

ภาคผนวก ก

ตัวอย่างการคำนวณท่อเหล็กใต้ดินขนาดเส้นผ่าศูนย์กลาง 1,500 มม. จากแรงแผ่นดินไหว
ในจังหวัดกำแพงเพชร ที่ $PGA=0.15g$ $M_w = 7.5$ ระยะทางจากจุดกำเนิด 50-100 Km

การคำนวณค่าความเครียดจากแรงใช้งาน (Operation Strain)

ค่าความเครียดที่เกิดขึ้นจากแรงภายใน (Longitudinal Strain due to internal pressure)

ค่าพารามิเตอร์ในกรณีต่างๆสามารถดูรายละเอียดในบทที่ 3 หัวข้อ 3.4

$$\varepsilon_p = \frac{S_p}{E} \left[1 + \frac{n}{1+r} \right] \left(\frac{S_p}{\sigma_y} \right)^r$$

$$\varepsilon_p = \frac{35.40}{2 \times 10^5} \left[1 + \frac{10.189}{1 + 83.614} \right] \left(\frac{35.40}{230} \right)^{83.614}$$

$$\varepsilon_p = 0.00177$$

ค่าแรงดันภายในท่อ S_p สามารถหาได้จาก

เมื่อ $P = 3 \text{ Mpa}$, $D = 1.5 \text{ m}$, $t = 0.0191 \text{ m}$ และค่า $\mu = 0.3$

$$S_p = \frac{PD\mu}{2t}$$

$$S_p = \frac{3 \times 1.5 \times 0.3}{2 \times 0.0191}$$

$$S_p = 35.34 \quad \text{Mpa}$$

ความเครียดที่เกิดขึ้นจากอุณหภูมิการ (Longitudinal Strain due to temperature change)

$$\mathcal{E}_t = \frac{S_r}{E} \left[1 + \frac{n}{1+r} \right] \left(\frac{S_r}{\sigma_y} \right)^r$$

$$\mathcal{E}_t = \frac{7.20}{2 \times 10^5} \left[1 + \frac{10.189}{1 + 83.614} \right] \left(\frac{7.20}{230} \right)^{83.614}$$

$$\mathcal{E}_t = 0.000036$$

ค่า Stress in pipe, S_r สามารถคำนวณได้จากอุณหภูมิที่เปลี่ยนแปลงคำนวณได้จาก

เมื่อ $T_1 = 25 \text{ C}^\circ$, $T_2 = 28 \text{ C}^\circ$

$$S_r = E \alpha (T_2 - T_1)$$

$$S_r = 2 \times 10^5 \times 12 \times 10^{-6} (28 - 25)$$

$$S_r = 7.2 \quad \text{Mpa}$$

ค่าความเครียดจากแรงใช้งาน \mathcal{E}_{oper}

$$\mathcal{E}_{oper} = \mathcal{E}_p + \mathcal{E}_t$$

$$\mathcal{E}_{oper} = 0.000177 + 0.000036 = 0.000213$$

ค่าความเครียดที่เกิดขึ้นจากการทรุดตัว (Permanent Ground Deformation , PGD)

ค่าความเครียดจากการเคลื่อนตัวในแนวทอ (Longitudinal Permanent Ground Deformation)

Ground movement parallel to pipe axis δ^l = 2 m.

Length of permanent ground displacement zone L = 100 m.

I_p importance factor (จากตารางที่ 2.5) = 1.5

$$\delta^l_{design} = \delta^l * I_p = 2 * 1.5 = 3.00 \text{ m.}$$

กรณีที่ 1 Controller by Length

$$\varepsilon_l = \frac{t_u L}{2\pi D t E} \left[1 + \frac{n}{1+r} \left(\frac{t_u L}{2\pi D t E} \right) \right]^r$$

$$\varepsilon_l = \frac{153.35 \times 100}{2\pi \times 0.0191 \times 2 \times 10^5} \left[1 + \frac{10.189}{1+83.614} \left(\frac{153.35 \times 100}{2\pi \times 0.0191 \times 2 \times 10^5} \right) \right]^{83.614}$$

$$\varepsilon_l = 0.00043$$

ค่าแรงเสียดทานต่อความยาวทอ t_u สามารถหาได้ดังนี้

$$t_u = \pi D c \alpha + \pi D H \gamma \left(\frac{1 + K_0}{2} \right) \tan(f\phi)$$

