

บทที่ 2 ทฤษฎีและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

2.1 บทนำ

เมื่อโครงสร้างได้รับแผ่นดินไหวอันเนื่องมาจากการสั่นสะเทือนที่พื้นดิน (Ground motion) โครงสร้างจะเกิดการโยกตัวไปมาและความเร่งเกิดขึ้นที่ส่วนต่างๆของโครงสร้าง ดังนั้นผลตอบสนองของโครงสร้าง จึงแสดงอยู่ในรูปของ “ความเร่งตอบสนองเชิงสเปกตรัม” จากกฎของนิวตัน เมื่อมีมวลของโครงสร้างและความเร่ง ก็จะทำให้เกิดแรงที่กระทำทางด้านข้างของโครงสร้าง ค่าความเร่งสูงสุดที่เกิดขึ้นกับโครงสร้างขึ้นอยู่กับคาบการสั่นธรรมชาติของโครงสร้างและความหน่วง (Damping) มิงงานวิจัยศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างความเร่งของโครงสร้างและความเร่งของการสั่นสะเทือนที่พื้นดิน จากนั้นทำการสรุปหลักการออกแบบต้านทานแผ่นดินไหวไว้ว่า ถ้าหากออกแบบโครงสร้างให้อยู่ในสภาวะอีลาสติก โดยไม่ยอมให้เหล็กเสริมครากหรือโครงสร้างเกิดความเสียหายใดๆ ภายใต้แรงกระทำของแผ่นดินไหว ก็ต้องออกแบบให้โครงสร้างมีกำลังสูงพอที่จะต้านทานแรงแผ่นดินไหวนี้ได้ การออกแบบดังกล่าวถึงแม้ให้ความปลอดภัยแต่ก็ไม่เป็นการประหยัด โดยเฉพาะอย่างยิ่งหากแรงแผ่นดินไหวสูงมากๆ ก็จะทำให้ขนาดของโครงสร้างมีขนาดใหญ่เกินความจำเป็น อย่างไรก็ตามหากเราเพิ่มความเหนียวโดยยอมให้โครงสร้างเกิดความเสียหายไปบ้าง หรือยอมให้เหล็กเสริมบางตำแหน่งครากในระหว่างเกิดแผ่นดินไหว สามารถโยกตัวเกินพิกัดยืดหยุ่นของโครงสร้างก็จะทำให้สามารถสลายพลังงานของการสั่นไหวในระดับที่เหมาะสม และโครงสร้างต้องมียกกำลังและสติฟเนสที่เพียงพอต่อการถ่ายแรงจากตำแหน่งที่กระทำไปยังโครงสร้างที่ต้านทานแรงนี้ได้

สำหรับข้อต่อคาน-เสาในอดีตนั้นมิงงานวิจัยจำนวนมากที่ศึกษาพฤติกรรมของข้อต่อคาน-เสาทั้งในประเทศสหรัฐอเมริกา, นิวซีแลนด์, และญี่ปุ่น ซึ่งในรายงานผลวิจัยเหล่านี้ได้ระบุถึงตัวแปรหลายอย่างที่มีความสำคัญและจะส่งผลต่อข้อต่อเมื่อได้รับแรงแผ่นดิน มีดังนี้

- 1) คุณสมบัติของวัสดุ กำลังรับแรงอัด (แรงดึง) ของคอนกรีตมีความสำคัญต่อกำลังรับแรงเฉือน ซึ่งกำลังรับแรงเฉือนจะเพิ่มขึ้นไปก็ต่อเมื่อคอนกรีตมีกำลังรับแรงอัดเพิ่มขึ้นเช่นกัน
- 2) ผลกระทบการค้ำยันด้านข้างของคาน ถ้ามีระยะการค้ำยันด้านข้างของคานที่เพียงพอจะส่งผลให้กำลังรับแรงเฉือนเพิ่มขึ้น
- 3) จำนวนของเหล็กเสริมตามขวางบริเวณข้อต่อ เหล็กเสริมตามขวางของเสามีความจำเป็นอย่างยิ่งต่อการรับแรงเฉือนที่เกิดขึ้นซึ่งจะช่วยรักษาสภาพของข้อต่อให้สมบูรณ์และไม่เกิดความเสียหาย

- 4) แรงยึดเหนี่ยวระหว่างคอนกรีตและเหล็กเสริม ลักษณะและขนาดของเหล็กเสริมตามยาวจะเกี่ยวข้องกับการเคลื่อนที่ตัวของข้อต่อ สติฟเนส และการสลายพลังงาน
- 5) แรงในแนวแกนของเสา จะมีความสำคัญทำให้ส่งผลกระทบต่อกำลังรับแรงเฉือนของข้อต่อเสาคาน

เดิมการออกแบบในประเทศไทยจะคำนึงถึงการรับแรงในแนวตั้งเท่านั้น และอาคารตึกสูงจะคำนึงถึงแรงลมด้วย ซึ่งวิศวกรออกแบบทั่วไปจะออกแบบให้โครงสร้างมีสเถียรภาพ ความปลอดภัย ควบคู่กับราคาประหยัด กล่าวอีกนัยหนึ่งคือโครงสร้างมีกำลังต้านทานโมเมนต์ดัด และแรงเฉือนที่เกิดขึ้นจากแรงดัดกล่าวได้ และส่วนต่างๆของโครงสร้างมีความแข็งแรงพอในการรองรับน้ำหนักบรรทุกได้อย่างปลอดภัย อีกทั้งราคาของโครงสร้างไม่ควรสูงเกินไปซึ่งต้องคุ้มค่าในการลงทุนการก่อสร้าง แต่การออกแบบต้านทานแผ่นดินไหว โครงสร้างจะต้องประกอบด้วยระบบต้านทานแรงด้านข้าง และระบบรับแรงในแนวตั้ง โดยจะสมมติว่าแรงแผ่นดินไหวสามารถเกิดขึ้นได้ในทุกทิศทางตามแนวราบ วิศวกรออกแบบต้องตรวจสอบแรงเหล่านี้และการเสียรูปที่เกิดขึ้นในโครงสร้างให้อยู่ในระดับที่ยอมรับได้อีกด้วย ซึ่งมีพฤติกรรมของโครงสร้างจะแตกต่างกัน ดังนั้นหลักการของการออกแบบจึงแตกต่างกันด้วย วิศวกรผู้ออกแบบควรที่จะศึกษาพฤติกรรมของโครงสร้างรับแรงแผ่นดินไหว หลักการและข้อกำหนดในการออกแบบเพื่อที่จะออกแบบให้รายละเอียดถูกต้อง

2.2 ข้อต่อคาน-เสา (Beam-Column Joint)

ข้อต่อคาน-เสา ในอาคาร ค.ส.ล. คือส่วนของโครงสร้างคานที่อยู่ในเสา หรือส่วนที่ตัดกันระหว่างเสา และคาน ซึ่งทำหน้าที่ถ่ายแรง และโมเมนต์จากปลายคานไปยังเสา ข้อต่อระหว่างคาน-เสา นั้นมีความสำคัญเป็นอย่างมาก ควรมีความแข็งแรง (Strength and Stiffness) และมีความเหนียว (Ductility) เพียงพอ ที่จะสลายพลังงานแผ่นดินไหวได้

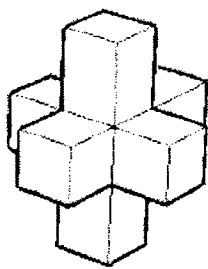
2.2.1 ประเภทของข้อต่อคาน-เสา

สำหรับข้อต่อคาน-เสา ของโครงสร้างอาคาร ค.ส.ล. นั้น ทางสถาบัน ACI Committee 352 [5] ได้จำแนกประเภทตามลักษณะรูปทรงของข้อต่อ (Joint Geometry) ดังนี้

