

ห้องสมุดงานวิจัย สำนักงานคณะกรรมการการอุดมศึกษา



E42150



SEMITLINEAR IMPULSIVE PERIODIC SYSTEMS WITH  
PARAMETER PERTURBATION

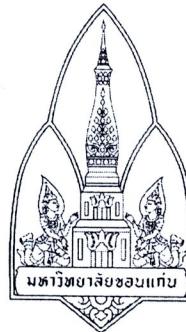
MR. APIRUNTARAK PHALAPHOL

A THESIS FOR THE DEGREE OF MASTER OF SCIENCE  
KHON KAEN UNIVERSITY

2010

b00256336

ห้องสมุดงานวิจัย สำนักงานคณะกรรมการวิจัยแห่งชาติ



SEMITLINEAR IMPULSIVE PERIODIC SYSTEMS WITH  
PARAMETER PERTURBATION



MR. APIRUNTARAK PHALAPHOL

A THESIS FOR THE DEGREE OF MASTER OF SCIENCE  
KHON KAEN UNIVERSITY

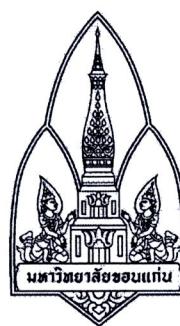
2010

**SEMITLINEAR IMPULSIVE PERIODIC SYSTEMS WITH  
PARAMETER PERTURBATION**

**MR. APIRUNTARAK PHALAPHOL**

**A THESIS SUBMITTED IN PARTIAL FULFILLMENT OF THE  
REQUIREMENTS FOR THE DEGREE OF MASTER OF  
SCIENCE IN APPLIED MATHEMATICS  
GRADUATE SCHOOL KHON KAEN UNIVERSITY**

**2010**



THESIS APPROVAL  
KHON KAEN UNIVERSITY  
FOR  
MASTER OF SCIENCE  
IN APPLIED MATHEMATICS

**Thesis Title:** Semilinear Impulsive Periodic Systems with  
Parameter Perturbation

**Author:** Mr. Apiruntarak Phalaphol

**Thesis Examination Committee**

Dr. Winate Sanhan	Chairperson
Asst. Prof. Dr. Tawun Remsungnen	Member
Asst. Prof. Dr. Kiat Sangaroon	Member
Dr. Sujitra Sanhan	Member

**Thesis Advisors:**

*K. Sangaroon* Advisor  
( Asst. Prof. Dr. Kiat Sangaroon )

*S. Sanhan* Co-Advisor  
( Dr. Sujitra Sanhan )

*L. Manmart* (Asso. Prof. Dr. Lampang Manmart)  
Dean, Graduate School

*K. Sangaroon* (Asst. Prof. Dr. Kiat Sangaroon)  
Dean, Faculty of Science

อภิรัณธรักษ์ พลาพล. 2553. ระบบเป็นคานแบบอิมพัลส์กึ่งเชิงเส้นที่มีตัวแปรเสริมเพอร์เทอร์เบชัน. วิทยานิพนธ์ปริญญาวิทยาศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชา คณิตศาสตร์ประยุกต์ บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยขอนแก่น.  
อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์: ผศ. ดร. เกียรติ แสงอรุณ, ดร. สุจิตรา แสนหาน

บหคดย่อ

**E 42150**

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้ศึกษาการมีผลเฉลยเป็นคานของระบบเป็นคานกึ่งเชิงเส้นแบบอิมพัลส์ที่มีตัวแปรเสริมเพอร์เทอร์เบชัน ในปริภูมิบานาคในตอนแรกเราได้ให้เงื่อนไขที่พอเพียงสำหรับการมีจริงและความเป็นได้อย่างเดียวของผลเฉลยชนิดอ่อน ในท้ายสุดได้พิสูจน์การมีจริงและความเป็นได้อย่างเดียวของผลเฉลยชนิดอ่อนเป็นคานของระบบเป็นคานกึ่งเชิงเส้นแบบอิมพัลส์

Apiruntarak Phalaphol. 2010. **Semilinear Impulsive Periodic Systems**

**with Parameter Perturbation.** Master of Science Thesis in  
Applied Mathematics, Graduate School, Khon Kaen University.

**Thesis Advisors:** Asst. Prof. Dr. Kiat Sangaroon, Dr. Sujitra Sanhan

## ABSTRACT

E42150

This thesis systematically studies periodic solutions for semilinear impulsive periodic systems with parameter perturbations in Banach space.

First, we give the sufficient conditions for the existence and uniqueness of mild solutions. Finally, this approach also yields an existence and uniqueness result of periodic mild solutions for semilinear impulsive periodic systems.

**Goodness portion of present thesis study is dedicated  
to my parents and entire teaching staffs.**

## **ACKNOWLEDGEMENTS**

I wish to express my deepest and sincere gratitude to Assistant Professor Doctor Kiat Sangaroon and Doctor Sujitra Sanhan for their constant instruction and encouragement to my investigation which enable me to carry out my study successfully.

I extend my thanks to all my teachers for their previous lectures.

I would like to express my sincere gratitude to my beloved parents who continuously encourage me.

Finally, I would like to thank all graduate students and staffs at the Department of Mathematics and Faculty of Science for their supporting on this preparation of the thesis.

Apiruntarak Phalaphol

## TABLE OF CONTENTS

	Page
ABSTRACT (IN THAI)	i
ABSTRACT (IN ENGLISH)	ii
DEDICATION	iii
ACKNOWLEDGEMENTS	iv
CHAPTER I INTRODUCTION	1
CHAPTER II MATHEMATICAL PRELIMINARIES	3
2.1 Elements of Functional Analysis	3
2.2 Integration Theory	9
2.3 Differential Equations on Banach Spaces	12
2.4 Gronwall's Lemma	17
CHAPTER III MAIN RESULTS	19
3.1 Notations	19
3.2 Semilinear Impulsive Periodic Systems	19
3.3 Semilinear Impulsive Periodic Systems with Parameter Perturbation	29
CHAPTER IV CONCLUSIONS	35
4.1 Problem	35
4.2 Assumptions	36
4.3 Results	38
BIBLIOGRAPHY	40
VITAE	42