

บทที่ 3

วิธีดำเนินการวิจัย

การวิจัยครั้งนี้ทำการศึกษาเปรียบเทียบประสิทธิภาพของตัวสถิติที่ใช้สำหรับการคัดกรองการแจกแจงแบบโลจิสติกจากการแจกแจงแบบปกติ ศึกษาเปรียบเทียบคุณสมบัติทั่วไปในเรื่องของความสัมพันธ์กับการแจกแจงแบบอื่นๆ ของการแจกแจงแบบโลจิสติก และการแจกแจงแบบปกติ และศึกษาผลกระทบของการประมาณค่าสัมประสิทธิ์การถดถอย เมื่อความคลาดเคลื่อนมีการแจกแจงแบบโลจิสติก โดยใช้โปรแกรม R เวอร์ชัน 2.9.2 ในการจำลองข้อมูล ในบทนี้จะกล่าวถึงแผนการดำเนินการวิจัย ขั้นตอนในการดำเนินการวิจัย และขั้นตอนการทำงานของโปรแกรม ซึ่งมีรายละเอียด ดังนี้

3.1 แผนการดำเนินการวิจัย

การวิจัยครั้งนี้ได้กำหนดสถานการณ์ต่างๆในการศึกษาแต่ละส่วน ดังนี้

1. ตัวสถิติที่นำมาใช้เปรียบเทียบประสิทธิภาพการคัดกรองการแจกแจงแบบโลจิสติกจากการแจกแจงแบบปกติ มี 6 ตัวสถิติ ดังนี้
 - ตัวสถิติ Kolmogorov-Smirnov
 - ตัวสถิติ Shapiro Wilk
 - ตัวสถิติ Anderson Darling
 - ตัวสถิติ Lilliefors
 - ตัวสถิติ Cramer Von Mises
 - ตัวสถิติ Chi-square
2. ในการประมาณค่าสัมประสิทธิ์การถดถอย กำหนดให้ตัวแปรอิสระ (X) มีการแจกแจงแบบ $U(-100,100)$, $N(0,1111.56)$ และ $Exp(0.023)$
3. ในการประมาณค่าสัมประสิทธิ์การถดถอย ความคลาดเคลื่อน (ϵ) มีการแจกแจงแบบ $L(0, \sqrt{3}/\pi)$
4. กำหนดค่า β_j เริ่มต้นในการประมาณค่าสัมประสิทธิ์การถดถอย ดังนี้
กรณีการถดถอยอย่างง่าย $\beta_0 = 1$ และ $\beta_1 = 0.5, 1, 2$
กรณีการถดถอยเชิงพหุ $\beta_0 = 1, \beta_1 = 1, 2$ และ $\beta_2 = 1$
5. ในกรณีตัวแปรอิสระ x_1, x_2 ไม่อิสระ กำหนดให้มีความสัมพันธ์กัน 10%, 30% และ 50%

6. ระดับนัยสำคัญ (α) ที่ใช้ในการทดสอบสมมติฐาน คือ 0.01, 0.05, 0.10
7. ขนาดตัวอย่าง (n_j) ที่ใช้ในศึกษาเท่ากับ 10, 25, 50 และ 100
8. การจำลองข้อมูลในแต่ละสถานการณ์จะกระทำซ้ำ 5000 รอบ

3.2 ขั้นตอนในการดำเนินการวิจัย

การดำเนินการวิจัย แบ่งการศึกษาออกเป็น 3 ส่วน คือ การเปรียบเทียบประสิทธิภาพของตัวสถิติที่ใช้สำหรับการคัดกรองการแจกแจงแบบโลจิสติกจากการแจกแจงแบบปกติ การศึกษาเปรียบเทียบคุณสมบัติทั่วไปในเรื่องของความสัมพันธ์กับการแจกแจงแบบอื่นๆ ของการแจกแจงแบบโลจิสติก และการแจกแจงแบบปกติ และการศึกษาผลกระทบของการประมาณค่าสัมประสิทธิ์การถดถอย เมื่อความคลาดเคลื่อนมีการแจกแจงแบบโลจิสติก ซึ่งในแต่ละส่วนมีขั้นตอนในการดำเนินการวิจัย ดังนี้

1. การทดสอบความสามารถของตัวสถิติที่ใช้คัดกรองข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบโลจิสติกจากการแจกแจงแบบปกติ
 - 1.1 สร้างข้อมูลที่มีการแจกแจง $N(0,1)$ และ $L(0,\sqrt{3}/\pi)$ ให้มีจำนวนตามขนาดตัวอย่าง (n_j) ที่กำหนด
 - 1.2 คำนวณค่าตัวสถิติที่ใช้สำหรับคัดกรองการแจกแจงแบบโลจิสติกจากการแจกแจงแบบปกติทั้ง 6 ตัวสถิติ
 - 1.3 นำค่าที่คำนวณได้ มาทดสอบสมมติฐานว่าข้อมูลมีการแจกแจงแบบปกติหรือไม่
 - 1.4 นับจำนวนครั้งของการปฏิเสธสมมติฐานของแต่ละการทดสอบ
 - 1.5 ทำซ้ำข้อ 1.1 – 1.4 จำนวน 5,000 รอบ
 - 1.6 หาค่าความน่าจะเป็นของการเกิดความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 (α) และหาค่ากำลังการทดสอบ ดังนี้

สมมติฐานการทดสอบ

H_0 : ข้อมูลมีการแจกแจงแบบปกติ

H_1 : ข้อมูลไม่ได้มีการแจกแจงแบบปกติ

ความน่าจะเป็นของการเกิดความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 (α)

$$= P(\text{ปฏิเสธ } H_0 | H_0 \text{ จริง})$$

$$= (\text{จำนวนครั้งของการปฏิเสธ } H_0 \text{ เมื่อ } H_0 \text{ เป็นจริง}) / 5,000$$

กำลังการทดสอบ ($1 - \beta$)

$$= P(\text{ปฏิเสธ } H_0 | H_0 \text{ เท็จ})$$

$$= (\text{จำนวนครั้งของการปฏิเสธ } H_0 \text{ เมื่อ } H_0 \text{ เป็นเท็จ}) / 5,000$$

2. การศึกษา และเปรียบเทียบคุณสมบัติทั่วไปของการแจกแจงแบบปกติ และการแจกแจงแบบโลจิสติก ที่มีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 0 และความแปรปรวนเท่ากับ 1

2.1 ทดสอบว่าการแจกแจงแบบโลจิสติกยกกำลังสองมีการแจกแจงโคสแควร์หรือไม่

2.1.1 สร้างข้อมูลที่มีการแจกแจง $L(0, \sqrt{3}/\pi)$ ให้มีจำนวนตามขนาดตัวอย่าง (n_j) ที่กำหนด

2.1.2 คำนวณผลรวมของข้อมูลยกกำลังสอง $\left(\sum_{i=1}^n X_i^2\right)$

2.1.3 นำค่าที่คำนวณได้ มาทดสอบสมมติฐานว่าข้อมูลมีการแจกแจงแบบโคสแควร์หรือไม่

2.1.4 นับจำนวนครั้งของการปฏิเสธสมมติฐานของแต่ละการทดสอบ

2.1.5 ทำซ้ำข้อ 2.1.1 – 2.1.4 จำนวน 5,000 รอบ

2.1.6 หาค่ากำลังการทดสอบ ดังนี้

สมมติฐานการทดสอบ H_0 : ข้อมูลมีการแจกแจงแบบโคสแควร์ ที่ $df = n$

H_1 : ข้อมูลไม่ได้มีการแจกแจงแบบโคสแควร์ ที่ $df = n$

กำลังการทดสอบ $(1 - \beta)$

$$= P(\text{ปฏิเสธ } H_0 | H_0 \text{ เท็จ})$$

$$= (\text{จำนวนครั้งของการปฏิเสธ } H_0 \text{ เมื่อ } H_0 \text{ เป็นเท็จ}) / 5,000$$

2.2 ทดสอบว่าข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบโลจิสติกเมื่อนำค่าเฉลี่ยหารด้วยส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานส่วนรากที่สองของจำนวนข้อมูลมีการแจกแจงแบบทีหรือไม่

2.2.1 สร้างข้อมูลที่มีการแจกแจง $L(0, \sqrt{3}/\pi)$ ให้มีจำนวนตามขนาดตัวอย่าง (n_j) ที่กำหนด

2.2.2 คำนวณค่า $\frac{\bar{X}}{s / \sqrt{n_j}}$

2.2.3 นำค่าที่คำนวณได้ มาทดสอบสมมติฐานว่าข้อมูลมีการแจกแจงแบบทีหรือไม่

2.2.4 นับจำนวนครั้งของการปฏิเสธสมมติฐานของแต่ละการทดสอบ

2.2.5 ทำซ้ำข้อ 2.2.1 – 2.2.4 จำนวน 5,000 รอบ

2.2.6 หาค่ากำลังการทดสอบ ดังนี้

สมมติฐานการทดสอบ H_0 : ข้อมูลมีการแจกแจงแบบที ที่ $df = n_j - 1$

H_1 : ข้อมูลไม่ได้มีการแจกแจงแบบที ที่ $df = n_j - 1$

กำลังการทดสอบ $(1 - \beta)$

$$= P(\text{ปฏิเสธ } H_0 | H_0 \text{ เท็จ})$$

$$= (\text{จำนวนครั้งของการปฏิเสธ } H_0 \text{ เมื่อ } H_0 \text{ เป็นเท็จ}) / 5,000$$