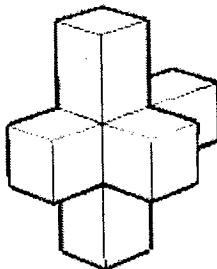
1) Interior beam-column joint โครงสร้างของคานทั้ง 4 ด้าน อยู่ในโครงสร้างของเสาในแนวตั้ง แสดงดังรูป 2.1(a)

2) Exterior beam-column joint โครงสร้างของคาน 1 ด้านอยู่ในโครงสร้างของเสาในแนวตั้ง และมีโครงสร้างของคานอีก 2 ด้าน ตั้งฉากกับข้อต่อ แสดงดังรูป 2.1(b)

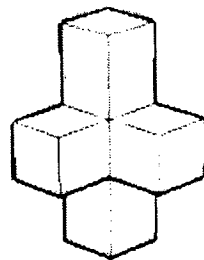
3) Corner beam-column joint โครงสร้างของคานทั้ง 2 ด้าน อยู่ในโครงสร้างของเสาในแนวตั้ง โดยคานทั้งสอง มีทิศทางตั้งฉากกัน แสดงดังรูป 2.1(c)



(a) Interior Joint



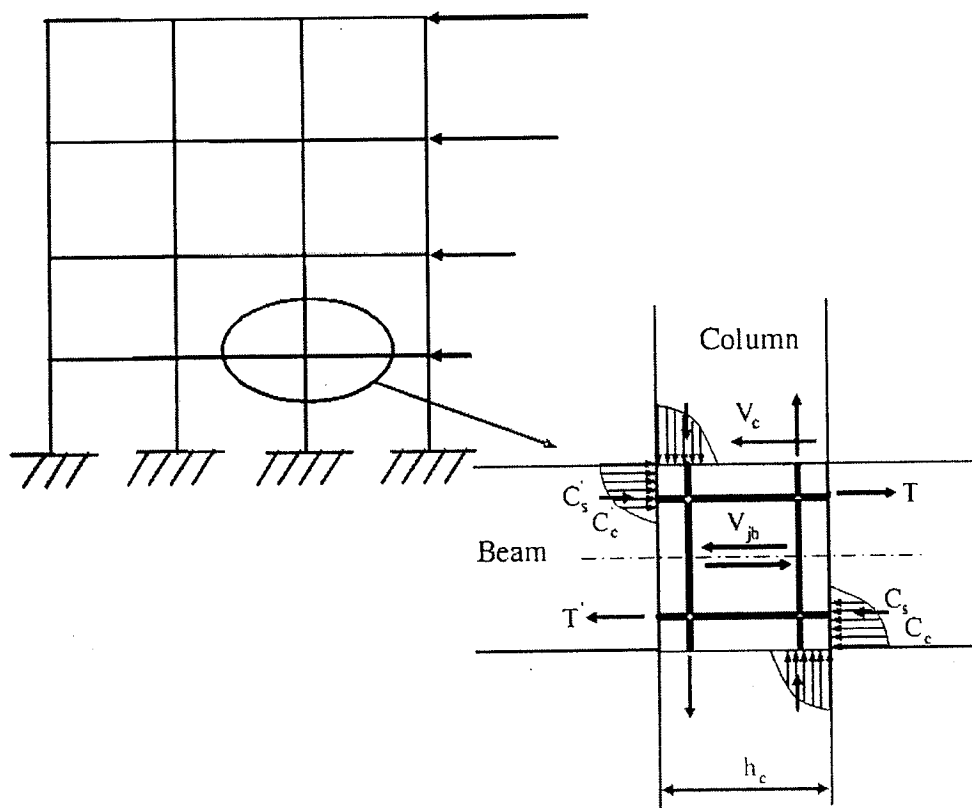
(b) Exterior Joint



(c) Corner Joint

รูปที่ 2.1 ประเภทของข้อต่อคาน-เสา

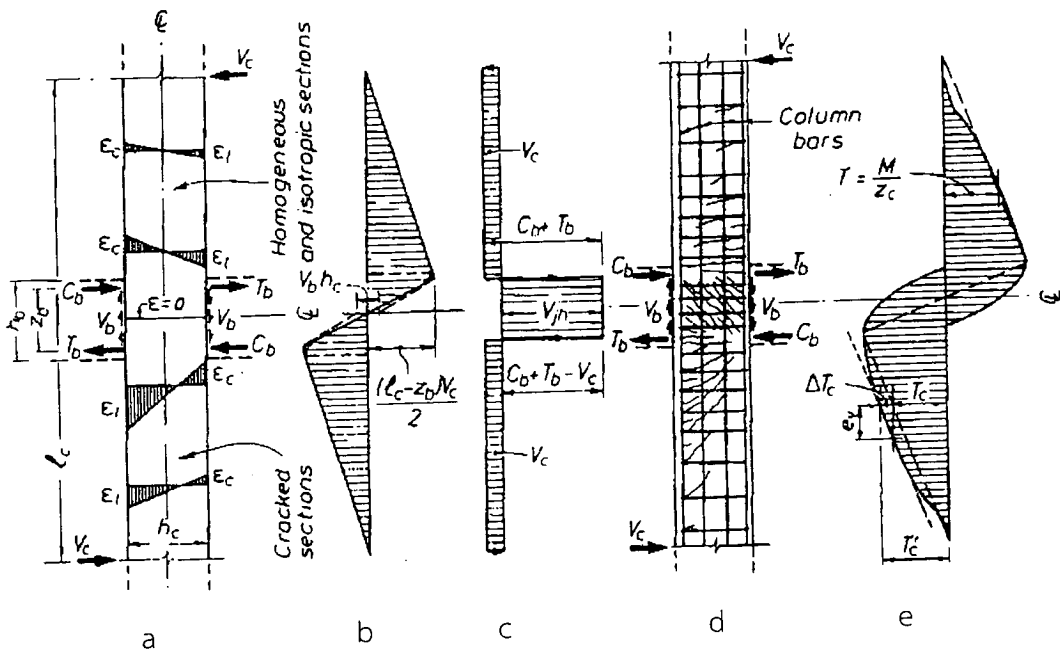
2.3 พฤติกรรมข้อต่อคาน-เสาเมื่อรับแรงแผ่นดินไหว



รูปที่ 2.2 พฤติกรรมของข้อต่อคาน-เสา เมื่อรับแรงแผ่นดินไหว

เมื่อมีแรงแผ่นดินไหว หรือแรงแนวราบ กระทำต่ออาคาร ค.ส.ล. อาคาร ข้อต่อคาน-เสา จะมีการเปลี่ยนแปลงดังรูปที่ 2.2 ภายใต้ผลของแรงแผ่นดินไหวจะทำให้เกิดแรงเฉือนขนาดใหญ่กระทำภายในข้อต่อคาน-เสาแรงเฉือนนี้จะส่งผลให้เกิดวิบัติที่มุมของข้อต่อและนำไปสู่การพังทลายจากแรงเฉือนหรือจากแรงยึดเหนี่ยวหรือทั้ง 2 อย่าง

2.3.1 สภาวะสมดุลของคาน-เสา



(a) แรงที่กระทำกับเสา (b) โมเมนต์ดัด (c) แรงเฉือน
(d) ลักษณะรอยแตก (e) การเปลี่ยนแปลงของแรงดึงตลอดความยาวของเสา

รูปที่ 2.3 ลักษณะของเสาและพฤติกรรมของข้อต่อ [20]

