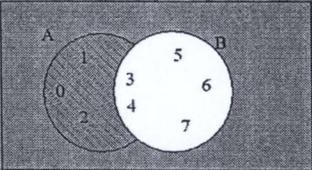
บทเรียนคอมพิวเตอร์เรียน เรื่อง การดำเนินการบนเซต

**ผลต่างของเซต**

- ชั่วโมงที่ 7
- ชั่วโมงที่ 8
- แบบทดสอบ
- นักเรียนมาเรียน
- กลับไปไมโครซอฟ

ผลต่างระหว่าง A และ B =  $A - B = \{x \in U \mid x \in A \text{ และ } x \notin B\}$   
 ผลต่างระหว่าง B และ A =  $B - A = \{x \in U \mid x \in B \text{ และ } x \notin A\}$

**ตัวอย่างที่ 1**  
 ถ้า  $A = \{0, 1, 2, 3, 4\}$  และ  $B = \{3, 4, 5, 6, 7\}$



จะได้  $A - B = \{0, 1, 2\}$

บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง ทฤษฎีเซต

ผลทางของเซต

ชั่วโมงที่ ๗

ชั่วโมงที่ ๘

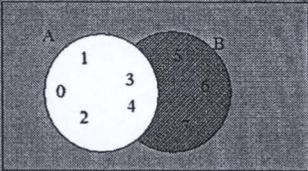
แบบทดสอบ

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูจอ

ตัวอย่างที่ 1

ถ้า  $A = \{0, 1, 2, 3, 4\}$  และ  $B = \{3, 4, 5, 6, 7\}$



จะได้  $B - A = \{5, 6, 7\}$

บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง ทฤษฎีเซต

ผลทางของเซต

ชั่วโมงที่ ๗

ชั่วโมงที่ ๘

แบบทดสอบ

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูจอ

ตัวอย่างที่ 2 กำหนดให้  $A = \{2, 4, 5, 8, 9\}$   $B = \{2, 3, 5, 9\}$   
 $C = \{1, 3, 5, 7\}$

จงหา  $(A - B) \cup (A - C)$

วิธีทำ

$A - B = \{4, 8\}$  และ  $A - C = \{2, 4, 8, 9\}$

ดังนั้น

$(A - B) \cup (A - C) = \{2, 4, 8, 9\}$

บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง ทฤษฎีเซตในทฤษฎีเซต

ผลตาบของเซต

ชั่วโมงที่ 7

ชั่วโมงที่ 8

แบบทดสอบ

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูของ

สมบัติของผลต่างระหว่างเซต

- $A - B \subset A$
- $A - B = A$  ก็ต่อเมื่อ  $A \cap B = \emptyset$
- $A - B = \emptyset$  ก็ต่อเมื่อ  $A \subset B$
- $A - B = \emptyset$  ก็ต่อเมื่อ  $A = \emptyset$

บทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง ทฤษฎีเซตในทฤษฎีเซต

ผลตาบของเซต

ชั่วโมงที่ 7

ชั่วโมงที่ 8

แบบทดสอบ

นักเรียนเข้าเรียน

กลับไปเมนูของ

สมบัติของผลต่างระหว่างเซต

- $A - B = A \cap B^c$
- $A - (B \cap C) = (A - B) \cup (A - C)$
- $A - (B \cup C) = (A - B) \cap (A - C)$
- $(A \cap B) - C = (A - C) \cap (B - C)$

บทเรียนคอมพิวเตอร์เรียน เรื่อง การดำเนินการบนเซต

ผลต่างของเซต

ตัวโมฆะที่ 7

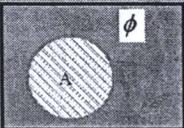
ตัวโมฆะที่ 8

แบบทดสอบ

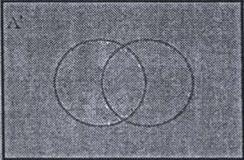
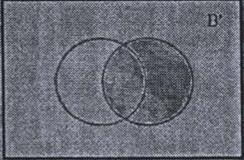
ฝึกเรื่องเข้าเรื่อง

กลับไปไม่งง

10.  $A - \phi = A$  และ  $\phi - A = \phi$




11.  $A' - B' = B - A$

ครูคุณCAI - Microsoft Word

บทเรียนคอมพิวเตอร์เรียน เรื่อง การดำเนินการบนเซต

เมนูหลัก

แบบทดสอบก่อนเรียน

รูปร่าง

อินเตอร์เฟซ

คอมพิวเตอร์

ผลต่างของเซต

แบบทดสอบหลังเรียน

ลงทะเบียนใหม่

ฝึกเรื่องเข้าเรื่อง

ผู้จัดทำ

ออกจากบทเรียน

แบบทดสอบหลังเรียน

คำชี้แจงก่อนทำแบบทดสอบ

1. แบบทดสอบเป็นแบบปรนัย ชนิดเลือกคำตอบ
2. แบบทดสอบ มีทั้งหมด 40 ข้อ
3. เลือกคำตอบโดยคลิกตัวเลือกที่ถูกต้อง
4. เมื่อทำแบบทดสอบครบ 40 ข้อ จะแสดงคะแนนผลการทดสอบ และจะจกกับคะแนนหลังเรียน