2.3 ทดสอบว่าข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบโลจิสติกเมื่อนำค่าความแปรปรวนของตัวอย่าง 2 ชุดมาหารกัน มีการแจกแจงแบบเอฟหรือไม่ กรณีข้อมูลเริ่มต้นมี 2 ชุด

2.3.1 สร้างข้อมูลที่มีการแจกแจง $N(0,1)$ 2 ชุด กำหนดเป็น ชุด A, B และ $L(0, \sqrt{3}/\pi)$ 2 ชุด

กำหนดเป็น ชุด C, D ให้มีจำนวนตามขนาดตัวอย่าง (n_j) ที่กำหนด

2.3.2 คำนวณค่า $\frac{s_A^2}{s_D^2}, \frac{s_C^2}{s_B^2}, \frac{s_C^2}{s_D^2}$

2.3.3 นำค่าที่คำนวณได้ มาทดสอบสมมติฐานว่าข้อมูลมีการแจกแจงแบบเอฟหรือไม่

2.3.4 นับจำนวนครั้งของการปฏิเสธสมมติฐานของแต่ละการทดสอบ

2.3.5 ทำซ้ำข้อ 2.3.1 – 2.3.4 จำนวน 5,000 รอบ

2.3.6 หาค่ากำลังการทดสอบ ดังนี้

สมมติฐานการทดสอบ

H_0 : ข้อมูลมีการแจกแจงแบบเอฟ ที่ $df1 = n_1 - 1, df2 = n_2 - 1$

H_1 : ข้อมูลไม่ได้มีการแจกแจงแบบเอฟ ที่ $df1 = n_1 - 1, df2 = n_2 - 1$

กำลังการทดสอบ $(1 - \beta)$

$$= P(\text{ปฏิเสธ } H_0 | H_0 \text{ เท็จ})$$

$$= (\text{จำนวนครั้งของการปฏิเสธ } H_0 \text{ เมื่อ } H_0 \text{ เป็นเท็จ}) / 5,000$$

2.4 ทดสอบว่าข้อมูลที่มีการแจกแจงแบบโลจิสติกเมื่อนำค่าความแปรปรวนของตัวอย่าง 2 ชุดมาหารกัน มีการแจกแจงแบบเอฟหรือไม่ กรณีข้อมูลเริ่มต้นจากข้อมูลชุดเดียว

2.4.1 สร้างข้อมูลที่มีการแจกแจง $L(0, \sqrt{3}/\pi)$ ให้มีจำนวนตามขนาดตัวอย่าง (n_j) ที่กำหนด

2.4.2 นำข้อมูลที่สร้างขึ้นมาแบ่งเป็น 2 ชุดเท่า ๆ กัน

2.4.3 คำนวณค่า $\frac{s_1^2}{s_2^2}$ เก็บค่าไว้

2.4.4 ทำซ้ำข้อ 2.4.2 – 2.4.3 จำนวน n_j รอบ

2.4.5 นำค่าข้อมูล $\frac{s_1^2}{s_2^2}$ ที่เก็บไว้ n_j ค่า มาทดสอบสมมติฐานว่าข้อมูลมีการแจกแจงแบบ

เอฟหรือไม่

2.4.6 นับจำนวนครั้งของการปฏิเสธสมมติฐานของแต่ละการทดสอบ

2.4.7 ทำซ้ำข้อ 2.3.1 – 2.3.6 จำนวน 5,000 รอบ

2.4.8 หาค่ากำลังการทดสอบ ดังนี้

สมมติฐานการทดสอบ

H_0 : ข้อมูลมีการแจกแจงแบบเอฟ ที่ $df1 = n_1 - 1$, $df2 = n_2 - 1$

H_1 : ข้อมูลไม่ได้มีการแจกแจงแบบเอฟ ที่ $df1 = n_1 - 1$, $df2 = n_2 - 1$

กำลังการทดสอบ $(1 - \beta)$

= $P(\text{ปฏิเสธ } H_0 | H_0 \text{ แท้จริง})$

= (จำนวนครั้งของการปฏิเสธ H_0 เมื่อ H_0 เป็นเท็จ) / 5,000

3. การศึกษาผลกระทบของการประมาณค่าสัมประสิทธิ์การถดถอย เมื่อความคลาดเคลื่อนมีการแจกแจงแบบโลจิสติก

3.1 ทดลองประมาณค่าสัมประสิทธิ์การถดถอยในกรณีต่างๆ โดยความคลาดเคลื่อนได้จากการสร้างข้อมูลโดยตรง

3.1.1 กรณีการถดถอยอย่างง่าย

3.1.1.1 สร้างความคลาดเคลื่อนที่มีการแจกแจง $L(0, \sqrt{3}/\pi)$ และสร้างตัวแปรอิสระ (X) ให้มีการแจกแจงและขนาดตัวอย่าง (n_j) ที่กำหนด

3.1.1.2 คำนวณค่าตัวแปรตาม (Y) จากสมการ $Y = \beta_0 + \beta_1 X + \varepsilon$

3.1.1.3 ประมาณค่า β_0 , β_1 ด้วยวิธี OLS แล้วแทนด้วยสัญลักษณ์ b_0 , b_1 ตามลำดับ ทำการทดสอบว่า $\beta_1 = \beta_0$ โดยที่ β_0 เป็นค่าตั้งต้นของ β_1 ที่กำหนดไว้ (ภายใต้เงื่อนไข ε มีการแจกแจงแบบปกติ)

3.1.1.4 นับจำนวนครั้งของการปฏิเสธสมมติฐาน

3.1.1.5 ทำซ้ำข้อ 3.1.1.1 – 3.1.1.4 จำนวน 5,000 รอบ

3.1.1.6 หาค่าความน่าจะเป็นของการเกิดความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ดังนี้

สมมติฐานการทดสอบ

$H_0 : \beta_1 = \beta_0$

$H_1 : \beta_1 \neq \beta_0$ โดยที่ β_0 เป็นค่าตั้งต้นของ β_1 ที่กำหนดไว้

ความน่าจะเป็นของการเกิดความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 (α)

$$= P(\text{ปฏิเสธ } H_0 \mid H_0 \text{ จริง})$$

$$= (\text{จำนวนครั้งของการปฏิเสธ } H_0 \text{ เมื่อ } H_0 \text{ เป็นจริง}) / 5,000$$

3.1.1.7 ทำการทดสอบว่า β_1 ที่เก็บค่าไว้มีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปรหรือไม่ โดยทดสอบว่าผลรวมเชิงเส้น $C_k'\beta$ มีการแจกแจงแบบปกติหรือไม่ เมื่อ $C_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$, $C_2 = \begin{bmatrix} 1 \\ 10 \end{bmatrix}$ และ $C_3 = \begin{bmatrix} 10 \\ 1 \end{bmatrix}$

3.1.2 กรณีการถดถอยเชิงพหุ ตัวแปรอิสระ (X_1, X_2) ไม่มีความสัมพันธ์กัน

3.1.2.1 สร้างความคลาดเคลื่อนที่มีการแจกแจง $L(0, \sqrt{3}/\pi)$ และสร้างตัวแปรอิสระ (X_1, X_2) ให้มีการแจกแจงและขนาดตัวอย่าง (n_j) ที่กำหนด

3.1.2.2 คำนวณค่าตัวแปรตาม (Y) จากสมการ $Y = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \varepsilon$

3.1.2.3 ประมาณค่า $\beta_0, \beta_1, \beta_2$ ด้วยวิธี OLS แล้วแทนด้วยสัญลักษณ์ b_0, b_1, b_2 ตามลำดับ ทำการทดสอบว่า $\beta_1 = \beta_{10}$ โดยที่ β_{10} เป็นค่าตั้งต้นของ β_1 ที่กำหนดไว้ (ภายใต้เงื่อนไข ε มีการแจกแจงแบบปกติ)

3.1.2.4 นับจำนวนครั้งของการปฏิเสธสมมติฐาน

3.1.2.5 ทำซ้ำข้อ 3.1.2.1 – 3.1.2.4 จำนวน 5,000 รอบ

3.1.2.6 หาค่าความน่าจะเป็นของการเกิดความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ดังนี้
สมมติฐานการทดสอบ

$$H_0 : \beta_1 = \beta_{10}$$

$$H_1 : \beta_1 \neq \beta_{10} \text{ โดยที่ } \beta_{10} \text{ เป็นค่าตั้งต้นของ } \beta_1 \text{ ที่กำหนดไว้}$$