เนื่องจากข้อต่อเป็นส่วนหนึ่งของเสา แรงภายในของข้อต่อที่เกิดขึ้นจะเกิดภายในเสาเช่นกันรูปเป็น FBD ซึ่งเป็นแรงภายในต่างๆที่เกิดขึ้นเนื่องจากแรงแผ่นดินไหวจากรูปที่ 2.3(a) ที่ด้านล่างแรงที่กระทำกับเสาซึ่งเกิดจากผลของโมเมนต์ดัดของคานทำให้เกิดแรงดึง (T_b) และแรงอัด (C_b) ในเหล็กคานแล้วส่งผ่านมากระทำที่เสา กำหนดให้ $T_b = C_b$ และ แรงเฉือนที่เกิดขึ้นในฝั่งตรงข้ามกันของข้อต่อมีค่าเท่ากัน ดังนั้นจากปริบอดีโดอะแกรมสามารถเขียนสมการแรงเฉือนที่เกิดขึ้นในเสาได้ดังนี้

$$V_c = \frac{2T_b z_b + V_b h_c}{l_c}$$

จากรูปเป็นกราฟแสดงโมเมนต์ดัด (BMD) และแรงเฉือน (SFD) ที่เกิดขึ้นภายใน จะให้เห็นได้ว่า ในบริเวณข้อต่อที่จะมีปริมาณแรงเฉือนภายในมาก ดังนั้นจาก FBD, BMD และ SFD สามารถหาปริมาณแรงเฉือนในแนวราบในบริเวณข้อต่อได้จากสมการดังต่อไปนี้

$$V_{jh} = C_b + T_b - V_c = \left(\frac{l_c}{z_b} - 1 \right) V_c - \frac{h_c}{z_b} V_b$$

ในส่วนครึ่งบนของรูปจะเห็นว่ามียอยแตกในแนวราบของคอนกรีตซึ่งเกิดจากแรงดึงภายในเนื้อคอนกรีต (T_c) การวิเคราะห์ส่วนของรอยแตกที่เกิดจากแรงดึงนี้จะมีผลกับค่าโมเมนต์ดัดภายในเสา ถ้ามีค่าโมเมนต์น้อย รอยแตกจะน้อยลงหรือแทบไม่เกิดรอยแตกเลย ดังนั้นจะกำหนดให้ $T_c = \frac{M}{z_c}$ ซึ่ง z_c คือ ระยะที่วัดจากกึ่งกลางของเสาไปหาตำแหน่งที่ต้องการทราบ และในส่วนข้างล่างของรูปที่ 2.3(d) ผลของแรงเฉือน (V_c) จะทำให้เกิดรอยแตกในแนวเอียง รอยแตกนี้เกิดขึ้นจากแรงดึงภายในที่เพิ่มขึ้น (T_c) จากเดิม เพราะฉะนั้นแรงดึงทั้งหมดที่เกิดขึ้นภายในเสาช่วงล่างจะมีค่าเท่ากับ $T_c + \Delta T_c$ ซึ่งก็เช่นเดียวกัน แรงดึงที่เพิ่มขึ้นนี้สามารถหาได้จากการประยุกต์มาจากค่าโมเมนต์ดัด ซึ่งมีสมการดังนี้

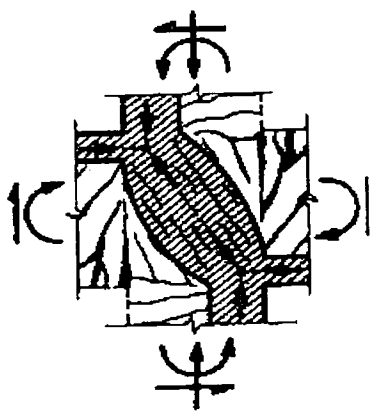
$$\Delta T_c \approx \frac{e_v}{z_c} V_c$$

โดยที่ e_v คือ Tension Shift และโดยปกติแล้วค่า $\frac{e_v}{z_c}$ จะมีค่าอยู่ระหว่าง 0.5-1.0

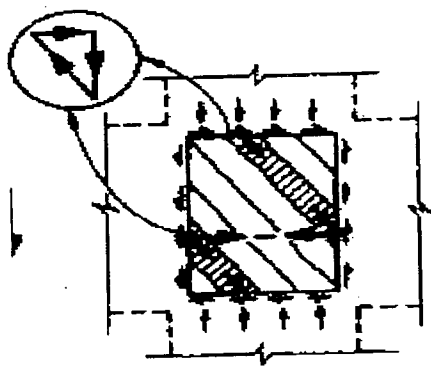
การเพิ่มขึ้นของแรงดึง (T_c) จะเป็นค่าตามอัตราส่วนของแรงเฉือนของคอนกรีต (V_c) ในบริเวณที่พิจารณา สำหรับผลของแรงดึงของเหล็กที่อยู่ภายในข้อต่อและจากโมเมนต์ดัดจะส่งผลให้ข้อต่อเกิดการขยายตัวในแนวตั้งที่ข้อต่อ หลังจากนั้นเกิดรอยแตกในแนวเอียงของเนื้อคอนกรีตบริเวณข้อต่อ และเกิดการขยายตัวในแนวราบของข้อต่อตามมา

2.3.2 กำลังรับแรงเฉือน (Shear Strength)

แรงภายในจะถ่ายแรงไปตามชิ้นส่วนเข้าสู่แกนข้อต่อที่แสดงในรูปที่ 2.4(a) ผลของแรงเฉือนที่กระทำที่มุมของข้อต่อคาน-เสาทั้งในแนวตั้งและแนวนอน แรงลัพท์ที่เกิดขึ้นจากแรงเฉือนนี้จะมีทิศทางเอียงทแยงมุมจะทำให้เกิดแรงอัดและแรงดึงกระทำที่มุมของข้อต่อเสาคานเมื่อแรงลัพท์นี้เพิ่มขึ้นมากกว่ากำลังรับแรงอัดและแรงดึงของคอนกรีตจะส่งผลให้เกิดรอยแตกเป็นแนวเอียงที่บริเวณมุมของข้อต่อคาน-เสา



(a) Concrete Strut



(b) Diagonal Compression Field

รูปที่ 2.4 ลักษณะแรงเฉือนที่เกิดขึ้นในข้อต่อคาน-เสา [20]

แรงภายในบางแรงของคอนกรีตจะถูกถ่ายแรงเข้าไปในลักษณะของ Diagonal Strut ส่วนแรงภายในอื่นๆจะถูกถ่ายแรงเข้าสู่ข้อต่อโดยเหล็กเสริมของคานและเสา นั่นก็คือแรงยึดเหนี่ยว ทำให้เกิดการถ่ายแรงในลักษณะเดียวกับชิ้นส่วนโครงถัก (truss)

การขัดขวางการวิบัติเนื่องจากแรงเฉือนโดยแรงดึงในทิศทางเอียงนี้ ต้องการการเสริมเหล็กรับแรงเฉือนทั้งในแนวตั้งและแนวนอน การเสริมเหล็กรับแรงเฉือนนี้จะช่วยรับแรงอัดในทิศทางเอียง (Diagonal Compression Field) ที่แสดงในรูปที่ 2.4(b) แสดงปริมาณของการเสริมเหล็กรับแรงเฉือนในแนวนอนต้องมากกว่าที่ต้องการจริง ซึ่งสำหรับการเสริมเหล็กรับแรงเฉือนของเสานี้จะอยู่ในรูปของเหล็กปลอกหรือตะขอเหล็ก

เมื่อการเสริมเหล็กรับแรงเฉือนที่ไม่เพียงพอ การเกิดการครากของเหล็กตะขอนี้ จะทำให้เกิดรอยแตกในแนวเอียง หลังจากนั้นเหล็กเสริมรับแรงเฉือนจะทำหน้าที่ถ่ายแรงดึงเท่านั้น ดังนั้นเหล็กที่ยึดตัวจน

