


รัตนสุภา แนวเงินดี 2551: ระเบียบวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์กำลังสองน้อยสุดทั่วไปสำหรับ  
คานาทีโมเซนโก ปริญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต (วิศวกรรมเครื่องกล)  
สาขาวิศวกรรมเครื่องกล ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกล ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกล ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกล  
อาจารย์ประพจน์ ขุนทอง, Ph.D. 123 หน้า

ในงานวิจัยนี้ได้ศึกษาการพัฒนาวิธีการทางไฟไนต์เอลิเมนต์ของกาเลอร์คินสำหรับการ  
การสั้นในสถานะคงตัวของคานาทีโมเซนโกเพื่อลดความคลาดเคลื่อนของการกระจายตัว โดยเสย  
ดกล้างของสมการอนุพันธ์ครอบคลุมในรูปแบบเกรเดียนต์กำลังสองน้อยสุดได้ถูกเพิ่มเข้าไปใน  
สมการการแปรผันมาตรฐานทางไฟไนต์เอลิเมนต์ของกาเลอร์คิน โดยเลือกพารามิเตอร์เกรเดียนต์  
กำลังสองน้อยสุดสำหรับการประมาณภายในแบบเชิงเส้นและแบบสมการกำลังสองของ  
การตอบสนองเพื่อให้เทอมอันดับต่ำในอนุกรมเทย์เลอร์ที่ได้จากความสัมพันธ์ของการกระจายตัว  
ทางไฟไนต์เอลิเมนต์ตรงกันกับความสัมพันธ์ของการกระจายตัวที่ได้จากการวิเคราะห์ ซึ่งวิธีการ  
นี้ทำให้ได้วิธีการแปรผันที่มีความสอดคล้องเพื่อใช้ในการปรับปรุงความแม่นยำของเอลิเมนต์  
คานาทีโมเซนโก เมื่อเปรียบเทียบผลความสัมพันธ์การกระจายตัวทางไฟไนต์เอลิเมนต์พบว่าวิธี  
กำลังสองน้อยสุดทั่วไปของกาเลอร์คินดีกว่าวิธีมาตรฐานของกาเลอร์คินและวิธีที่ใช้การเลือกลด  
อันดับการอินทิเกรตของกาเลอร์คิน ซึ่งตัวอย่างเชิงตัวเลขสำหรับการกระจายตัวของคลื่นใน  
คานาทีโมเซนโกได้นำมาแสดงเพื่อพิสูจน์ให้เห็นว่าความแม่นยำได้เพิ่มขึ้นในวิธีกำลังสองน้อยสุด  
ทั่วไปของกาเลอร์คิน

รัตนสุภา แนวเงินดี  
ลายมือชื่อนิสิต

  
ลายมือชื่อประธานกรรมการ

27 / 5 / 2551

Rattanasuda Naewngerndee 2008: Generalized Least Squares Finite Element Methods for Timoshenko Beams. Master of Engineering (Mechanical Engineering),  
Major Field: Mechanical Engineering, Department of Mechanical Engineering.  
Thesis Advisor: Mr. Prapot Kunthong, Ph.D. 123 pages.

In this work, Galerkin finite element formulation for the steady-state vibration of Timoshenko beams is modified to reduce dispersion error. The residual of governing differential equation in gradient least-squares form is appended to the standard Galerkin finite element variational equation. The gradient least-squares parameters for linear and quadratic interpolations of the responses are selected such that the lower-order terms in Taylor series expansions of the finite element dispersion relations match the analytical dispersion relations. This technique provides a consistent variational framework for enhancing the accuracy of Timoshenko beam elements. Comparisons of finite element dispersion relations demonstrate the superiority of the Galerkin Generalized Least Squares methods over standard Galerkin method and Galerkin method with selective reduced integration. Numerical example for wave propagation in Timoshenko beams is presented to demonstrate the improved accuracy of the Galerkin Generalized Least Squares methods.

*Rattanasuda*

Student's signature

*Prapot Kunthong*

Thesis Advisor's signature

27 / 5 / 2008