ความน่าจะเป็นของการเกิดความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 (α)

$$= P(\text{ปฏิเสธ } H_0 \mid H_0 \text{ จริง})$$

$$= (\text{จำนวนครั้งของการปฏิเสธ } H_0 \text{ เมื่อ } H_0 \text{ เป็นจริง}) / 5,000$$

3.1.2.7 ทำการทดสอบว่า β_1 ที่เก็บค่าไว้มีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปรหรือไม่ โดยทดสอบว่าผลรวมเชิงเส้น $C_k'\beta$ มีการแจกแจงแบบปกติ

$$\text{หรือไม่ เมื่อ } C_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}, C_2 = \begin{bmatrix} 0.1 \\ 1 \\ 10 \end{bmatrix} \text{ และ } C_3 = \begin{bmatrix} 10 \\ 1 \\ 0.1 \end{bmatrix}$$

3.1.3 กรณีการถดถอยเชิงพหุ ตัวแปรอิสระ (X_1, X_2) มีความสัมพันธ์กัน

3.1.3.1 สร้างความคลาดเคลื่อนที่มีการแจกแจง $L(0, \sqrt{3}/\pi)$

3.1.3.2 สร้าง z_1, z_2, z_3 ให้มีการแจกแจง และพารามิเตอร์ที่ทำให้ X_1, X_2 สัมพันธ์กัน 10%, 30% และ 50% ขนาดตัวอย่าง (n_i) เมื่อกำหนด $X_1 = Z_1 + Z_2$ และ $X_2 = Z_2 + Z_3$

3.1.3.3 คำนวณค่าตัวแปรตาม (Y) จากสมการ $Y = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \varepsilon$

3.1.3.4 ประเมินค่า $\beta_0, \beta_1, \beta_2$ ด้วยวิธี OLS แล้วแทนด้วยสัญลักษณ์ b_0, b_1, b_2 ตามลำดับ ทำการทดสอบว่า $\beta_1 = \beta_0$ โดยที่ β_0 เป็นค่าตั้งต้นของ β_1 ที่กำหนดไว้ (ภายใต้เงื่อนไข ε มีการแจกแจงแบบปกติ)

3.1.3.5 นับจำนวนครั้งของการปฏิเสธสมมติฐาน

3.1.3.6 ทำซ้ำข้อ 3.1.3.1 – 3.1.3.5 จำนวน 5,000 รอบ

3.1.3.7 หาค่าความน่าจะเป็นของการเกิดความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ดังนี้
สมมติฐานการทดสอบ

$$H_0 : \beta_1 = \beta_0$$

$$H_1 : \beta_1 \neq \beta_0 \text{ โดยที่ } \beta_0 \text{ เป็นค่าตั้งต้นของ } \beta_1 \text{ ที่กำหนดไว้}$$

ความน่าจะเป็นของการเกิดความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 (α)

$$= P(\text{ปฏิเสธ } H_0 \mid H_0 \text{ จริง})$$

$$= (\text{จำนวนครั้งของการปฏิเสธ } H_0 \text{ เมื่อ } H_0 \text{ เป็นจริง}) / 5,000$$

3.1.3.8 ทำการทดสอบว่า β_1 ที่เก็บค่าไว้มีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปรหรือไม่ โดยทดสอบว่าผลรวมเชิงเส้น $C_k' \beta$ มีการแจกแจงแบบปกติหรือไม่

$$\text{หรือไม่ เมื่อ } C_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}, C_2 = \begin{bmatrix} 0.1 \\ 1 \\ 10 \end{bmatrix} \text{ และ } C_3 = \begin{bmatrix} 10 \\ 1 \\ 0.1 \end{bmatrix}$$

3.2 ทดลองประมาณค่าสัมประสิทธิ์การถดถอยในกรณีต่างๆ โดยคัดกรองความคลาดเคลื่อนจากการแจกแจงแบบปกติก่อนนำไปใช้

3.2.1 กรณีการถดถอยอย่างง่าย

3.2.1.1 สร้างความคลาดเคลื่อนที่มีการแจกแจง $L(0, \sqrt{3}/\pi)$ นำไปคัดกรองโดยใช้ตัวสถิติ Shapiro Wilk และคัดกรองจากความสัมพันธ์กับตัวสถิติเอฟ ก่อนนำไปใช้

3.2.1.2 สร้างตัวแปรอิสระ (X) ให้มีการแจกแจงและขนาดตัวอย่าง (n_i) ที่กำหนด

3.2.1.3 คำนวณค่าตัวแปรตาม (Y) จากสมการ $Y = \beta_0 + \beta_1 X + \varepsilon$



3.2.1.4 ประเมินค่า β_0 , β_1 ด้วยวิธี OLS แล้วแทนด้วยสัญลักษณ์ b_0 , b_1 ตามลำดับ ทำการทดสอบว่า $\beta_1 = \beta_0$ โดยที่ β_0 เป็นค่าตั้งต้นของ β_1 ที่กำหนดไว้ (ภายใต้เงื่อนไข ε มีการแจกแจงแบบปกติ)

3.2.1.5 นับจำนวนครั้งของการปฏิเสธสมมติฐาน

3.2.1.6 ทำซ้ำข้อ 3.2.1.1 – 3.2.1.5 จำนวน 5,000 รอบ

3.2.1.7 หาค่าความน่าจะเป็นของการเกิดความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ดังนี้
สมมติฐานการทดสอบ

$$H_0 : \beta_1 = \beta_0$$

$$H_1 : \beta_1 \neq \beta_0 \text{ โดยที่ } \beta_0 \text{ เป็นค่าตั้งต้นของ } \beta_1 \text{ ที่กำหนดไว้}$$

ความน่าจะเป็นของการเกิดความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 (α)

$$= P(\text{ปฏิเสธ } H_0 \mid H_0 \text{ จริง})$$

$$= (\text{จำนวนครั้งของการปฏิเสธ } H_0 \text{ เมื่อ } H_0 \text{ เป็นจริง}) / 5,000$$

3.2.1.8 ทำการทดสอบว่า β_1 ที่เก็บค่าไว้มีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปรหรือไม่ โดยทดสอบว่าผลรวมเชิงเส้น $C'_i \beta$ มีการแจกแจงแบบปกติหรือไม่ เมื่อ $C_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$, $C_2 = \begin{bmatrix} 1 \\ 10 \end{bmatrix}$ และ $C_3 = \begin{bmatrix} 10 \\ 1 \end{bmatrix}$

3.2.2 กรณีการถดถอยเชิงพหุ ตัวแปรอิสระ (X_1, X_2) ไม่มีความสัมพันธ์กัน

3.2.2.1 สร้างความคลาดเคลื่อนที่มีการแจกแจง $L(0, \sqrt{3}/\pi)$ นำไปคัดกรองโดยใช้ตัวสถิติ Shapiro Wilk และคัดกรองจากความสัมพันธ์กับตัวสถิติเอฟก่อนนำไปใช้

3.2.2.2 สร้างตัวแปรอิสระ (X_1, X_2) ให้มีการแจกแจงและขนาดตัวอย่าง (n_i) ที่กำหนด

3.2.2.3 คำนวณค่าตัวแปรตาม (Y) จากสมการ $Y = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \varepsilon$

3.2.2.4 ประเมินค่า β_0 , β_1 , β_2 ด้วยวิธี OLS แล้วแทนด้วยสัญลักษณ์ b_0 , b_1 , b_2 ตามลำดับ ทำการทดสอบว่า $\beta_1 = \beta_0$ โดยที่ β_0 เป็นค่าตั้งต้นของ β_1 ที่กำหนดไว้ (ภายใต้เงื่อนไข ε มีการแจกแจงแบบปกติ)

3.2.2.5 นับจำนวนครั้งของการปฏิเสธสมมติฐาน

3.2.2.6 ทำซ้ำข้อ 3.2.2.1 – 3.2.2.5 จำนวน 5,000 รอบ

3.2.2.7 หาค่าความน่าจะเป็นของการเกิดความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ดังนี้
สมมติฐานการทดสอบ

$$H_0 : \beta_1 = \beta_0$$

$$H_1 : \beta_1 \neq \beta_0 \text{ โดยที่ } \beta_0 \text{ เป็นค่าตั้งต้นของ } \beta_1 \text{ ที่กำหนดไว้}$$

ความน่าจะเป็นของการเกิดความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 (α)

$$= P(\text{ปฏิเสธ } H_0 \mid H_0 \text{ จริง})$$

$$= (\text{จำนวนครั้งของการปฏิเสธ } H_0 \text{ เมื่อ } H_0 \text{ เป็นจริง}) / 5,000$$

3.2.2.8 ทำการทดสอบว่า β_1 ที่เก็บค่าไว้มีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปร

หรือไม่ โดยทดสอบว่าผลรวมเชิงเส้น $C_k \beta$ มีการแจกแจงแบบปกติ

$$\text{หรือไม่ เมื่อ } C_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}, C_2 = \begin{bmatrix} 0.1 \\ 1 \\ 10 \end{bmatrix} \text{ และ } C_3 = \begin{bmatrix} 10 \\ 1 \\ 0.1 \end{bmatrix}$$