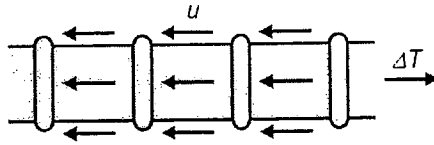
อยู่ในสภาวะอินอีลาสติกจะไม่สามารถหดรัดตัวคืนกลับมาได้ ในระหว่างการเกิดแรงภายนอกกระทำกับโครงสร้าง เหล็กปลอกจะสามารถช่วยต้านทานกับแรงเฉือนนี้เท่านั้น ถ้าการยึดตัวของเหล็กมีค่ามากกว่าแต่ก่อน จะทำให้สตีพเนสลดลงอย่างรุนแรงและระดับของแรงเฉือนก็ลดลง หลังจากเกิดแรงหรือการเปลี่ยนตำแหน่งสลับทิศทางทันทีทันใดจะทำให้การสลายพลังงานจากแรงแผ่นดินไหวลดลง

เมื่อเหล็กรับแรงเฉือนถึงจุดคราก ผิวหน้าของคอนกรีตที่ข้อต่อจะหลุดร่อนเนื่องจากแรงอัดในแนวเฉียงซึ่งต้องพิจารณาสาเหตุของการวิบัตินี้เป็นอย่างแรก อย่างไรก็ตามการวิบัติในลักษณะนี้ไม่สามารถหลีกเลี่ยงได้ ควรที่จะออกแบบให้โครงสร้างมีกำลังมากกว่าความเป็นจริง (Over Strength)

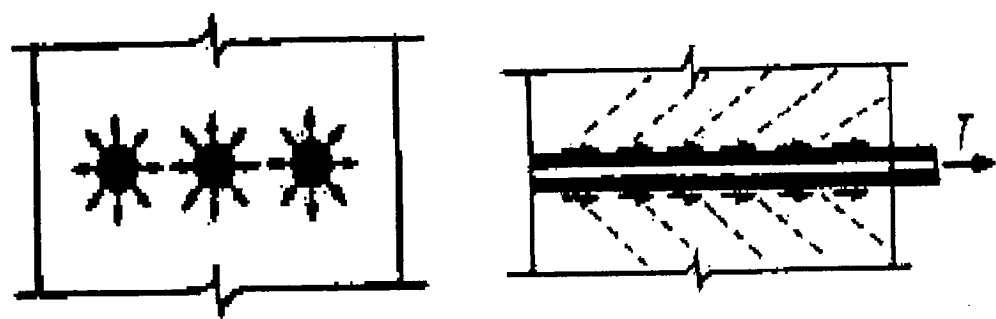
2.3.3 หน่วยแรงยึดเหนี่ยว (Bond Strength)

กลไกสำคัญของคอนกรีตเสริมเหล็กคือการที่คอนกรีตและเหล็กเสริมทำงานร่วมกันในการต้านทานแรงภายนอก นั่นคือ แรงยึดเหนี่ยวระหว่างเหล็กและคอนกรีตที่เพียงพอจะทำให้เกิดการถ่ายแรงระหว่างเหล็กเสริมและคอนกรีต การถ่ายแรงอาจเกิดจากการยึดติดที่ผิวเหล็กหรือความขรุขระของเหล็กเสริมแบบข้ออ้อย แรงยึดเหนี่ยวถูกอธิบายในรูปของระยะฝัง (Development Length) ซึ่งเป็นความยาวของเหล็กเสริมที่ฝังปลายในคอนกรีต แรงยึดเหนี่ยวของข้อต่อคาน-เสาภายนอกนี้จะเกี่ยวข้องกับระยะฝังตัวและการงอปลายของเหล็ก ส่วนในข้อต่อคาน-เสภายใน แรงยึดเหนี่ยวจะเกิดกับเหล็กจะฝังผ่านจากข้อต่อหนึ่งไปอีกข้อต่อหนึ่งและไปงอปลายที่ข้อต่อคาน-เสาภายนอกสำหรับโครงสร้างที่มีความเหนียวปานกลาง การลื่นไถลของเหล็กเสริมเนื่องจากการสูญเสียแรงยึดเหนี่ยวนี้สามารถเกิดขึ้นได้ แต่ผลจากการสูญเสียแรงยึดเหนี่ยวที่เกิดขึ้นบริเวณข้อต่อคาน-เสภายในจะไม่ส่งผลให้มีการสูญเสียกำลังอย่างทันทีทันใด แต่ถ้าหากมีการงอปลายที่ข้อต่อคาน-เสาภายนอกไม่ดีก็จะส่งผลเสียหายต่อข้อต่อภายในตามมาทีหลัง

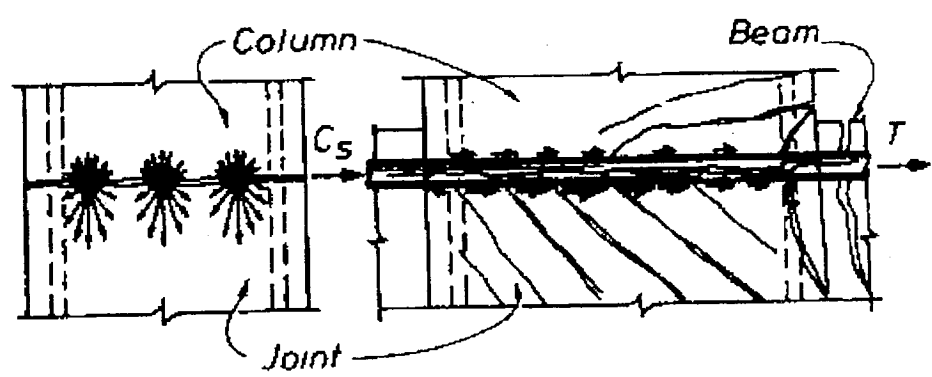
รูปแบบของการวิบัติอาจเกิดจากการที่เหล็กเสริมถูกดึงออกมาจากเนื้อคอนกรีต (Pullout Failure) แต่ที่พบบ่อยไปกว่านั้นคือแบบที่คอนกรีตโดยรอบแยกออกจากกัน (Splitting) อันนี้เนื่องมาจากการหดรัดตัวที่มากเกินไปของเหล็กเสริมเนื่องจากการแยกตัวของคอนกรีตจะขึ้นอยู่กับความสามารถของคอนกรีตที่ต้านทานแรงดึงซึ่งขึ้นอยู่กับระยะหุ้มเหล็กเสริมและระยะห่างระหว่างเหล็กเสริม รวมถึงการบีบรัดของเหล็กปลอกด้วย



รูปที่ 2.5 แรงเสียดทานและแรงยึดเหนี่ยวระหว่างผิวเหล็กกับคอนกรีต [20]



รูปที่ 2.6 แรงที่เกิดขึ้นในคอนกรีตเมื่อเหล็กเส้นไถลออกจากคอนกรีต [20]



รูปที่ 2.7 การสูญเสียแรงยึดเหนี่ยวของเหล็กงอปลายในข้อต่อคาน-เสาภายนอกและเหล็กที่ฝังผ่านข้อต่อคาน-เสาภายใน [20]

