

บทที่ 1

บทนำ

ความเป็นมาของปัญหา

คณิตศาสตร์มีบทบาทสำคัญยิ่งต่อการพัฒนาความคิดของมนุษย์ ทำให้มนุษย์มีความคิดสร้างสรรค์ คิดอย่างมีเหตุผล เป็นระบบ ะเปลี่ยน มีแบบแผน สามารถวิเคราะห์ปัญหาและสถานการณ์ได้อย่างถูกต้อง ด้วยวิธีคิด ที่ได้รับมา ทำให้สามารถคาดการณ์ วางแผน ตัดสินใจ และแก้ปัญหาได้อย่างถูกต้อง และเหมาะสม นอกเหนือจากนี้คณิตศาสตร์ยังเป็นเครื่องมือในการศึกษาวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี ตลอดจนศาสตร์อื่นๆ ที่เกี่ยวข้อง คณิตศาสตร์จึงมีประโยชน์ต่อการดำรงชีวิต และช่วยพัฒนาคุณภาพชีวิต ให้ดีขึ้น (กระทรวงศึกษาธิการ, 2551, หน้า 1) ซึ่ง อัมพร มัคโนง,(2553, หน้า 39) ได้กล่าวว่า การแก้ปัญหา เป็นทักษะซึ่งเป็นความสามารถพื้นฐานในการทำความเข้าใจปัญหา และการหาคำตอบของปัญหา และกระบวนการทางซึ่งเป็นวิธีการ หรือขั้นตอนการทำงานที่มีการวิเคราะห์และวางแผนโดยมีการใช้ เทคนิคหรือกลยุทธ์วิธีการแก้ปัญหาที่หลากหลาย ซึ่งมีประโยชน์ต่อการพัฒนาการของนักเรียน ช่วยพัฒนาทักษะและกระบวนการคิดให้มีความสามารถในการเชื่อมโยงและใช้ความรู้ที่ ความสามารถที่มีอยู่ลงมือแก้ปัญหา อันจะเป็นการเรียนรู้จากการทำงาน และเกิดเป็น ประสบการณ์อย่างหนึ่ง ซึ่งจะกลายเป็นความจำที่หักห้ามและกระบวนการทางคณิตศาสตร์ใน โอกาสต่อไป

จากการศึกษางานวิจัยของ นพรัตน์ ศรีคง (2548, หน้า 69) และ วิชญารัตน์ บัวกิง (2549, หน้า 154) พบว่า ข้อบกพร่องในการแก้โจทย์ปัญหาคณิตศาสตร์ เรื่อง สมการเชิงเส้นตัวแปรเดียว และระบบสมการเชิงเส้น ตามตัวแบบการแก้โจทย์ปัญหาของพolya ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษา ปีที่ 3 นักเรียนมีข้อบกพร่องขั้นทำความเข้าใจปัญหา มากที่สุด รองลงมาได้แก่ ขั้นวางแผนแก้ปัญหา ขั้นดำเนินการตามแผน และขั้นตรวจสอบวิธีการและหาคำตอบ ตามลำดับ และผลการสำรวจ ความคิดเห็นของครูผู้มีประสบการณ์สอน 3 ปีขึ้นไปในรายวิชาคณิตศาสตร์ ระดับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่มีต่อความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ดังในผล การศึกษาปัญหาการเรียนการสอนคณิตศาสตร์ (พูนทรัพย์ ในราช, 2553, หน้า 42) พบว่า การจัดกิจกรรม การเรียนการสอนวิชาคณิตศาสตร์ ระดับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ในภาคเรียนที่ 1 ที่ผ่านมา นักเรียนมี ปัญหาในการเรียนรู้ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น มากที่สุด เมื่อเรียงลำดับหัวข้ออย่างเนื้อหาระบบ สมการเชิงเส้น เรื่อง การแก้โจทย์ปัญหาสมการเชิงเส้นสองตัวแปร มีปัญหามากที่สุด รองลงมาคือ การแก้ระบบสมการเชิงเส้นสองตัวแปร และระบบสมการเชิงเส้น ตามลำดับ ปัญหาที่พบคือ