3.2.3 กรณีการถดถอยเชิงพหุ ตัวแปรอิสระ (X_1, X_2) มีความสัมพันธ์กัน

3.2.3.1 สร้างความคลาดเคลื่อนที่มีการแจกแจง $L(0, \sqrt{3}/\pi)$ นำไปคัดกรองโดยใช้
ตัวสถิติ Shapiro Wilk และคัดกรองจากความสัมพันธ์กับตัวสถิติเอฟ
ก่อนนำไปใช้

3.2.3.2 สร้าง z_1, z_2, z_3 ให้มีการแจกแจง และพารามิเตอร์ที่ทำให้ X_1, X_2
สัมพันธ์กัน 10%, 30% และ 50% ขนาดตัวอย่าง (n_j) เมื่อกำหนด
 $X_1 = Z_1 + Z_2$ และ $X_2 = Z_2 + Z_3$

3.2.3.3 คำนวณค่าตัวแปรตาม (Y) จากสมการ $Y = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \varepsilon$

3.2.3.4 ประเมินค่า $\beta_0, \beta_1, \beta_2$ ด้วยวิธี OLS แล้วแทนด้วยสัญลักษณ์ b_0, b_1, b_2
ตามลำดับ ทำการทดสอบว่า $\beta_1 = \beta_0$ โดยที่ β_0 เป็นค่าตั้งต้นของ β_1 ที่
กำหนดไว้ (ภายใต้เงื่อนไข ε มีการแจกแจงแบบปกติ)

3.2.3.5 นับจำนวนครั้งของการปฏิเสธสมมติฐาน

3.2.3.6 ทำซ้ำข้อ 3.2.3.1 – 3.2.3.5 จำนวน 5,000 รอบ

3.2.3.7 หาค่าความน่าจะเป็นของการเกิดความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ดังนี้
สมมติฐานการทดสอบ

$$H_0 : \beta_1 = \beta_0$$

$$H_1 : \beta_1 \neq \beta_0 \text{ โดยที่ } \beta_0 \text{ เป็นค่าตั้งต้นของ } \beta_1 \text{ ที่กำหนดไว้}$$

ความน่าจะเป็นของการเกิดความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 (α)

$$= P(\text{ปฏิเสธ } H_0 \mid H_0 \text{ จริง})$$

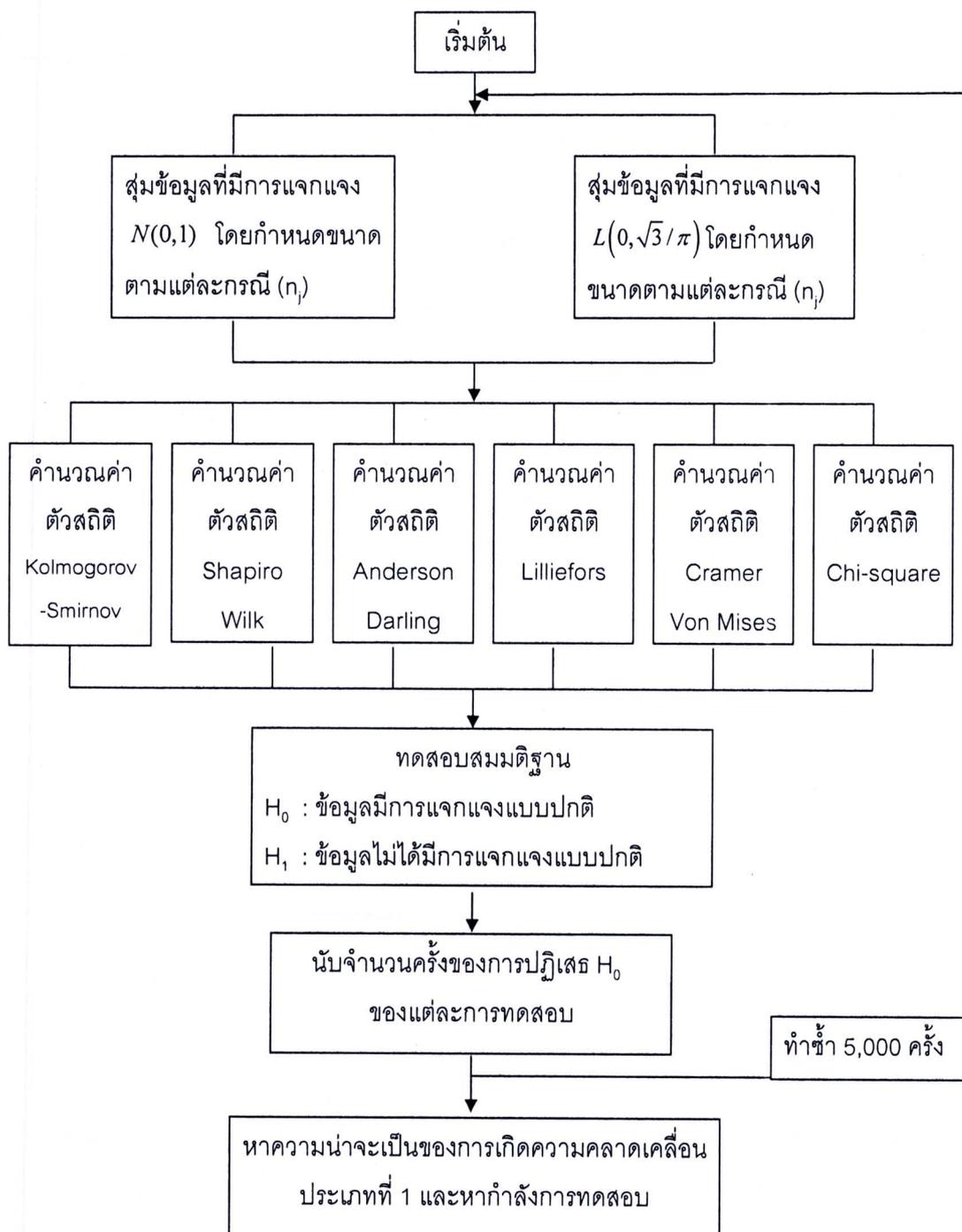
$$= (\text{จำนวนครั้งของการปฏิเสธ } H_0 \text{ เมื่อ } H_0 \text{ เป็นจริง}) / 5,000$$

3.2.3.8 ทำการทดสอบว่า β_j ที่เก็บค่าไว้มีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปร
หรือไม่ โดยทดสอบว่าผลรวมเชิงเส้น $c_k' \beta$ มีการแจกแจงแบบปกติ

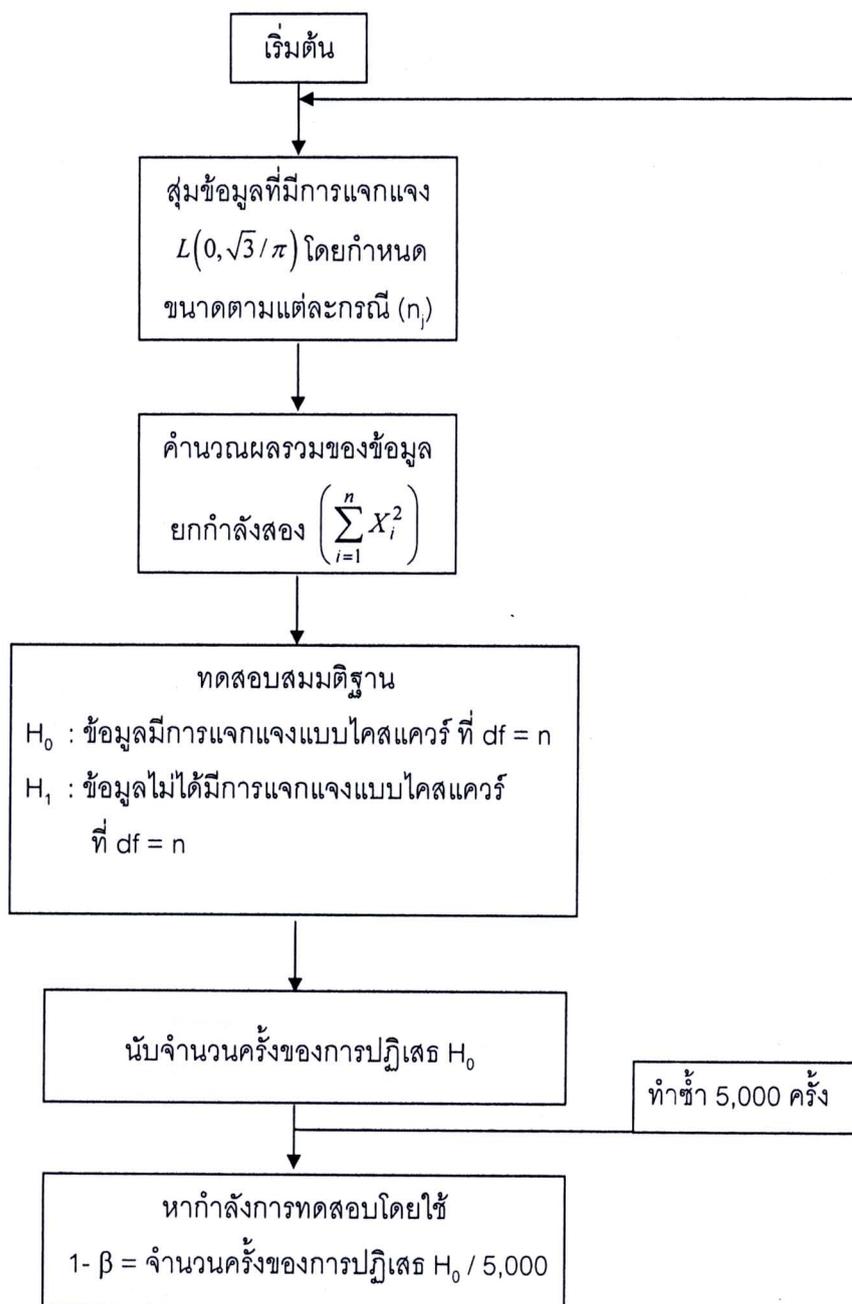
หรือไม่ เมื่อ $c_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$, $c_2 = \begin{bmatrix} 0.1 \\ 1 \\ 10 \end{bmatrix}$ และ $c_3 = \begin{bmatrix} 10 \\ 1 \\ 0.1 \end{bmatrix}$