มาตรฐานข้อกำหนด ACI 318-99 [6] เมื่อเกิดแผ่นดินไหว อาคารโยกตัวไปมา ขึ้นส่วนโครงสร้าง อาจแยกออกจากกัน และคอนกรีตอาจจะแตกหลุดออกจนเสียกำลังส่วนใหญ่จนเกิดการวิบัติพังทลาย การเพิ่มเหล็กปลอกรััดถี่ขึ้นในบริเวณบางส่วนของคน เสา และข้อต่อ รวมทั้งการเพิ่มความยาวการฝัง เหล็กเข้าข้อต่อให้เพียงพอ จะช่วยเพิ่มความเหนียวให้กับโครงสร้างอย่างมาก และช่วยลดความเสี่ยงจากการพังทลายที่กล่าวข้างต้น ดังนั้นการออกแบบอาคารรองรับแผ่นดินไหวโดยใช้รายละเอียดการเสริมเหล็ก ตามมาตรฐานทั่วไปอาจจะไม่เพียงพอ ACI (American Concrete Institute) จึงได้จัดทำรายละเอียดการเสริมเหล็กสำหรับการออกแบบต้านทานแผ่นดินไหวโดยเฉพาะขึ้น ใน AC1318M-02 ได้แบ่งระดับความเสี่ยงของแผ่นดินไหวเป็นพื้นที่ความเสี่ยงเล็กน้อย (Low Seismic Risk) พื้นที่ความเสี่ยงปานกลาง (Moderate Seismic Risk) และมีพื้นที่ความเสี่ยงสูง (High Seismic Risk) ซึ่งแต่ละพื้นที่จะมีความรุนแรงแตกต่างกันไปในที่นี้จะกล่าวถึงพื้นที่ความเสี่ยงปานกลาง (เทียบเคียงกับ UBC Seismic Zone 2) ซึ่งน่าจะเหมาะสมกับความเสี่ยงที่ไม่แน่นอนและมีการเพิ่มความเหนียวให้กับโครงอาคารในพื้นที่ที่ได้รับผลกระทบจากแผ่นดินไหวในประเทศไทย ส่วนรายละเอียดการเสริมเหล็กสำหรับโครงเฟรมในพื้นที่ความเสี่ยงปานกลางนี้ AC1318M-02 ให้ใช้ตามข้อกำหนดของโครงเฟรมโมเมนต์ดัดปานกลาง (Intermediate Moment Frame) โดยให้รายละเอียดแนวทางการเสริมเหล็กแสดงดังรูปที่ 2.8 ไว้ดังนี้

1) รายละเอียดเหล็กเสริมในเสา

1.1) ที่ปลายบนล่างของเสาในช่วง L_o เหล็กปลอกรััดรอบต้องมียะห่างทุกระยะ S_o โดยที่ S_o มียะห่างไม่เกินค่าที่น้อยที่สุดของค่าต่อไปนี้

- (a) 8 เท่าของเส้นผ่านศูนย์กลางของเหล็กยืนที่เล็กที่สุด
- (b) 24 เท่าของเส้นผ่านศูนย์กลางของเหล็กปลอก
- (c) ครึ่งหนึ่งของด้านแคบของเสา
- (d) 300 มิลลิเมตร

สำหรับความยาว L_o ต้องไม่น้อยกว่าค่าที่มากที่สุดของค่าต่อไปนี้

- (e) 1/6 ของความสูงเสาจากพื้นถึงท้องคาน (Clear Height)
- (f) ด้านที่กว้างที่สุดของเสา
- (g) 450 มิลลิเมตร

1.2) เหล็กปลอกอันแรกต้องห่างจากขอบคานไม่เกินครึ่งหนึ่งของ

1.3) นอกช่วง L_o เหล็กปลอกต้องมียะห่างทุกระยะ S_1 โดย S_1 มียะห่างไม่เกินค่าที่น้อยที่สุดของค่าต่อไปนี้

- (h) 16 เท่า ของเส้นผ่านศูนย์กลางเหล็กปลอก
- (j) ด้านแคบของเสา
- (k) 600 มิลลิเมตร

ในกรณีที่ต้องใช้เหล็กปลอกรับแรงเฉือนระยะ S_1 ต้องไม่เกินครึ่งหนึ่งของความลึกประสิทธิผลของหน้าตัดเสา

1.4) ระยะห่างของเหล็กปลอกช่วงข้อต่อต้องเป็น 2 เท่าของ S_o

1.5) การต่อทาบเหล็กยื่น ยอมให้ต่อทาบในช่วงกึ่งกลาง (Center Half) ของความยาวเสา โดยมีเหล็กปลอกรัดทุกระยะห่างไม่เกินค่าต่อไปนี้

(j) $1/4$ ของความกว้างน้อยที่สุดของเสา

(m) 6 เท่าของเส้นผ่านศูนย์กลางของเหล็กยื่น

(n) S_x ตามสมการข้างล่างนี้

$$S = 100 + \frac{350 - h_x}{3}$$

เมื่อ h_x เท่ากับระยะแนวนอนที่มากที่สุดของเหล็กยื่นของทุกหน้าตัดเสาที่ถูกยึดเข้ามุมหรือของของเหล็กปลอกหรือเหล็กปลอกรัดขวางใดๆ หน่วยเป็นมิลลิเมตร โดยที่ h_x ไม่ควรมากกว่า 350 มิลลิเมตร โดยค่าของ S ควรไม่เกิน 150 มิลลิเมตร และไม่จำเป็นต้องน้อยกว่า 100 มิลลิเมตร

2) รายละเอียดเหล็กเสริมในคาน

2.1) ที่ปลายทั้งสองข้างของคานในช่วงความยาว 2 เท่า ของความลึกคาน (h_x) วัดจากขอบเสาเข้าสู่กลางคาน เหล็กปลอกรัดรอบอันแรกต้องมีระยะห่างไม่เกิน 50 มิลลิเมตรจากขอบเสา และปลอกถัดไปต้องมีระยะห่างทุกระยะ S_2 โดยที่ S_2 ระยะไม่เกินค่าที่น้อยที่สุดของค่าต่อไปนี้

(a) $1/4$ ของความลึกประสิทธิผลของคาน

(b) 8 เท่าของเส้นผ่านศูนย์กลางของเหล็กเสริมทางยาวที่เล็กที่สุด

(c) 24 เท่าของเส้นผ่านศูนย์กลางของเหล็กปลอก

(d) 300 มิลลิเมตร

2.2) นอกเหนือจากข้อ 2.1 ระยะห่างของเหล็กปลอก (S_3) ต้องไม่เกินครึ่งหนึ่งของความลึกประสิทธิผลของคานตลอดความยาวคาน

2.3) การต่อทาบเหล็กเสริมทางยาวจะต้องพับเหล็กปลอกช่วงทาบเหล็ก โดยที่ระยะเหล็กปลอกห่างกันไม่เกิน $1/4$ ของความลึกประสิทธิผลของคานหรือ 100 มิลลิเมตร สำหรับตำแหน่งของเหล็ก ไม่ควรทาบเหล็กในบริเวณดังต่อไปนี้