สนับสนุนโดย >>>

**ภาคผนวก จ**  
**หนังสือขอความอนุเคราะห์ในการวิจัย**



ที่ ศธ ๐๕๖๕.๑๐.๐๒/๐๓๘๖

โครงการบัณฑิตศึกษา  
มหาวิทยาลัยราชภัฏพระนคร  
ถนนแจ้งวัฒนะ เขตบางเขน  
กรุงเทพฯ ๑๐๒๒๐

๓๑ พฤษภาคม ๒๕๕๓

เรื่อง ขอความอนุเคราะห์เป็นผู้ทรงคุณวุฒิตรวจสอบเครื่องมือวิจัย

เรียน ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.ทิวัดต์ มณีโชติ

ด้วยนางวราภรณ์ ภูผาสุข นักศึกษาระดับบัณฑิตศึกษา สาขาวิชาหลักสูตรและการสอน ได้รับอนุมัติให้ดำเนินการจัดทำการค้นคว้าอิสระ เรื่อง “การพัฒนาบทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง การดำเนินการของเขต กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๔ ”

โดยมี ดร.สุภาณี บวรพงษ์สกุล อาจารย์ที่ปรึกษาการค้นคว้าอิสระ

ในการดำเนินการจัดทำการค้นคว้าอิสระเรื่องนี้ โครงการบัณฑิตศึกษาพิจารณาแล้วเห็นว่า ท่านเป็นผู้ที่มีความรู้ ความเชี่ยวชาญในเรื่องนี้เป็นอย่างดี จึงใคร่ขอเรียนเชิญท่านเป็นผู้ทรงคุณวุฒิพิจารณา ตรวจสอบคุณภาพเครื่องมือวิจัยดังกล่าว โครงการบัณฑิตศึกษาหวังเป็นอย่างยิ่งว่าจะได้รับความอนุเคราะห์จากท่านด้วยดี

จึงเรียนมาเพื่อโปรดพิจารณาอนุเคราะห์ และขอขอบคุณมา ณ โอกาสนี้

ขอแสดงความนับถือ

(ดร.ชินวงศ์ ศรีงาม)

รองผู้อำนวยการสำนักส่งเสริมวิชาการและงานทะเบียน  
ปฏิบัติหน้าที่เลขานุการ โครงการบัณฑิตศึกษา

ฝ่ายวิชาการและวิทยานิพนธ์

โทร. (๐๒) ๕๒๑-๐๒๘๒, (๐๒) ๕๔๔-๘๐๐๐ ต่อ ๑๔๓๒

โทรสาร (๐๒) ๕๒๑-๖๕๖๒



ที่ ศธ ๐๕๖๕.๑๐.๐๒/๐๗๘๕

โครงการบัณฑิตศึกษา  
มหาวิทยาลัยราชภัฏพระนคร  
ถนนแจ้งวัฒนะ เขตบางเขน  
กรุงเทพฯ ๑๐๒๒๐

๓๑ พฤษภาคม ๒๕๕๓

เรื่อง ขอกวามอนุเคราะห์เป็นผู้ทรงคุณวุฒิตรวจสอบเครื่องมือวิจัย

เรียน ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.ไพรัช สุแสนสุข

ด้วยนางวราภรณ์ ภูผาสุข นักศึกษาระดับบัณฑิตศึกษา สาขาวิชาหลักสูตรและการสอน ได้รับอนุมัติให้ดำเนินการจัดทำการค้นคว้าอิสระ เรื่อง “การพัฒนาบทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง การดำเนินการของเขต กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๔ ”

โดยมี ดร.สุภาณี บวรพงษ์สกุล อาจารย์ที่ปรึกษาการค้นคว้าอิสระ

ในการดำเนินการจัดทำการค้นคว้าอิสระเรื่องนี้ โครงการบัณฑิตศึกษาพิจารณาแล้วเห็นว่า ท่านเป็นผู้ที่มีความรู้ ความเชี่ยวชาญในเรื่องนี้เป็นอย่างดี จึงใคร่ขอเรียนเชิญท่านเป็นผู้ทรงคุณวุฒิพิจารณา ตรวจสอบคุณภาพเครื่องมือวิจัยดังกล่าว โครงการบัณฑิตศึกษาหวังเป็นอย่างยิ่งว่าจะได้รับความอนุเคราะห์จากท่านด้วยดี

จึงเรียนมาเพื่อโปรดพิจารณาอนุเคราะห์ และขอขอบคุณมา ณ โอกาสนี้

ขอแสดงความนับถือ

(ดร.ชินวงศ์ ศรีงาม)

