

## บทคัดย่อ

---

รหัสโครงการ :	TRG5780069
ชื่อโครงการ :	เสถียรภาพและการทำให้มีเสถียรภาพสำหรับระบบควบคุมไม่เชิงเส้นที่ตัวห้วงแปรผันตามเวลาเป็นช่วงซึ่งไม่มีการหาอนุพันธ์และการประยุกต์
ชื่อนักวิจัย :	ผศ.ดร. คณิต มุกดาไส ภาควิชาคณิตศาสตร์ คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยขอนแก่น
นักวิจัยที่ปรึกษา :	รศ.ดร. ปิยะพงษ์ เนียมทรัพย์ ภาควิชาคณิตศาสตร์ คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยเชียงใหม่
อีเมล :	kanit@kku.ac.th (คณิต มุกดาไส) piyapong.n@cmu.ac.th (ปิยะพงษ์ เนียมทรัพย์)
ระยะเวลาโครงการ :	วันที่ 2 มิถุนายน 2557 ถึงวันที่ 1 มิถุนายน 2559

ในงานวิจัยนี้เสนอการวิเคราะห์เสถียรภาพ และการทำให้มีเสถียรภาพของระบบไม่เชิงเส้นตัวห้วงที่ขึ้นกับเวลาเป็นช่วง ฟังก์ชันตัวห้วงที่ถูกให้มาเป็นฟังก์ชันต่อเนื่องซึ่งมีขอบเขตบนและขอบเขตล่าง แต่ฟังก์ชันไม่จำเป็นต้องหาอนุพันธ์ได้ โดยอาศัยความรู้พื้นฐานจากอสมการโคชี อสมการโคชีที่ถูกปรับปรุง การใช้ประโยชน์จากสมการศูนย์ รูปแบบของไลบ์นิช-นิวตัน เมทริกซ์ถ่วงน้ำหนักอิสระ อสมการเจนเซนและฟังก์ชันนอลไลปูนอฟ-คราซอฟสกี ทำให้เราได้หลักเกณฑ์เสถียรภาพ และการทำให้มีเสถียรภาพที่ขึ้นกับตัวห้วงเป็นช่วงรูปแบบใหม่สำหรับระบบควบคุมไม่เชิงเส้นที่ซึ่งตัวห้วงแปรผันตามเวลาเป็นช่วง อยู่ในรูปอสมการเมทริกซ์เชิงเส้นตัวอย่างเชิงตัวเลขที่นำมาแสดงให้เห็นถึงศักยภาพของวิธีดังกล่าวที่ปรับปรุงผลลัพธ์ที่มีอยู่แล้ว

**คำหลัก :** หลักเกณฑ์เสถียรภาพที่ขึ้นกับตัวห้วงเป็นช่วง, ระบบควบคุมไม่เชิงเส้น, อสมการเมทริกซ์เชิงเส้น, ฟังก์ชันนอลไลปูนอฟ-คราซอฟสกี, ตัวห้วงที่ขึ้นกับเวลาเป็นช่วง

## Abstract

---

**Project Code:** TRG5780069

**Project Title:** Stability and stabilization for nonlinear control systems with interval non-differentiable time-varying delay and applications

**Investigator:** Asst. Prof. Dr. Kanit Mukdasai  
Department of Mathematics, Faculty of Science, Khon Kaen University

**Mentor:** Assoc. Prof. Dr. Piyapong Niamsup  
Department of Mathematics, Faculty of Science, Chiang Mai University

**E-mail Address:** kanit@kku.ac.th (Kanit Mukdasai)  
piyapong.n@cmu.ac.th (Piyapong Niamsup)

**Project Period:** June 2, 2014 - June 1, 2016

This research proposes the stability and stabilization analysis of interval time-varying delay nonlinear systems. The lower and upper bounds for the time-varying delay are available, but the delay function is not necessary to be differentiable. Based on Cauchy's inequality, modified version of Cauchy's inequality, utilization of zero equation, Leibniz-Newton formula, free-weighting matrices, Jensen's inequality and Lyapunov-Krasovskii functional, new delay-range-dependent stability and stabilization criteria for nonlinear control systems with interval time-varying delay are established in terms of linear matrix inequalities (LMIs). Numerical examples show that the proposed criteria improve the existing results significantly with much less computational effort.

**Keywords:** Delay-range-dependent stability criteria, nonlinear control systems, Linear matrix inequality, Lyapunov–Krasovskii functional, interval time-varying delay.