เมื่อ Coefficient of cohesion, c = 30 kPa

$$\alpha = \text{Adhesion factor คำนวณจาก} \quad 0.608 - 0.123c - \frac{0.274}{c^2 + 1} + \frac{0.695}{c^3 + 1}$$

$$0.608 - (0.123 \times 30) - \frac{0.274}{30^2 + 1} + \frac{0.695}{30^3 + 1}$$

$$\alpha = 0.9965$$

$$H = \text{dept of pipe centerline + cover} \quad D/2 = 5 + 1.5/2 = 5.75 \quad \text{m.}$$

$$K_0 = \text{coeffient of pressure at rest} = 1 + \sin \phi$$

$$\phi = \text{Internal friction angle of soil} = 30^\circ$$

$$f = \text{ค่าแรงเสียดทาน friction factor} = 0.7$$

$$t_u = \pi \times 1.50 \times 30 \times 0.9965 + \pi \times 1.50 \times 5.75 \times 16 \left(\frac{1 + 0.5}{2} \right) \tan 21$$

$$t_u = 153.35 \quad \text{kN/m.}$$

กรณีที่ 2 Controller by ground movement

$$\varepsilon_l = \frac{t_u L_e}{2\pi D t E} \left[1 + \frac{n}{1+r} \left(\frac{t_u L_e}{2\pi D t E} \right) \right]^r$$

$$\varepsilon_l = \frac{153.35 \times 835}{2\pi \times 1.50 \times 0.0191 \times 2 \times 10^5} \left[1 + \frac{10.189}{1 + 83.614} \left(\frac{153.35 \times 835}{2\pi \times 1.50 \times 0.0191 \times 2 \times 10^5} \right) \right]^{83.614}$$

$$\varepsilon_l = 0.00356$$

โดยค่า L_e หาได้จาก

$$\delta^l_{design} = \frac{t_u L_e}{\pi D t E} \left[1 + \left(\frac{n}{1+r} \right) \left(\frac{2}{2+r} \right) \left(\frac{t_u L_e}{\pi D t \sigma_y} \right) \right]^r$$

$$3 = \frac{153.35 L_e}{\pi \times 1.50 \times 0.0191 \times 2 \times 10^5} \left[1 + \left(\frac{10.189}{1+83.614} \right) \left(\frac{2}{2+83.614} \right) \left(\frac{153.35 L_e}{\pi \times 1.50 \times 0.0191 \times 230} \right) \right]^{83.614}$$

แก้สมการได้ $L_e = 835$ m.

ค่าความเครียดจากการเคลื่อนที่ของดินตามแนวท่อ

$$\varepsilon_{l-pgd} = \varepsilon_{oper} + \varepsilon_l$$

$$\varepsilon_{l-pgd} = 0.000213 + 0.00356$$

$$\varepsilon_{l-pgd} = 0.00377$$

ค่าความเครียดจากการเคลื่อนตัวในตั้งฉากกับท่อ (Transverse Permanent Ground Deformation)

โดยใช้ค่าความเครียดสูงสุดจาก 2 กรณี

กรณีที่ 1

$$\varepsilon_t = \pm \frac{\pi D \delta^t_{design}}{w^2}$$

เมื่อ $\delta^t_{design} = \delta^t * I_p = 2 \times 1.5 = 3.00 \quad \text{m.}$

แทนค่า $\varepsilon_t = \pm \frac{\pi \times 1.50 \times 3}{20^2}$

$$\varepsilon_t = \pm 0.03534$$

กรณีที่ 2

$$\varepsilon_t = \pm \frac{P_u W^2}{3\pi E t D^2}$$

แทนค่า $\varepsilon_t = \pm \frac{409.86 \times 20^2}{3\pi \times 0.0191 \times 2 \times 10^5 \times 1.5^2}$

$$\varepsilon_t = \pm 0.00202$$

เมื่อค่า P_u สามารถหาได้จาก

$$P_u = N_{ch} * cD + N_{qh} \gamma H D$$

โดยค่า N_{ch} และค่า N_{qh} สามารถคำนวณได้จาก

$$N_{ch} = aI + bIx + \frac{cI}{(x+I)^2} + \frac{dI}{(x+I)^3}$$

$$x = \text{ค่าสัมประสิทธิ์ระหว่าง } \frac{H}{D} \text{ เท่ากับ } \frac{5.75}{1.5} = 3.833$$