(e) ภายในรอยต่อเสา-คาน

(f) ภายในระยะ 2 เท่าของความลึกคานจากขอบจุดต่อเสา-คาน

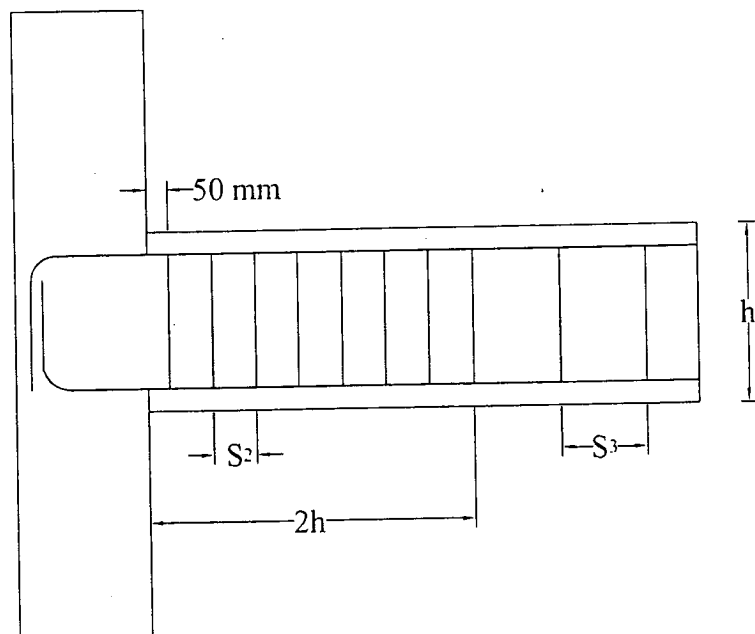
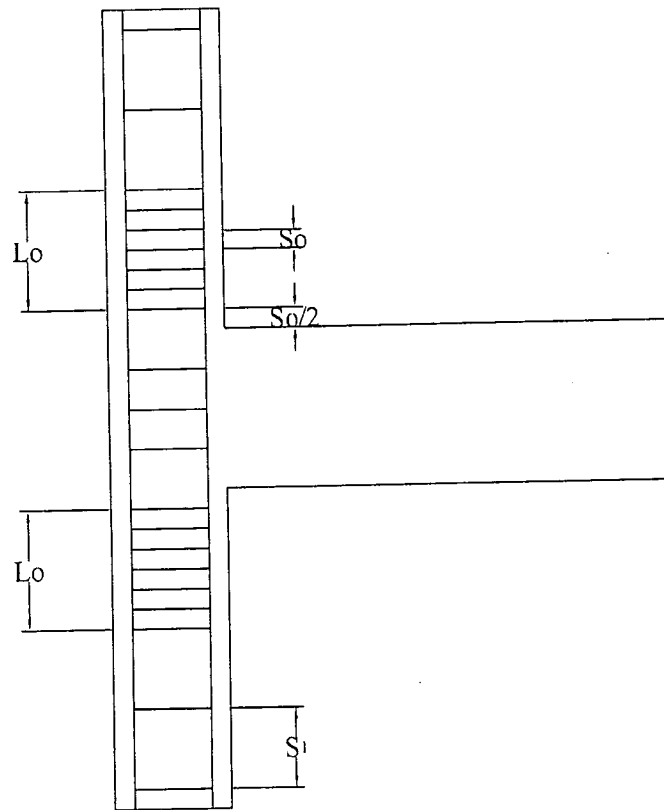
(g) ตำแหน่งที่การวิเคราะห์บ่งชี้ว่าจะเกิดการคลากจากการตัด (Flexural Yielding) หรือข้อหมุนพลาสติก (Plastic Hinging) จากการโยกตัวทางข้างของโครงเฟรมจนเป็น Inelastic

3) จุดต่อชิ้นส่วนโครงสร้างต่างๆ

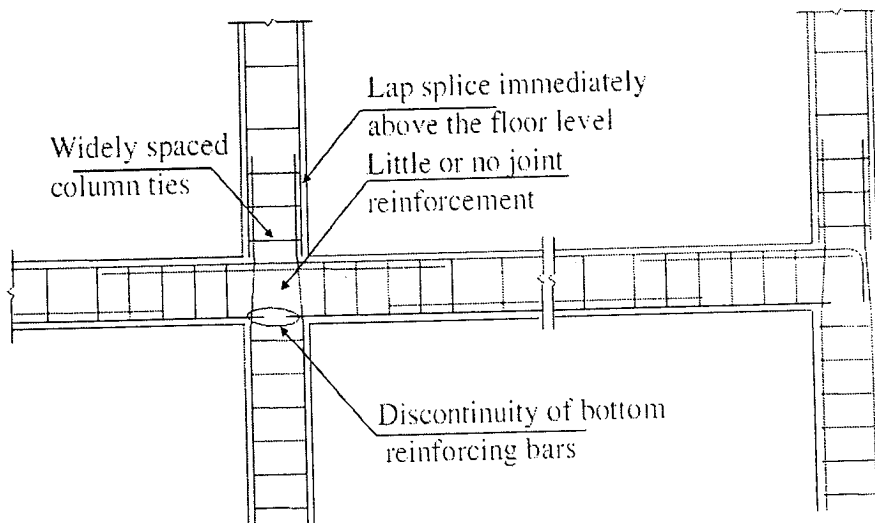
ภายในจุดต่อจะต้องมีการฝังเหล็กเสริมจากชิ้นส่วนโครงสร้างเข้าจุดต่ออย่างเพียงพอ ไม่หลุดหลุดหรือแยกออกเมื่อเกิดการสั่นสะเทือนจากแผ่นดินไหวและจะต้องมีการพันเหล็กปลอกรัดเนื้อคอนกรีต (Confinement) อย่างเพียงพอเพื่อไม่ให้คอนกรีตแตกแยกจนสูญเสียกำลังส่วนใหญ่และเหล็กเส้นเสริมสูญเสียการยึดเหนี่ยว (Bonding)

มาตรฐานข้อกำหนด ACI 352-1985 [5] เมื่อไม่คำนึงถึงแรงจากแผ่นดินไหว และอ้างอิงตามมาตรฐานการออกแบบคอนกรีตเสริมเหล็กโดยวิธีหน่วยแรงใช้งาน (WSD) และวิธีกำลัง (USD) ของสมาคมวิศวกรรมสถานแห่งประเทศไทย การให้รายละเอียดเหล็กเสริมโดยทั่วไปแสดงดังรูปที่ 2.9 ซึ่งสามารถสรุปได้ดังนี้

- ไม่มีเหล็กทางขวาง (Transverse reinforcement) ในข้อต่อคาน-เสา
- มีการทาบเหล็กยื่นในเสาที่ระดับเหนือพื้นเล็กน้อย โดยมีระยะทาบตามมาตรฐาน
- เหล็กปลอกในเสามีระยะเรียงห่างกันมาก ส่วนมากใส่ตามจำนวนเหล็กปลอกขั้นต่ำในมาตรฐาน
- มีการต่อทาบเหล็กกลางในคาน ที่ตำแหน่งข้อต่อคาน-เสา



รูปที่ 2.8 รายละเอียดการเสริมเหล็กในเสา และ คาน คสล. ตามมาตรฐานข้อกำหนด ACI 318-99



รูปที่ 2.9 รายละเอียดของการเสริมเหล็กทั่วไป ที่ก่อสร้างในประเทศไทย [3]

2.3 งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

ในอดีตการศึกษาโครงสร้าง คาน-เสา-พื้นสำเร็จรูปมีน้อยมาก ส่วนใหญ่จะเป็นการศึกษาพฤติกรรมข้อต่อคาน-เสา หรือไม่ก็เป็นการศึกษาพฤติกรรมโครงสร้าง คาน-เสา-พื้นคอนกรีตอัดแรง อย่างไรก็ตาม การศึกษาเหล่านี้ ก็เป็นแนวทางที่สามารถนำมาเป็นพื้นฐานของการศึกษานี้ได้เป็นอย่างดี ดังนั้นจึงขอลำถึงการศึกษาเหล่านั้นดังนี้