3.3 ขั้นตอนการทำงานของโปรแกรม

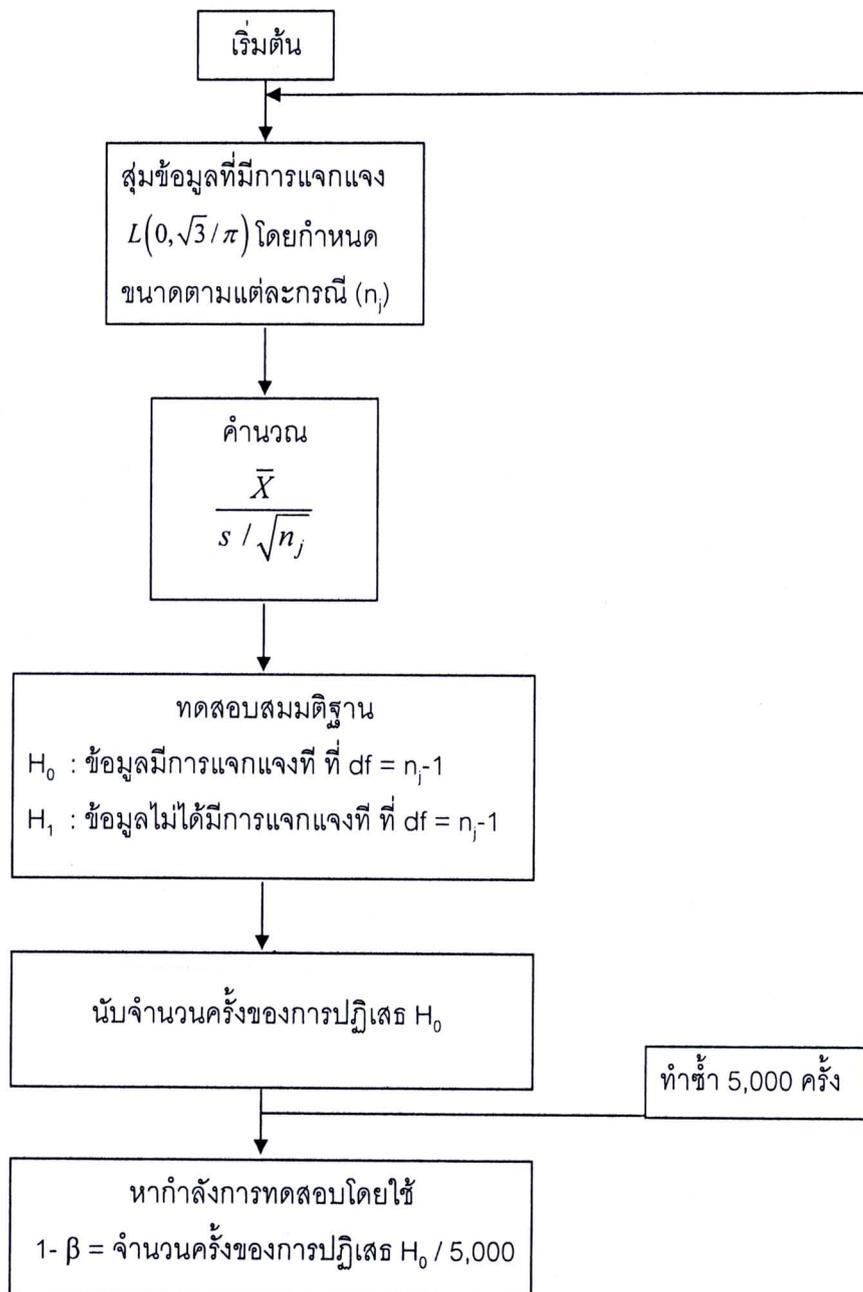
ภาพที่ 3.1 แสดงขั้นตอนการทำงานของโปรแกรมในการเปรียบเทียบประสิทธิภาพของตัวสถิติที่ใช้สำหรับการคัดกรองการแจกแจงแบบโลจิสติกจากการแจกแจงแบบปกติ



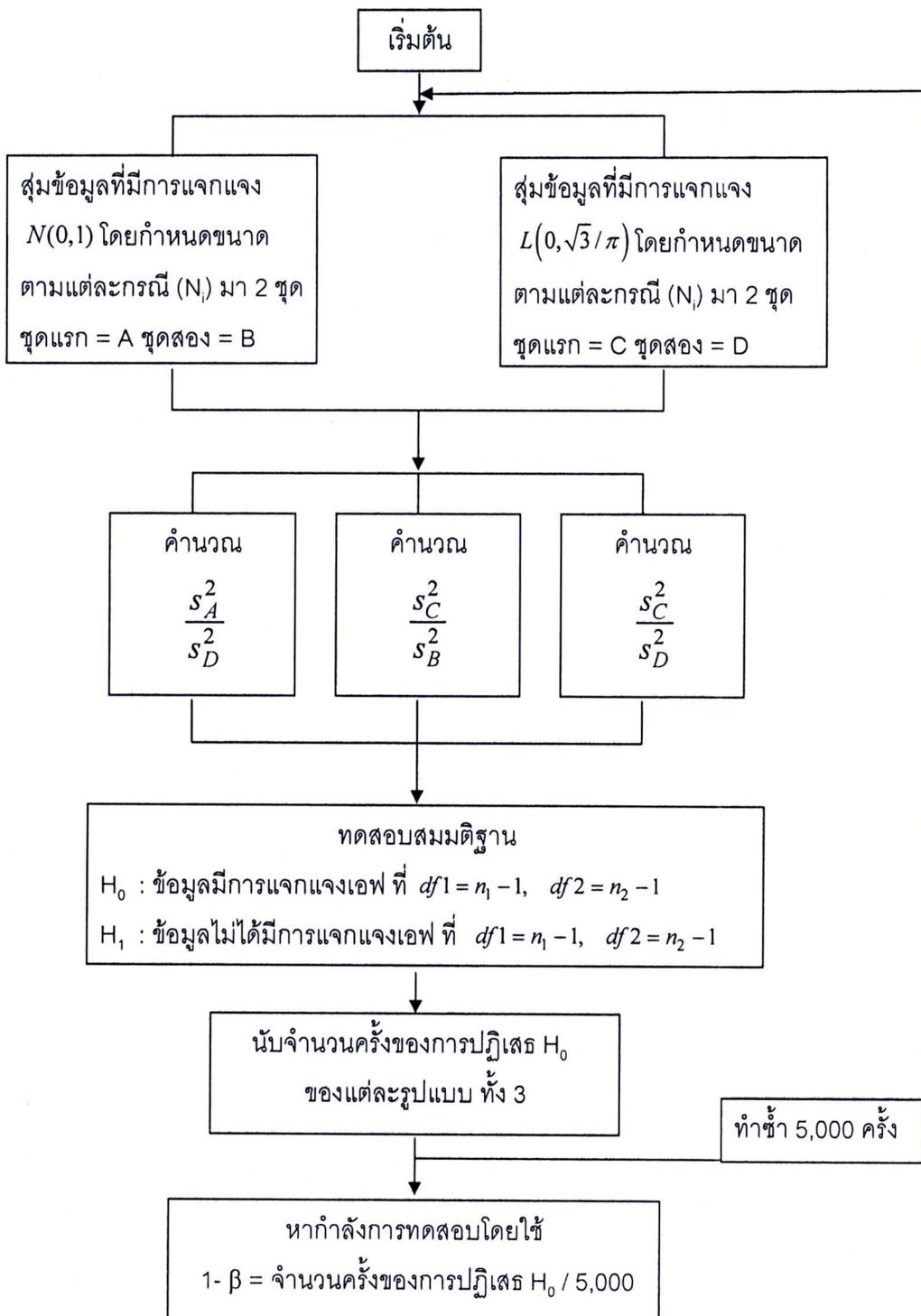
ภาพที่ 3.2 แสดงขั้นตอนการทำงานของโปรแกรมในการทดสอบความสัมพันธ์ของการแจกแจงแบบโลจิสติกกับการแจกแจงแบบโคสเคอร์