นักเรียนไม่สามารถวิเคราะห์โจทย์ปัญหา และบอกได้ว่า สิ่งที่โจทย์กำหนดให้ และสิ่งที่โจทย์ต้องการหาคืออะไร ซึ่งส่งผลให้นักเรียนไม่สามารถวางแผนแก้โจทย์ปัญหา และแสดงขั้นตอนการหาคำตอบได้ ซึ่งสาเหตุของปัญหาดังกล่าวในผลการศึกษาปัญหาการเรียนการสอนคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้นสองตัวแปร (พูนทรัพย์ ในราช, 2553, หน้า 45) พบว่า นักเรียนมีความรู้พื้นฐานเกี่ยวกับเรื่องคู่อันดับ การเขียนกราฟ การหาคำตอบของสมการ สมการเชิงเส้นตัวแปรเดียว และการเขียนกราฟของสมการเชิงเส้นสองตัวแปร ไม่เพียงพอต่อการนำไปประยุกต์ใช้ในการเรียน เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น

จากปัญหาดังกล่าว ผู้วิจัยได้ศึกษาหาแนวทางที่จะพัฒนาวัดกรรม และกิจกรรมการเรียนรู้ที่จะมาช่วยเสริมสร้างความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้นสองตัวแปร ดังใน ผลการศึกษาปัญหาการเรียนการสอนคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้นสองตัวแปร (พูนทรัพย์ ในราช, 2553, หน้า 46) พบว่า รูปแบบนวัตกรรมที่นิยมใช้ในการเสริมสร้างความสามารถแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์มากที่สุด คือ ชุดกิจกรรมการเรียนรู้ ซึ่งสอดคล้องกับผลการศึกษางานวิจัยของ ณัชยา อ้ำขา และคณะ (2551, หน้า 80) ที่พบว่า นักเรียนที่เรียนด้วยชุดกิจกรรมการเรียนรู้มีความสามารถในการแก้โจทย์ปัญหาคณิตศาสตร์เพิ่มขึ้น สามารถพัฒนาความสามารถในการทำความเข้าใจปัญหาทางคณิตศาสตร์ การเลือกใช้กลยุทธ์ในการแก้ปัญหา และการค้นหาคำตอบที่ถูกต้องพร้อมทั้งคำอธิบายที่ชัดเจนตามขั้นตอนการแก้ปัญหาของpolya ซึ่งเป็นที่ยอมรับและนำมาใช้กันอย่างแพร่หลายในการพัฒนาความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ นอกจากนี้ผู้วิจัยยังได้ศึกษาพบอีกว่า การนำกิจกรรมโปรแกรมสำหรับ GSP มาประกอบการเรียนการสอน ยังช่วยส่งเสริมให้นักเรียนทราบความหมายเชิงเรขาคณิต (กราฟ) ของคำตอบของระบบสมการเชิงเส้นสองตัวแปรได้รวดเร็ว ซึ่งก็คือ จุดตัดของเส้นตรงทั้งสองเส้นที่เป็นกราฟของแต่ละสมการเชิงเส้นสองตัวแปรได้รวดเร็วกว่าวิธีการทางพีชคณิตซึ่งสอดคล้องกับความคิดเห็นของสมเกียรติ เพ็ญทอง และสุรชันต์ อินทสังข์ นักวิชาการสาขาวิชาคณิตศาสตร์ของสถาบันส่งเสริมวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี (2551, หน้า 1) ที่กล่าวว่า โปรแกรม GSP นี้ทำให้ครูและนักเรียนเวลาในการเรียนการสอนมากขึ้น เพราะไม่ต้องเสียเวลามานในการสร้างรูปเรขาคณิตจำนวนมากและการเขียนกราฟของสมการต่าง ๆ ซึ่งการสอนด้วยโปรแกรม GSP ยังทำให้นักเรียนเรียนได้สนุก เข้าใจได้เร็ว และนำไปตีนตั้น

จากเหตุผลดังกล่าว ทำให้ผู้วิจัยมีความสนใจในการพัฒนาชุดกิจกรรมการเรียนรู้เพื่อเสริมสร้างความสามารถในการแก้ปัญหาคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น สำหรับนักเรียน

หัวข้อยุทธศาสตร์ที่ 3 ขึ้นต่อผลที่ได้จากการวิจัยในครั้งนี้เป็นแนวทางในการพัฒนาการเรียน การสอนคณิตศาสตร์ ทักษะกระบวนการแก้ปัญหา และทักษะกระบวนการทางคณิตศาสตร์ต่อไป