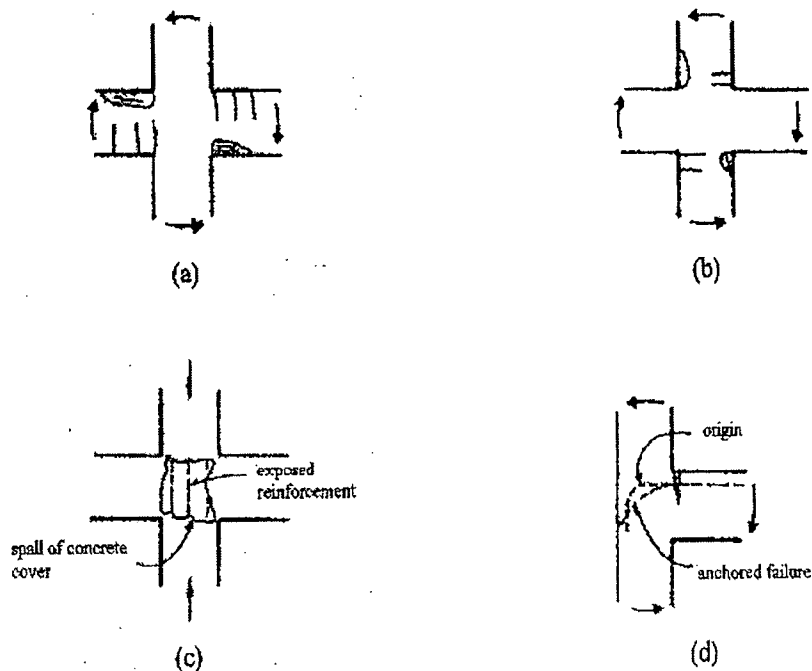
Ehsani and Wight (1985) [10] ได้เสนอข้อมูลของคาน-เสาภายนอกซึ่งมี 6 ส่วนย่อยที่ได้รับการทดสอบ ในการทดสอบนี้พยายามจะหลีกเลี่ยงการสร้างแบบ Plastic Hinges โดยที่อัตราส่วนความแข็งแรงดัดไม่ควรน้อยกว่า 1.4 และแรงเฉือนภายนอกสูงสุดที่เชื่อมต่อกันของคานกับเสาจะต้องไม่เกิน $12\sqrt{f'_c}$ (psi) เพื่อลดความเสียหายที่มากเกินไป เช่น การลื่นไถลของเสาและคานเกิดการเคลื่อนตัวของคานจากเสา พบว่าในกรณีที่มีอัตราส่วนความแข็งแรงดัดที่ข้อต่อเนื่องจากแรงเฉือนหรือการร่อนของเหล็กเสริมมีความสำคัญมากกว่าที่จะยับยั้งไม่ให้เกินค่าแนะนำ (1.4) โดยปริมาณของเหล็กเสริมตามขวางตรงข้อต่อจะทำให้มีความปลอดภัยลดลง

Hakuto et al. (2000) [12] ทำการทดสอบจำลองแรงแผ่นดินไหวที่กระทำต่อข้อต่อคาน-เสาภายนอกและภายในจะเป็นข้อต่อคาน-เสาที่ใส่รายละเอียดต่ำกว่ามาตรฐานของโครงสร้างที่ก่อสร้างก่อนปี ค.ศ.1970 ซึ่งข้อต่อคาน-เสาภายนอกจะมีการเสริมเหล็กตามขวางภายในและมุมของข้อต่อน้อยมาก สำหรับการใส่รายละเอียดในชิ้นงานนั้น ตัวอย่างแรกจะมีเหล็กบนของคานจะร่อนลงและเหล็กล่างของคานจะร่อนขึ้นแล้วฝังเข้ามาภายในข้อต่อ ส่วนในตัวอย่างอื่นๆจะมีเพียงเหล็กบนของคานที่ร่อน

ปลายเท่านั้นซึ่งจะมีลักษณะเดียวกับที่ใช้ในการก่อสร้างทั่วไป งานวิจัยนี้จะอธิบายว่าการร่อนปลายของเหล็กคานที่ใช้อยู่ในปัจจุบันว่าช่วยปรับปรุงประสิทธิภาพการทำงานของข้อต่อคาน-เสาได้

Meinheit และ Jirsa [15] ได้ศึกษารูปแบบการวิบัติของข้อต่อคาน-เสา โดยมีการจำแนกรูปแบบของการวิบัติดังนี้

- Beam hinging failure เกิด Plastic hinge ที่ปลายคาน เนื่องจากคานรับแรงกระทำไม่ไหว ทำให้เกิดรอยร้าวบริเวณรอบๆคาน โดยคานจะพังก่อน ข้อต่อ และเสา การวิบัติแบบนี้ก่อให้เกิดความเสียหายไม่มากนัก
- Column hinging failure เกิด Plastic hinge ที่ปลายเสา เนื่องจากเสารับแรงกระทำไม่ไหว ทำให้เกิดรอยร้าวบริเวณรอบๆเสา โดยเสาจะเกิดการพังก่อน การวิบัติแบบนี้ก่อให้เกิดอันตรายอย่างมาก เพราะเมื่อเสาเสียหายทำให้โครงสร้างเกิดการเคลื่อนตัวทางด้านข้าง (Side sway) ทำให้โครงสร้างทั้งหมดพังทลาย
- Joint shear failure เกิดขึ้นเนื่องจากกำลังรับแรงของข้อต่อไม่เพียงพอ เกิดรอยร้าวที่ข้อต่อ ทำให้คอนกรีตที่ผิวหลุดร่อนออกจากข้อต่อ ส่งผลให้เหล็กเสริมในเสาเกิดการดุ้ง (Buckle) ทำให้เสาพังลงมา การวิบัติแบบนี้อันตรายมาก
- Anchorage failure การวิบัตินี้เกิดขึ้นเฉพาะ Exterior Joint เท่านั้น เกิดจากระยะงอปลาย (Anchorage length) ไม่เพียงพอ ทำให้เหล็กเสริมในคานเกิดการรูด ส่งผลให้คานไม่สามารถรับแรงได้ตามที่ออกแบบไว้



รูปที่ 2.10 การวิบัติของข้อต่อ [15]

Pantazapoulou and Bonacci (1992) [17] ตรวจสอบชิ้นส่วนของข้อต่อคาน-เสาในแรงตามขวางที่กำกับโครงข้อแข็ง โดยได้สร้างและกำหนดความสมดุลความเค้นและความเครียดจนเป็นที่ยอมรับ แสดงให้เห็นว่าแรงเฉือนของชิ้นส่วนขึ้นอยู่กับกำลังรับแรงอัดของคอนกรีต และได้เพิ่มการยึดเหนี่ยวจากการวิบัติให้ข้อต่อมีปริมาตรจำกัดโดยส่วนใหญ่ก็เป็นแนวทแยงในแนวนอน หรือจุดครากของแรงตั้งโดยการเสริมแรงของจุดคราก

Pantazapoulou and Bonacci (1994) [18] ได้ทำการศึกษากลไกการวิบัติของข้อต่อเสาคานเมื่อได้รับแรงดัดขึ้นข้าง จากทฤษฎีในสภาวะสมดุลของความเค้นและความเครียดแสดงให้เห็นว่ากำลังรับแรงเฉือนของข้อต่อจะขึ้นอยู่กับกำลังรับแรงอัดของคอนกรีต ผลงานวิจัยนี้จึงสรุปได้ว่าการรับแรงเฉือนจะลดลงเมื่อมีแรงในแนวแกนมากระทำมากขึ้น , การสูญเสียแรงยึดเหนี่ยว และความสามารถในการถ่ายแรงของข้อต่อจะถูกจำกัดลงโดยเกิดจากการ crusting ตามแนวเส้นทแยงมุมของข้อต่อซึ่งการ crusting นี้จะเกิดเมื่อเหล็กถูกดัดเกิดการครากหลังจากเหล็กงอปลายครากนั่นเอง

Paulay and Scarpas (1981) [19] ได้ทำการวิจัยศึกษาพฤติกรรมข้อต่อคาน-เสากายนอก ซึ่งได้สร้างชิ้นงานขึ้นมา 3 ตัวอย่าง ผลจากการทดลองสรุปได้ว่าเหล็กเสริมรับแรงเฉือนในแนวราบจะสามารถช่วยต้านทานแรงเฉือนได้อย่างมาก ซึ่งแต่ละตัวอย่างมีการเสริมเหล็กรับแรงเฉือนที่แตกต่างกัน แต่จะมีการเสริมเหล็กรับแรงเฉือนในแนวตั้งเท่ากันที่เหมือนกัน ขณะที่ทำการทดลองพบว่าเมื่อแรงในแนวแกนลดลงจาก $0.15 f_c' A_g - 0.075 f_c' A_g$ ซึ่งเกิดจากการที่ Stiffness , Strength , การสลายพลังงานลดลงนั่นเอง