รองผู้อำนวยการสำนักส่งเสริมวิชาการและงานทะเบียน  
ปฏิบัติหน้าที่เลขานุการโครงการบัณฑิตศึกษา

ฝ่ายวิชาการและวิทยานิพนธ์

โทร. (๐๒) ๕๒๑-๐๒๘๒, (๐๒) ๕๔๔-๘๐๐๐ ต่อ ๑๔๓๒

โทรสาร (๐๒) ๕๒๑-๗๕๕๒



ที่ ศธ ๐๕๖๕.๑๐.๐๒/๐๓๘๓

สำนักงานโครงการบัณฑิตศึกษา  
มหาวิทยาลัยราชภัฏพระนคร  
ถนนแจ้งวัฒนะ เขตบางเขน  
กรุงเทพฯ ๑๐๒๒๐

๓๑ พฤษภาคม ๒๕๕๓

เรื่อง ขอบความอนุเคราะห์เก็บข้อมูลเพื่อการวิจัย  
เรียน ผู้อำนวยการ โรงเรียนบัวขาว

ด้วยนางวราภรณ์ ภูผาสุข นักศึกษาระดับบัณฑิตศึกษา สาขาวิชาหลักสูตรและการสอน ได้รับอนุมัติให้ดำเนินการจัดทำการค้นคว้าอิสระ เรื่อง “การพัฒนาบทเรียนคอมพิวเตอร์ช่วยสอน เรื่อง การดำเนินการของเขต กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๔” โดยมี ดร.สุภาณี บวรพงษ์สกุล อาจารย์ที่ปรึกษาการค้นคว้าอิสระ

ในการนี้นักศึกษาจำเป็นต้องเก็บข้อมูลกับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๑/๑ เพื่อนำข้อมูลมาใช้ประกอบการจัดทำการค้นคว้าอิสระในขั้นตอนต่อไป โครงการบัณฑิตศึกษาจึงใคร่ขอความอนุเคราะห์จากท่าน โปรดพิจารณาอนุญาตให้นักศึกษาได้เก็บข้อมูล เพื่อให้การวิจัยในครั้งนี้ได้ข้อมูลที่ครบถ้วน สมบูรณ์ยิ่งขึ้น

จึงเรียนมาเพื่อโปรดพิจารณาอนุเคราะห์ และขอขอบคุณมา ณ โอกาสนี้

ขอแสดงความนับถือ

(ดร.ชินวงศ์ ศรีงาม)

รองผู้อำนวยการสำนักส่งเสริมวิชาการและงานทะเบียน  
ปฏิบัติหน้าที่เลขานุการ โครงการบัณฑิตศึกษา

ฝ่ายวิชาการและวิทยานิพนธ์

โทร. (๐๒) ๕๒๑-๐๒๘๒ , (๐๒) ๕๔๔-๘๐๐๐ ต่อ ๒๑๔๐ , ๑๔๓๒

โทรสาร. (๐๒) ๕๒๑-๖๕๕๒

ภาคผนวก จ  
รายชื่อผู้เชี่ยวชาญ

## รายชื่อผู้เชี่ยวชาญ

ลำดับ ที่	รายชื่อ	ด้านที่เชี่ยวชาญ
1	ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.ไพรัช สู่แสนสุข	ด้านโปรแกรม
2	ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.ทิวดี มณีโชติ	ด้านวัดและประเมินผล
3	นายณรงค์ กางสี ครูชำนาญการพิเศษ กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ โรงเรียนบัวขาว	ด้านเนื้อหา



## ประวัติผู้วิจัย

**ชื่อ** นางวราภรณ์ ภูผาสุข  
**วันเกิด** วันที่ 20 กุมภาพันธ์ พ.ศ. 2514  
**สถานที่เกิด** อำเภอนาตู จังหวัดกาฬสินธุ์  
**สถานที่อยู่ปัจจุบัน** บ้านเลขที่ 241 หมู่ที่ 14 ตำบลนิคมห้วยผึ้ง อำเภห้วยผึ้ง จังหวัดกาฬสินธุ์ 46240  
**ตำแหน่งหน้าที่** ครู คศ.2  
**สถานที่ทำงาน** โรงเรียนบัวขาว องค์การบริหารส่วนจังหวัดกาฬสินธุ์

## ประวัติการศึกษา

พ.ศ. 2533 มัธยมศึกษาปีที่ 6 โรงเรียนบ้านนาคูพัฒนา กรป.กลาง อุบลรัตน์  
พ.ศ. 2537 ศึกษาศาสตรบัณฑิต วิชาเอกคณิตศาสตร์ มหาวิทยาลัยรามคำแหง  
พ.ศ. 2553 ครุศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาหลักสูตรและการสอน มหาวิทยาลัยราชภัฏพระนคร