จุดมุ่งหมายของการศึกษา

การศึกษาในครั้งนี้มีจุดมุ่งหมายหลักเพื่อพัฒนาชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เพื่อเสริมสร้าง ความสามารถในการแก้ปัญหา เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น โดยมีจุดมุ่งหมายเฉพาะดังนี้

1. เพื่อพัฒนาและหาประสิทธิภาพของชุดกิจกรรมการเรียนรู้เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น สำหรับนักเรียนหัวข้อยุทธศาสตร์ที่ 3 ตามเกณฑ์ 75/75
2. เพื่อเปรียบเทียบความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น ภายหลังการเรียนโดยใช้ชุดกิจกรรมการเรียนรู้ กับเกณฑ์ร้อยละ 75
3. เพื่อศึกษาความพึงพอใจของนักเรียนหัวข้อยุทธศาสตร์ที่ 3 ที่มีต่อชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น สำหรับนักเรียนหัวข้อยุทธศาสตร์ที่ 3

ขอบเขตของงานวิจัย

ขอบเขตของการพัฒนาชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เพื่อเสริมสร้างความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น สำหรับนักเรียนหัวข้อยุทธศาสตร์ที่ 3 ในครั้งนี้ ผู้วิจัยได้แบ่งหัวข้อด้านการศึกษาออกเป็น 3 หัวข้อ เพื่อให้สอดคล้องกับจุดมุ่งหมายของการวิจัย ดังต่อไปนี้

หัวข้อที่ 1 การพัฒนาและหาประสิทธิภาพของชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น สำหรับนักเรียนหัวข้อยุทธศาสตร์ที่ 3 ตามเกณฑ์ 75/75

1. ขอบเขตด้านเนื้อหา ชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น สำหรับนักเรียนหัวข้อยุทธศาสตร์ที่ 3 ด้านเนื้อหา ประกอบด้วย ระบบสมการเชิงเส้นสองตัวแปร การแก้ระบบสมการเชิงเส้นสองตัวแปร การแก้โจทย์ปัญหาสมการเชิงเส้นสองตัวแปร

2. ขอบเขตด้านแหล่งข้อมูล

2.1 ผู้ให้ข้อมูลในการสร้างและประเมินความสามารถคัดลอกของชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เพื่อ เสริมสร้างความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น สำหรับนักเรียนหัวข้อยุทธศาสตร์ที่ 3 ได้แก่ ผู้เชี่ยวชาญจำนวน 5 คน ประกอบด้วย ผู้เชี่ยวชาญด้านหลักสูตรและการสอนคณิตศาสตร์ ผู้เชี่ยวชาญด้านการวัดและประเมินผลคณิตศาสตร์

2.2 ผู้ให้ข้อมูลในการหาประสิทธิภาพของชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เพื่อเสริมสร้างความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น สำหรับนักเรียนหัวข้อยุทธศาสตร์ที่ 3 ตามเกณฑ์ 75 / 75 ได้แก่

2.2.1 นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 กลุ่มนี้ต่อหนึ่ง จำนวน 4 คน ซึ่งเป็นนักเรียนที่มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนสูง จำนวน 1 คน ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนปานกลาง จำนวน 2 คน และผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนอ่อน จำนวน 1 คน เป็นนักเรียนที่ให้ข้อมูลเกี่ยวกับความยากง่ายของกิจกรรม ความเหมาะสมของภาษาที่ใช้ในชุดกิจกรรมและเวลาที่ใช้ในการปฏิบัติ

2.2.2 นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 กลุ่มเล็ก จำนวน 12 คน แบ่งออกเป็น 3 กลุ่ม กลุ่มละ 4 คน หนึ่งกลุ่มประกอบด้วยนักเรียนที่มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนสูง จำนวน 1 คน ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนปานกลาง จำนวน 2 คน และผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนอ่อน จำนวน 1 คน เป็นนักเรียนที่ให้ข้อมูลเพื่อหาประสิทธิภาพของชุดกิจกรรมการเรียนรู้แบบร่วมมือ ตามเกณฑ์ 75 / 75

3. ขอบเขตด้านตัวแปร

ประสิทธิภาพของชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เพื่อเสริมสร้างความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ตามเกณฑ์ 75 / 75