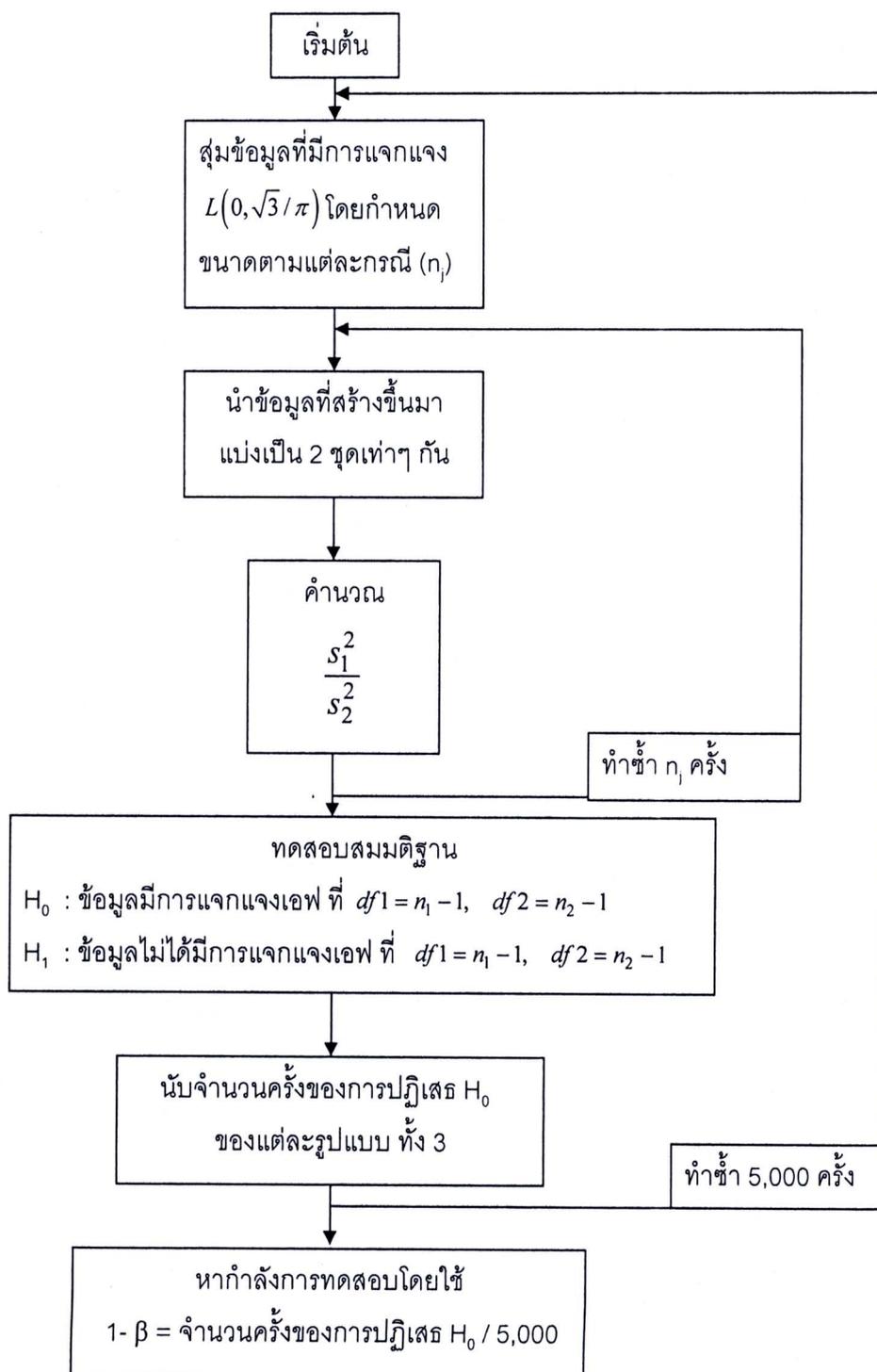
ภาพที่ 3.3 แสดงขั้นตอนการทำงานของโปรแกรมในการทดสอบความสัมพันธ์ของการแจกแจงแบบโลจิสติกกับการแจกแจงแบบที



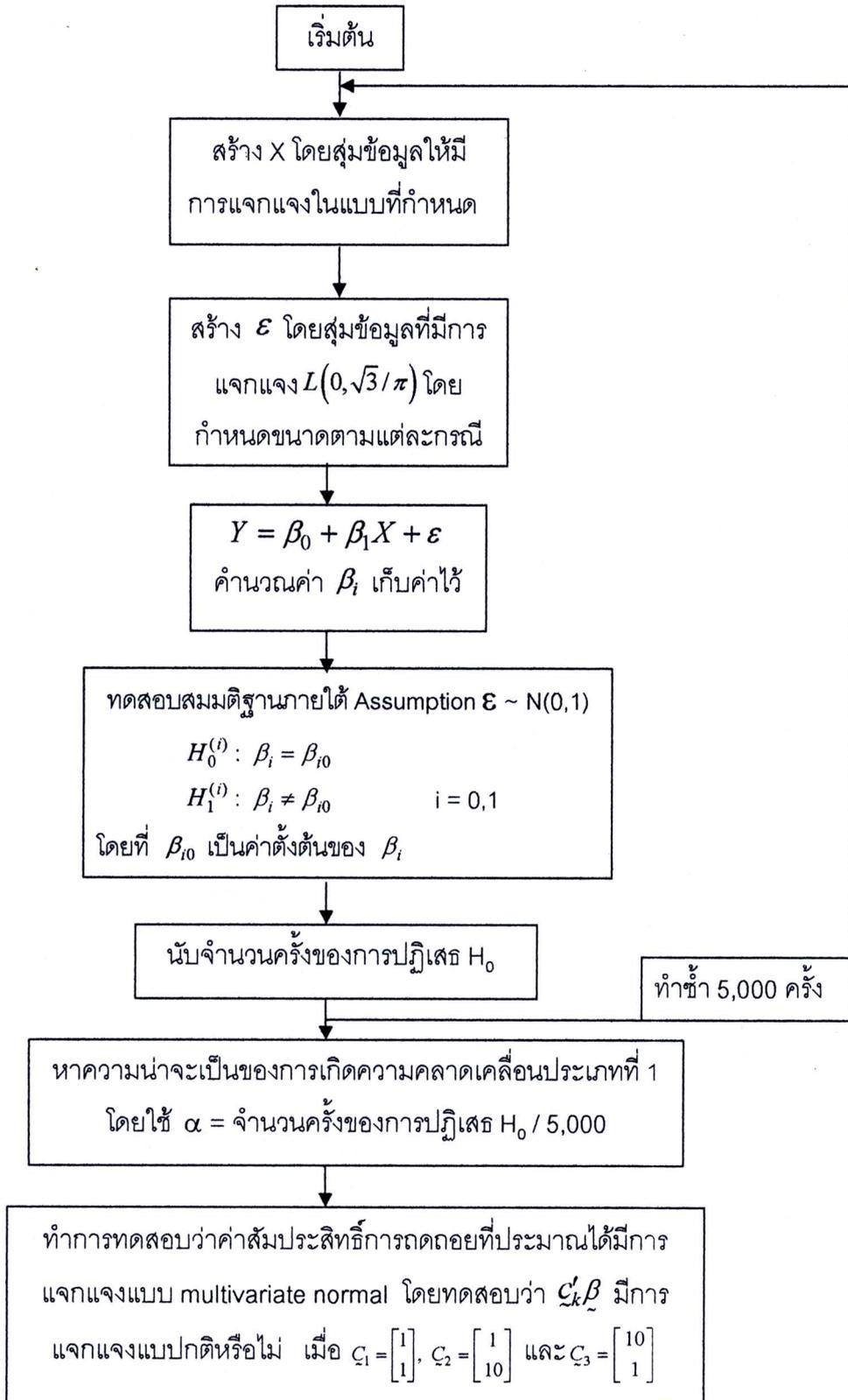
ภาพที่ 3.4 แสดงขั้นตอนการทำงานของโปรแกรมในการทดสอบความสัมพันธ์ของการแจกแจงแบบโลจิสติกกับการแจกแจงแบบเอฟ กรณีข้อมูลเริ่มต้นมี 2 ชุด