$a_1, b_1, c_1, d_1 =$ ค่าตัวประกอบ (กำหนดไว้ในตารางที่ 2.6)

$$\text{แทนค่า} \quad N_{ch} = 6.752 + 0.0065x3.833 + \frac{-11.063}{(3.833+1)^2} + \frac{7.119}{(3.833+1)^3}$$

$$N_{ch} = 6.5907$$

$$N_{qh} = a_1 + b_1x + c_1x^2 + d_1x^3 + e_1x^4$$

$a_1, b_1, c_1, d_1, e_1 =$ ค่าตัวประกอบ (กำหนดไว้ในตารางที่ 2.6)

แทนค่า

$$N_{qh} = 4.565 + 1.234x3.833 + (-0.089x3.833^2) + 0.004275x3.833^3 + (-0.00009159x3.833^4)$$

$$N_{qh} = 8.2086$$

ดังนั้น

$$P_u = 6.5907 \times 30 \times 1.50 + 8.2086 \times 16 \times 5.75 \times 1.50$$

$$P_u = 409.86 \quad \text{kN/m.}$$

ค่าความเครียดจากการเคลื่อนที่ของดินตามแนวตั้งฉากกับท่อ

$$\mathcal{E}_{t-pgd} = \mathcal{E}_{oper} + \mathcal{E}_t$$

$$\varepsilon_{l-pgd} = 0.000213 + 0.03534$$

$$\varepsilon_{l-pgd} = 0.03556$$

การคำนวณความเครียดที่เกิดขึ้นจากแรงลอยตัว (Buoyancy due to Liquefaction)

$$\varepsilon_b = \frac{\sigma_{bf}}{E} \left[1 + \frac{n}{1+r} \right] \left(\frac{\sigma_{bf}}{\sigma_y} \right)^r$$

$$\varepsilon_b = \frac{217.52}{2 \times 10^5} \left[1 + \frac{10.189}{1 + 83.614} \right] \left(\frac{217.52}{230} \right)^{83.614}$$

$$\varepsilon_b = 0.00109$$

แรงค้ำสูงสุดที่เกิดจากแรงลอยตัวสามารถหาได้จาก

$$\sigma_{bf} = \frac{F_b L_b^2}{10Z}$$

$$\sigma_{bf} = \frac{7.01 \times 100^2}{10 \times 0.03248}$$

เมื่อ Z = Section modulus ของท่อ และค่า L_b เท่ากับ 100 เมตร

$$Z = \frac{\pi}{32} \left[\frac{D^4 - (D-2t)^4}{D} \right]$$

$$Z = \frac{\pi}{32} \left[\frac{1.50^4 - (1.50 - 2 \times 0.00191)^4}{1.50} \right]$$

$$Z = 0.03248 \quad \text{m.}^3$$

แรงดันสุทธิต่อหน่วยความยาวของท่อสามารถหาได้จาก

$$F_b = \frac{\pi D^2}{4} (\gamma_{sat} - \gamma_{content}) - \pi D t \gamma_{pipe}$$

$$F_b = \frac{\pi \times 1.50^2}{4} (18 - 10) - \pi \times 1.50 \times 0.00191 \times 78.60$$

$$F_b = 7.0663 \quad \text{kN/m.}$$

ค่าความเครียดจากแรงลอยตัวเนื่องจาก Liquefaction

$$\mathcal{E}_{b-Li} = \mathcal{E}_{oper} + \mathcal{E}_b$$

$$\mathcal{E}_{b-Li} = 0.000213 + 0.00109$$

$$\mathcal{E}_{b-Li} = 0.00130$$

การคำนวณความเครียดที่เกิดขึ้นจากผลของการแพร่ของคลื่นแผ่นดินไหว (Design for Seismic Wave Propagation)

$$\varepsilon_a = \frac{V_g}{\alpha \cdot EC} \leq \frac{t_u \lambda}{4AE}$$

$$\varepsilon_a = \frac{56.0}{1 \times 500} \leq \frac{135.35 \times 100}{4 \times 0.089 \times 2 \times 10^5}$$

$$\varepsilon_a = 0.00112 \leq 0.00216$$

เมื่อ C = ค่าความเร็วของการแพร่กระจายของคลื่น R-waves (ใช้ 0.5 km/s)