4. ขอบเขตด้านระยะเวลา

การศึกษาขั้นตอนนี้ ผู้จัดดำเนินการในภาคเรียนที่ 1 ปีการศึกษา 2554 ดังนี้

เดือน กรกฎาคม ดำเนินการสร้างและตรวจสอบความสอดคล้องของชุดกิจกรรม การเรียนรู้ เพื่อเสริมสร้างความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น ตามความคิดเห็นของผู้เชี่ยวชาญ จากนั้นทำการปรับปรุงแก้ไขชุดกิจกรรม

เดือน สิงหาคม นำไปทดลองใช้กับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 เพื่อหาประสิทธิภาพ ของชุดกิจกรรม ตามเกณฑ์ 75 / 75

เดือน กันยายน จึงจัดทำชุดกิจกรรมฉบับสมบูรณ์พร้อมที่จะนำไปใช้จริงในภาคเรียน ที่ 1 ปีการศึกษา 2554

ขั้นตอนที่ 2 การศึกษาผลการใช้ชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เพื่อเสริมสร้างความสามารถ ในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ประกอบด้วย

1. ขอบเขตด้านแหล่งข้อมูล

กลุ่มตัวอย่าง คือ นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3/3 ของโรงเรียนอุตรดิตถ์ จำนวน 45 คน ปีการศึกษา 2554 โรงเรียนอุตรดิตถ์ จำนวน 1 ห้องเรียน โดยวิธีการสุ่มอย่างง่าย ที่มีห้องเรียน เป็นหน่วยในการสุ่ม จากนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 จำนวน 10 ห้องเรียน ที่คลุมความสามารถ เก่ง ปานกลาง อ่อน ยกเว้นห้องที่ 1 ห้องเรียนพิเศษ ที่มีนักเรียนมีความสามารถเก่งทุกคน

2. ขอบเขตด้านตัวแปร

2.1 ตัวแปรต้น ได้แก่ การเรียนรู้โดยใช้ชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น

2.2 ตัวแปรตาม ได้แก่ ความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น

3. ขอบเขตด้านระยะเวลา

การศึกษาขั้นตอนนี้ ผู้วิจัยดำเนินการในระหว่างภาคเรียนที่ 1 ปีการศึกษา 2554 โดยดำเนินการศึกษาผลการใช้ชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เพื่อเสริมสร้างความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 เดือนกันยายน จำนวน 11 ชั่วโมง สัปดาห์ละ 3 ชั่วโมง จำนวน 4 สัปดาห์

ขั้นตอนที่ 3 การศึกษาความพึงพอใจของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่มีต่อชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เพื่อเสริมสร้างความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

1. ขอบเขตด้านแหล่งข้อมูล

กลุ่มตัวอย่าง คือ นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ปีการศึกษา 2554 จำนวน 1 ห้องเรียน นักเรียนจำนวน 45 คน (กลุ่มตัวอย่างเป็นกลุ่มเดียวกันกับขั้นตอนที่ 2)

2. ขอบเขตด้านตัวแปร

ตัวแปรที่ศึกษาในขั้นตอนนี้ ได้แก่ เปรียบเทียบความพึงพอใจของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 จำนวน 1 ห้องเรียน นักเรียนจำนวน 45 คน ที่มีต่อชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เพื่อเสริมสร้างความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น

3. ขอบเขตด้านระยะเวลา

การศึกษาขั้นตอนนี้ ผู้วิจัยดำเนินการภายหลังการจัดกิจกรรมการเรียนรู้โดยใช้ชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เพื่อเสริมสร้างความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 เสร็จเรียบร้อยแล้ว โดยทำการประเมินความพึงพอใจของนักเรียนต่อเนื่องทันที

นิยามศัพท์เฉพาะ

1. ชุดกิจกรรมการเรียนรู้ หมายถึง สื่อที่ผู้วิจัยพัฒนาขึ้นเพื่อใช้ประกอบการเรียนการสอน สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ซึ่งสอดคล้องกับเนื้อหา จุดประสงค์การเรียนรู้ และเสริมสร้างความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น ประกอบด้วย ชุดกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 1 เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้นสองตัวแปร ชุดกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 2 เรื่อง การแก้ระบบ

สมการเชิงเส้นสองตัวแปรและกราฟ และชุดกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3 เรื่อง โจทย์ปัญหาสมการเชิงเส้นสองตัวแปร โดยมีองค์ประกอบของชุดกิจกรรมการเรียนรู้ดังนี้