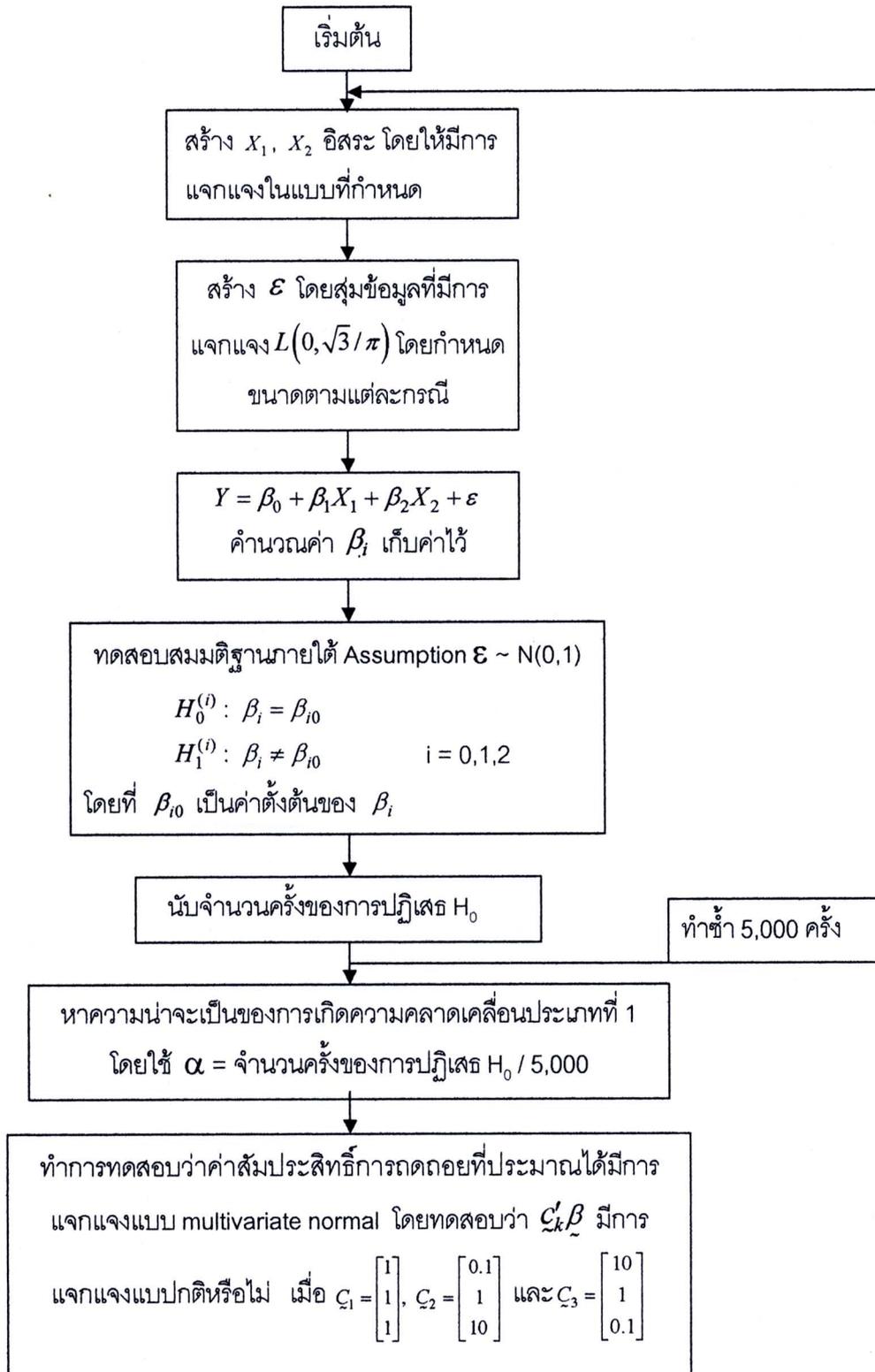
ภาพที่ 3.5 แสดงขั้นตอนการทำงานของโปรแกรมในการทดสอบความสัมพันธ์ของการแจกแจงแบบโลจิสติกกับการแจกแจงแบบเอฟ กรณีข้อมูลเริ่มต้นจากข้อมูลชุดเดียว



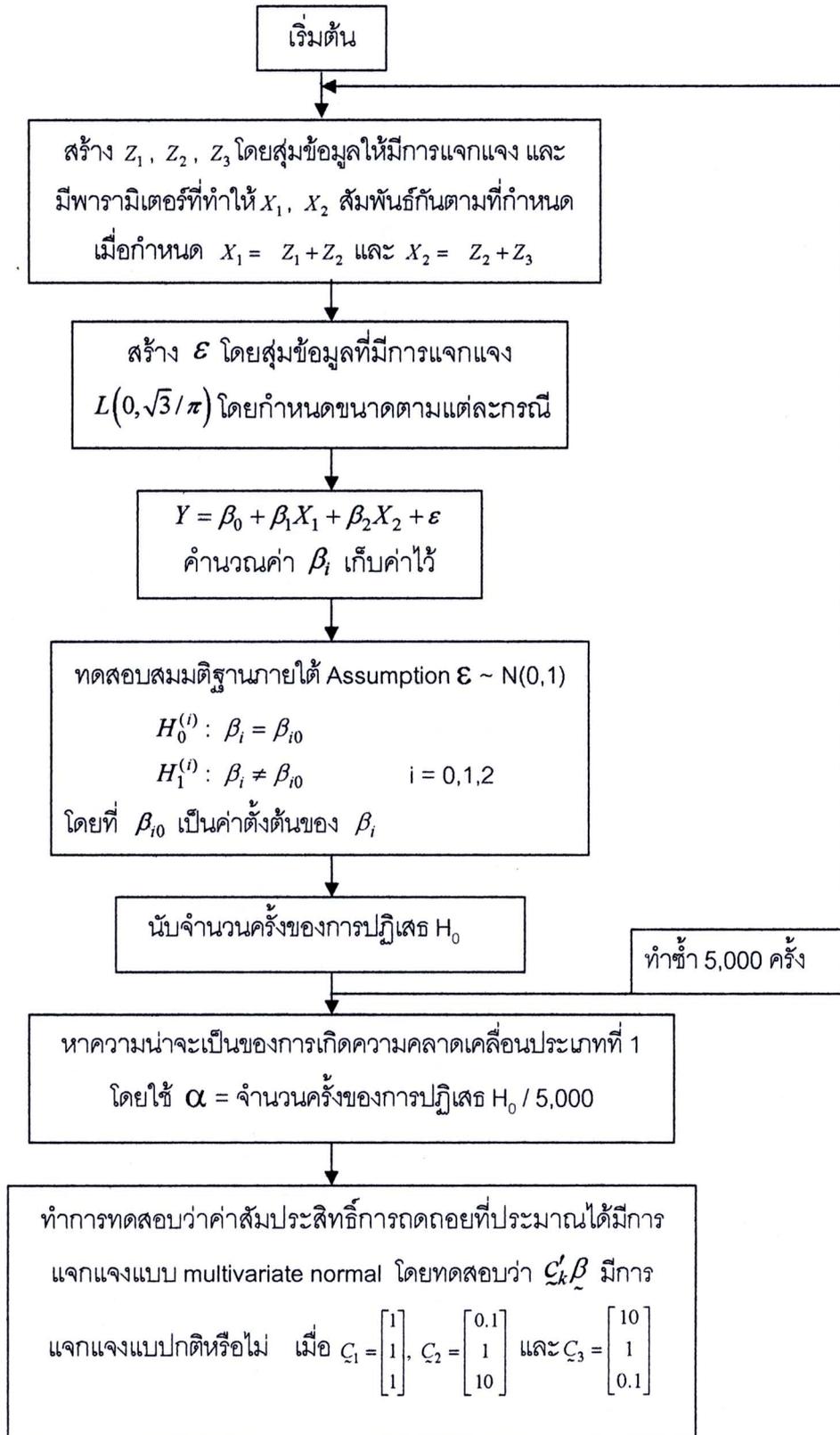
ภาพที่ 3.6 แสดงขั้นตอนการทำงานของโปรแกรมในการศึกษาผลกระทบของการประมาณค่าสัมประสิทธิ์การถดถอย โดยความคลาดเคลื่อนได้จากการสร้างข้อมูลโดยตรง กรณีการถดถอยอย่างง่าย