λ = ความยาวของคลื่นแผ่นดินไหวที่พื้นผิวดินใช้ 1.0 กิโลเมตร

A = Cross sectional area

$$A = \frac{\pi}{4} (D^4 - (D - 2t)^2)$$

$$A = \frac{\pi}{4} (1.50^4 - (1.50 - (2 \times 0.0191))^2)$$

$$A = 0.089 \quad \text{m}^2$$

ค่าออกแบบ Peak ground velocity สามารถหาได้ดังนี้

$$V_g = PGV * I_p$$

$$V_g = 37.20 \times 1.50 \quad \text{m/s}$$

$$V_g = 55.80 \quad \text{m/s}$$

ที่ความรุนแรงของแผ่นดินไหวน้อย PGA at ground = 0.15 g

Soil class D Peak ground acceleration Ground amplification factor (I_g)= 1.6 (จากตารางที่ 2.9)

$$\text{PGA at Ground} = 1.6 \times 0.15 = 0.24 \text{ g}$$

ที่ M_w 7.5 และระยะห่างจากจุดกำเนิดแผ่นดินไหว = 50-100 km

$$\text{PGV/PGA} = 155 \quad (\text{จากตารางที่ 2.8})$$

$$\text{PGV} = \text{PGA} \times 155 = 155 \times 0.24 \text{ g} = 37.2 \text{ m/s}$$

ค่าความเครียดจากเนื่องจากการแพร่ของคลื่นแผ่นดินไหว

$$\mathcal{E}_{a-wave} = \mathcal{E}_{oper} + \mathcal{E}_a$$

$$\mathcal{E}_{a-wave} = 0.000213 + 0.00112$$

$$\mathcal{E}_{a-wave} = 0.00133$$

Allowable strain in for steel pipe

ค่าความเครียดที่ยอมรับได้จากแรงอัดในกรณีของการเคลื่อนตัวของดิน (PGD)

$$\mathcal{E}_{c-pgd} = 0.88 \frac{t}{R}$$

$$\text{แทนค่า} \quad \mathcal{E}_{c-pgd} = 0.88 \frac{0.0191}{0.75}$$

$$\mathcal{E}_{c-pgd}=0.02241$$

ค่าความเครียดที่ยอมรับได้จากแรงอัดในกรณีของการแพร่ของคลื่นแผ่นดินไหว (Seismic Wave Propagation)

$$\mathcal{E}_{c-wave}=0.75 \left[0.5 \frac{t}{D'} - 0.0025 + 3000 \left(\frac{PD}{2ET} \right) \right]^2$$

$$\mathcal{E}_{c-wave}=0.75 \left[0.5 \frac{0.0191}{1.6241} - 0.0025 + 3000 \left(\frac{3 \times 1.50}{2 \times 0.0191 \times 2 \times 10^5} \right) \right]^2$$

$$\mathcal{E}_{c-wave}=0.00332$$

เมื่อ

$$D' = \frac{D}{1 - (D - D_{min}) \frac{3}{D}}$$

$$D' = \frac{1.50}{1 - (1.50 - (0.0191 \times 2)) \frac{3}{1.50}}$$

$$D' = 1.6241$$

The allowable strain in tension

$$0.25 \mathcal{E}_u = 0.25 \times 0.15 = 0.0375$$

Check for Safety

Total strain for continuous pipeline should be less than allowable strain

$$\varepsilon_{oper} + \varepsilon_{seismic} \leq \varepsilon_{allowable}$$

Case		Maximum strain in pipe		Allowable strain in pipe		Safe/Unsafe
		Tension	Compression	Tension	Compression	
1.PGD	Longitudinal	0.00377	0.00356	0.0375	0.02241	Safe.
	Transverse	0.03556	0.03534	0.0375	0.02241	Unsafe
2.Seismic wave		0.00133	-	0.0375	0.00332	Safe.
	Propagation					
3.Liquefaction		0.00130	0.00109	0.0375	0.02241	Safe.