1.1 คู่มือครุ คือ เอกสารที่ครุใช้ประกอบการเตรียมสอน และจัดกิจกรรมการเรียนการสอนให้กับนักเรียน ประกอบด้วย คำแนะนำการใช้ชุดกิจกรรมการเรียนรู้ คำแนะนำการใช้แผนการจัดการเรียนรู้ บัตรสถานการณ์ ใบกิจกรรม แบบฝึกหัด ใบสรุปความรู้ แบบวัดความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น

1.2 คู่มือนักเรียน คือ เอกสารที่นักเรียนใช้เป็นแนวทางการทำกิจกรรม ประกอบด้วย คำแนะนำในการใช้ชุดกิจกรรมการเรียนรู้ บัตรสถานการณ์ ใบกิจกรรม แบบฝึกหัด ใบสรุปความรู้ แบบวัดความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น

1.3 แผนการจัดการเรียนรู้ คือ กระบวนการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนตามตัวชี้วัดของระดับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น องค์ประกอบในแผนการจัดการเรียนรู้ ของแต่ละชั้วโมง ประกอบด้วย มาตรฐานการเรียนรู้ ตัวชี้วัด จุดประสงค์การเรียนรู้ สาระสำคัญ สาระการเรียนรู้ กิจกรรมการเรียนรู้ สื่อการเรียนรู้ การวัดผลและประเมินผล และบันทึกผลหลังการจัดกิจกรรมการสอน

1.4 บัตรสถานการณ์ คือ บัตรแสดงโจทย์หรือโจทย์ปัญหาที่เกี่ยวข้องกับชีวิตจริง

1.5 ใบกิจกรรม คือ เอกสารที่กำหนดรายละเอียดของงานที่นักเรียนหรือกลุ่มจะต้องปฏิบัติ

1.6 แบบฝึกหัด คือ โจทย์หรือโจทย์ปัญหา ใช้วัดผลและตรวจสอบความรู้ความเข้าใจของนักเรียนหลังจัดกิจกรรมการเรียนการสอน

1.7 ใบสรุปความรู้ คือ เอกสารสรุปเนื้อหาที่เรียนในคาบเรียน ที่สอดคล้องกับจุดประสงค์การเรียนรู้ และกิจกรรม

2. ปัญหาทางคณิตศาสตร์ หมายถึง สถานการณ์หรือโจทย์ปัญหาที่ต้องการค้นหาคำตอบโดยที่ยังไม่รู้วิธีการหรือขั้นตอนที่จะได้คำตอบของสถานการณ์นั้นในทันที นักเรียนจะต้องใช้ความรู้พื้นฐาน และประสบการณ์ทางคณิตศาสตร์มากำหนดแนวทางหรือวิธีการหาคำตอบ โดยปัญหาทางคณิตศาสตร์นำมาจากหนังสือเรียนคณิตศาสตร์ หรือข้อสอบแข่งขันระดับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

3. ความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ หมายถึง สิ่งที่นักเรียนแสดงออกมาได้แก่ นักเรียนสามารถ 1) วิเคราะห์และทำความเข้าใจโจทย์ปัญหาได้ 2) วางแผนการแก้โจทย์ปัญหาได้ 3) ดำเนินการแก้ปัญหาตามแผนที่กำหนดได้ 4) ตรวจสอบความถูกต้องของคำตอบ ด้วยการเขียนตอบในใบกิจกรรมขณะปฏิบัติในชั้นเรียน และแบบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น หลังเรียนด้วยชุดกิจกรรม

4. ชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เพื่อเสริมสร้างความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น หมายถึง ชุดของกิจกรรมการเรียนการสอน สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่ผู้วิจัยสร้างพัฒนาขึ้นตามขั้นตอนการพัฒนาสู่การเรียนการสอน โดยสอดคล้อง กับเนื้อหา จุดประสงค์การเรียนรู้ และเสริมสร้างความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น โดยมีกิจกรรมการตรวจสอบและซ้อมเสริมความรู้เพิ่มฐานก่อนการใช้ ชุดกิจกรรมการเรียนรู้ จากนั้นให้นักเรียนได้เรียนรู้ตามกิจกรรมที่กำหนดให้ โดยให้นักเรียนทำ กิจกรรมเป็นกลุ่ม กลุ่มละ 4 – 5 คน ที่คละความสามารถ เก่ง ปานกลาง อ่อน ในอัตราส่วน 1 : 2 : 1 หรือ 2 : 2 : 1 ซึ่งในแต่ละคบจะแบ่งกิจกรรมเป็น 3 ขั้น ดังนี้