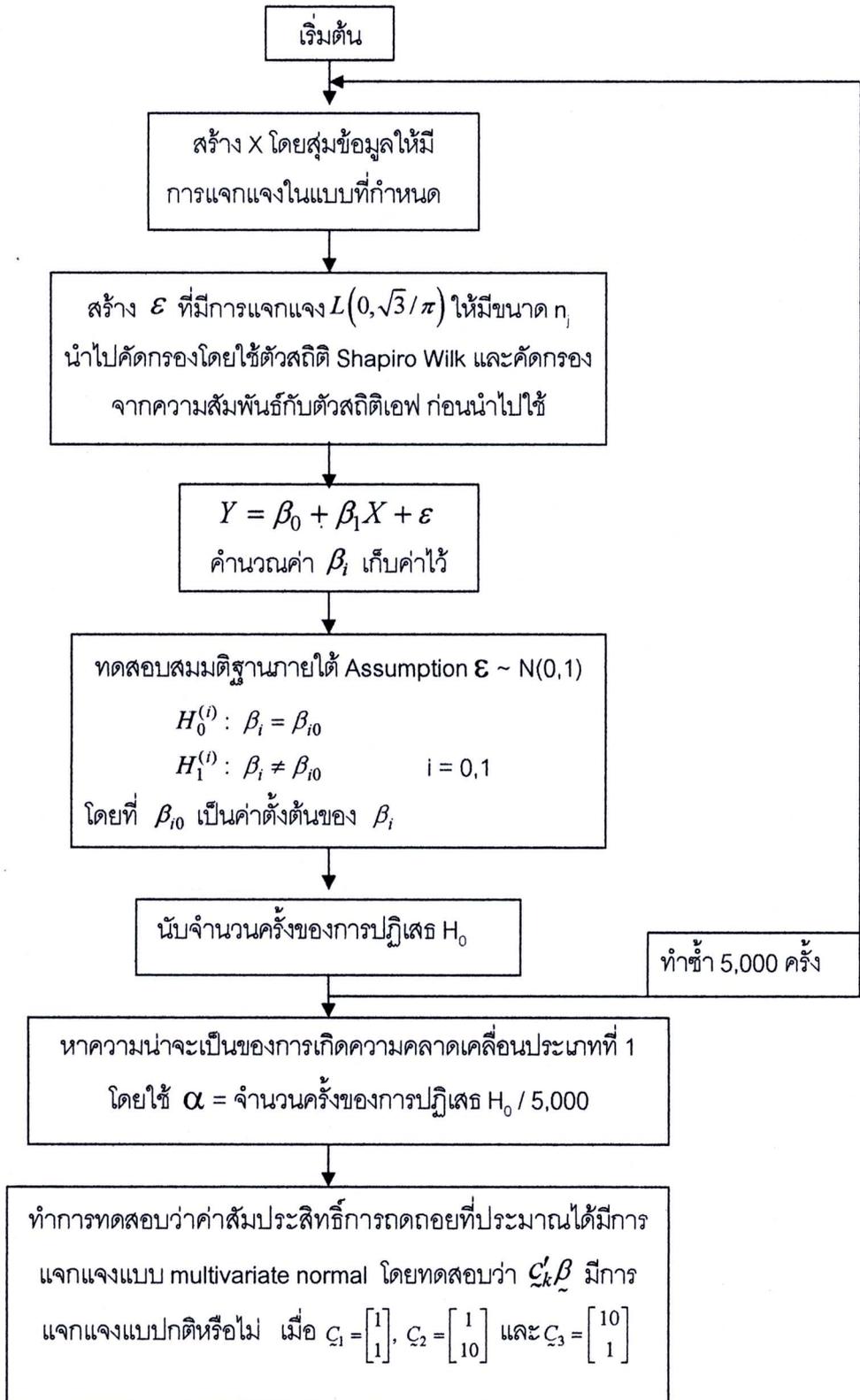
ภาพที่ 3.7 แสดงขั้นตอนการทำงานของโปรแกรมในการศึกษาผลกระทบของการประมาณค่าสัมประสิทธิ์การถดถอย โดยความคลาดเคลื่อนได้จากการสร้างข้อมูลโดยตรง กรณีการถดถอยเชิงพหุ เมื่อ X_1, X_2 อิสระ



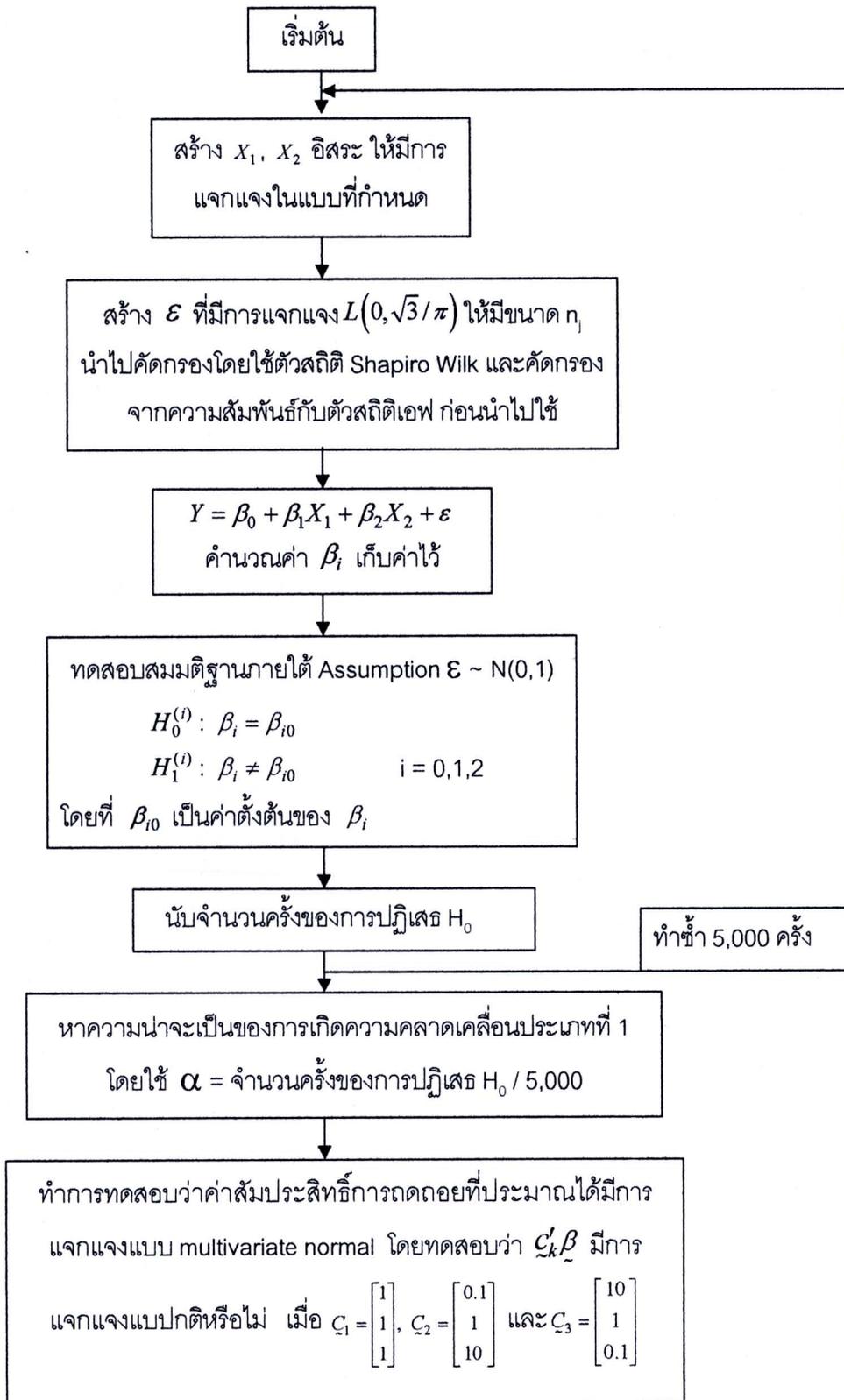
ภาพที่ 3.8 แสดงขั้นตอนการทำงานของโปรแกรมในการศึกษาผลกระทบของการประมาณค่าสัมประสิทธิ์การถดถอย โดยความคลาดเคลื่อนได้จากการสร้างข้อมูลโดยตรง กรณีการถดถอยเชิงพหุ เมื่อ x_1, x_2 มีความสัมพันธ์กัน



ภาพที่ 3.9 แสดงขั้นตอนการทำงานของโปรแกรมในการศึกษาผลกระทบของการประมาณค่าสัมประสิทธิ์การถดถอย โดยคัดกรองความคลาดเคลื่อนจากการแจกแจงแบบปกติก่อนนำไปใช้กรณีการถดถอยอย่างง่าย



ภาพที่ 3.10 แสดงขั้นตอนการทำงานของโปรแกรมในการศึกษาผลกระทบของการประมาณค่าสัมประสิทธิ์การถดถอย โดยคัดกรองความคลาดเคลื่อนจากการแจกแจงแบบปกติก่อนนำไปใช้กรณีการถดถอยเชิงพหุ เมื่อ x_1, x_2 อิสระ



ภาพที่ 3.11 แสดงขั้นตอนการทำงานของโปรแกรมในการศึกษาผลกระทบของการประมาณค่าสัมประสิทธิ์การถดถอย โดยคัดกรองความคลาดเคลื่อนจากการแจกแจงแบบปกติก่อนนำไปใช้กรณีการถดถอยเชิงพหุ เมื่อ x_1, x_2 มีความสัมพันธ์กัน