Uzumeri (1997) [21] ได้ทำการสร้างตัวอย่างชิ้นงานที่แตกต่างกัน 8 ตัวอย่าง โดยที่ 3 ตัวอย่างเป็นข้อต่อเสาคานภายนอกภายใต้แรงคงที่ตามแนวแกน เท่ากับ $0.42 f_c' A_g$ เรียกว่า การวิบัติแบบ Concrete Struts ในบริเวณข้อต่อ โดยที่ทั้ง 3 ตัวอย่างนี้ไม่ได้เสริมเหล็กตรงบริเวณข้อต่อ และไม่ได้เสริมตามขวางในคานจาก 2 ตัวอย่างในนี้ได้มีเสริมเหล็กที่คานโดยงอปลายฝังเข้าไปในข้อต่อ ทั้ง 3 กรณีนี้ ในขณะที่คานยังคงสภาพสมบูรณ์จนกระทั่งข้อต่อเกิดความเสียหายอย่างรวดเร็วซึ่งเกิดจากการเสียรูป และแรงในแนวแกนจะลดลงเมื่อเกิดการสูญเสียการยึดเหนี่ยว เนื่องจากเกิดการเสียรูปที่เพิ่มมากขึ้นในเนื้อคอนกรีต เรียกว่า Splitting ซึ่งจะเกิดที่เหล็กเสริมในเสาที่ผูกติดกับเหล็กงอปลายในคาน จากทฤษฎีที่ดีที่สุดของงานวิจัยนี้สรุปได้ว่า ข้อต่อจะไม่เสียรูปก็ต่อเมื่อเหล็กงอปลายยังคงมีสภาพสมบูรณ์อยู่ภายใต้Cyclic loading

Chris P. Pantelides (2002) ทำการศึกษาโดยเน้นประเมินผลการสั่นสะเทือนของแรงแผ่นดินไหวที่ส่งผลต่อข้อต่อคาน-เสาที่ก่อสร้างมานานแล้ว ซึ่งเป็นโครงสร้างที่ไม่มีความเหนียวและการใส่รายละเอียดของข้อต่อคาน-เสาที่แตกต่างกัน 3 โครงสร้างตามมาตรฐาน ACI 1963 แต่ยังไม่ใช้การออกแบบที่ดีสำหรับโครงสร้างที่ต้องรับแรงแผ่นดินไหวเหมือนกับมาตรฐาน ACI 352 (1991) ในการทดลองนั้นทำการสร้างตัวอย่าง 6 ตัวอย่าง โดยที่เหล็กบนของคานของทั้ง 6 ตัวอย่างจะงอปลาย 180°

ฝังเข้าไปในบริเวณข้อต่อ ส่วนเหล็กล่างของคานมี 2 ตัวอย่างที่ไม่งอปลายและฝังเหล็กเข้าไปในข้อต่อ เพียงเล็กน้อยอีก 2 ตัวอย่างจะไม่งอปลายเช่นกันแต่จะฝังเหล็กเข้าไปลึกถึงขอบข้อต่อ และ 2 ตัวอย่างสุดท้ายจะฝังเหล็กเข้าไปลึกสุดเช่นกันและงอปลาย 180° ด้วย การใส่รายละเอียดของอาคารทั่วไปที่สร้างขึ้นก่อนปี ค.ศ.1970ค่อนข้างต่ำกว่ามาตรฐานกว่าในปัจจุบันมาก ผลการทดลองนี้ตัวอย่างจะเกิดการวิบัติแบบ bond slip และการวิบัติแบบ Shear ในการวิบัติแบบ bond slip นั้นเริ่มแรกเหล็กเสริมเกิดการคราก หลังจากนั้นจะเกิดการพัฒนาของชิ้นส่วน bond slip ทำให้เกิดรอยแตกที่ข้อต่อ แล้วคอนกรีตที่มุมข้อต่อจะเกิดการหลุดร่อนเนื่องจากเหล็กเส้นไถลออก สุดท้ายชิ้นส่วนจะสูญเสียความสามารถในการรับแรง ส่วนการวิบัติแบบ Shear เมื่อเหล็กเสริมเกิดการครากจะเกิดการแตกร้าวที่ข้อต่อ จากนั้นเนื้อคอนกรีตที่แกนข้อต่อจะหลุดร่อน สุดท้ายแล้วชิ้นส่วนจะสูญเสียความสามารถในการรับแรงงานวิจัยนี้ได้ให้ข้อเสนอแนะในการออกแบบใหม่ของข้อต่อคาน-เสาภายนอก โดยต้องคำนึงถึง การวิบัติแบบ bond slip และการวิบัติแบบ Shear ด้วย

Lui , Conhg (2006) ศึกษาพฤติกรรมของข้อต่อคาน-เสากลางในที่ถูกรังด้วยวัสดุที่ให้กำลังสูง โดยทำการสร้างชิ้นงานข้อต่อคาน-เสาและพื้นที่ใช้วัสดุที่ให้กำลังปกติและให้กำลังสูง 4 ตัวอย่าง แล้วทดสอบภายใต้ cyclic loading สำหรับตัวอย่าง 3 ตัวอย่างใช้วัสดุที่ให้กำลังสูงซึ่งประกอบด้วย คอนกรีตกำลังสูง ($f'_c = 1200 \text{ psi}$) เหล็กเสริมกำลังรับแรงดึงสูง และลวดเชื่อมกำลังสูง ส่วนอีกตัวอย่างเป็นชิ้นงานที่ใช้วัสดุที่ให้กำลังปกติซึ่งมีลักษณะเดียวกับงานวิจัยที่เคยทำไปในประเทศสหรัฐอเมริกา นิวซีแลนด์ ญี่ปุ่นและจีน ตัวอย่างทั้งหมดนี้ถูกออกแบบเพื่ออธิบายอิทธิพลของวัสดุที่จะส่งผลต่อการเปลี่ยนแปลงพฤติกรรมของข้อต่อเสาคาน

อานนท์ วงษ์แก้ว และคณะ [22] ได้ทำการศึกษาพฤติกรรมคานคอนกรีตเสริมเหล็ก ด้วยวิธีการประยุกต์ใช้วิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ โดยใช้โปรแกรมไฟไนต์เอลิเมนต์ ANSYS สร้างแบบจำลองไฟไนต์เอลิเมนต์ของคานคอนกรีตเสริมเหล็กที่ทำการทดสอบตัวอย่างคานคอนกรีตเสริมเหล็กที่หล่อในห้องปฏิบัติการภาควิชาวิศวกรรมโยธา มหาวิทยาลัยบูรพา และทำการวิเคราะห์แบบจำลอง เทียบผลการรับน้ำหนัก ค่าการแอ่นตัว และลักษณะการพังของแบบจำลองกับค่าที่วัดได้จากการทดสอบ จากการศึกษาแสดงให้เห็นว่าแบบจำลองไฟไนต์เอลิเมนต์ของคานคอนกรีตเสริมเหล็กที่พัฒนาขึ้นมีความถูกต้องในระดับที่ดีมาก สามารถทำนายค่าโมเมนต์แตกร้าว ค่าโมเมนต์ที่สภาวะเหล็กเสริมเริ่มคราก และค่าโมเมนต์ที่จุดสูงสุดได้ใกล้เคียงผลการทดสอบ โดยมีค่าความผิดพลาดไม่เกิน 15 เปอร์เซ็นต์ นอกจากนี้แบบจำลองไฟไนต์เอลิเมนต์ยังแสดงลักษณะการพังของคานคอนกรีตเสริมเหล็กได้แม่นยำใกล้เคียงกับผลการทดสอบอีกด้วย