4.1 ขั้นนำเข้าสู่บทเรียน ใช้บัตรสถานการณ์ที่สอดคล้องกับชีวิตจริงในรูปแบบทกถอน หรือ โจทย์ปัญหา หรือ เกมปัญหาคณิตศาสตร์ โดยให้นักเรียนแต่ละกลุ่มช่วยกันคิดแก้ปัญหา หรือ ตอบคำถามพร้อมให้เหตุผล จากบัตรสถานการณ์ ในระยะเวลาที่กำหนดให้

4.2 ขั้นจัดกิจกรรมการเรียนการสอน นำผลจากการจัดกิจกรรมในขั้นที่ 1 มาพิจารณาถึง แนวคิดในการแก้ปัญหา และครุซักถามนักเรียนเกี่ยวกับแนวคิดการแก้ปัญหา ว่า นักเรียนมีวิธีคิด อย่างไร หรือมีลำดับขั้นตอนอย่างไร ในบางคบเรียนจะมีการทบทวนความรู้เพิ่มฐานเดิมในรูป กิจกรรมโดยให้นักเรียนแต่ละคน หรือแต่ละกลุ่มได้ปฏิบัติ แต่ในบางคบอาจนำเสนอเนื้อหาใหม่ ในรูปกิจกรรม

4.3 ขั้นสรุป จากที่นักเรียนทำกิจกรรมในขั้นที่ 2 ครุน้ำลิ่งที่นักเรียนแต่ละกลุ่มช่วยกันคิด มาเรียบเรียงใหม่ให้สอดคล้องกับ บทนิยาม หรือ กระบวนการคิดแก้ปัญหาตามแนวคิดโพลยา นอกจากนี้นักเรียนจะต้องทำแบบฝึกหัด เป็นการบ้านส่งในช่วงไม่ถัดไปเป็นรายบุคคล

5. ประสิทธิภาพของชุดกิจกรรมการเรียนรู้ หมายถึง คุณภาพของชุดกิจกรรมการเรียนรู้ โดยมีเกณฑ์ที่ใช้ในการประเมินประสิทธิภาพของชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เพื่อเสริมสร้าง ความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ที่ผู้วิจัยพัฒนาขึ้นตามเกณฑ์ที่กำหนดไว้ 75 / 75 โดยที่

75 ตัวแรก หมายถึง ร้อยละของค่าเฉลี่ยของคะแนนที่ได้จากการทำแบบฝึกหัด ใบกิจกรรม ในชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เพื่อเสริมสร้างความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบ สมการเชิงเส้น แต่ละชุด ได้คะแนนเฉลี่ยอย่างน้อยร้อยละ 75

75 ตัวหลัง หมายถึง ร้อยละของค่าเฉลี่ยของคะแนนที่ได้จากการทำแบบวัดความสามารถ ในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์หลังจากเรียนด้วยชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เพื่อเสริมสร้าง

ความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น ได้คะแนนเฉลี่ยอย่างน้อยร้อยละ 75

6. นักเรียนที่มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนสูง (เรียนเก่ง) หมายถึง นักเรียนที่มีผลการเรียนเฉลี่ยสะสมในวิชาคณิตศาสตร์พื้นฐาน ระดับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 ถึง 2 ตั้งแต่ 3.00 ขึ้นไป

7. นักเรียนที่มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนปานกลาง หมายถึง นักเรียนที่มีผลการเรียนเฉลี่ยสะสมในวิชาคณิตศาสตร์พื้นฐาน ระดับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 ถึง 2 ตั้งแต่ 2.50 – 2.99

8. นักเรียนที่มีผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนต่ำ (เรียนอ่อน) หมายถึง นักเรียนที่มีผลการเรียนเฉลี่ยสะสมในวิชาคณิตศาสตร์พื้นฐาน ระดับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 ถึง 2 ต่ำกว่า 2.50

9. ความพึงพอใจ หมายถึง ความรู้สึกชื่นชอบ สนุกสนาน ที่มีต่อการจัดกิจกรรมการเรียนรู้โดยใช้ชุดกิจกรรมการเรียนรู้ เพื่อเสริมสร้างความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น

สมมติฐานของการวิจัย

ความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 เรื่อง ระบบสมการเชิงเส้น หลังเรียนสูงกว่าเกณฑ์ร้อยละ 75